

جمهورية مصر العربية وزارة التربية والتعليم والتعليم الفنى الإدارة المركزية لشنون الكتب







# الصف الأول الإعدادي الفصل الدراسي الأول



1.19 - Y.1A

غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني





الصف الأول الإعدادي

الفصل الدراسي الأول

تأليف

جمال فتحي عبد الستار

إشراف علمى مستشار الرياضيات

إشراف تربوى وتعديل ومراجعة مركز تطوير المناهج والمواد التعليمية

غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم والتعليم الفنى

طبعة ٢٠١٨ - ٢٠١٩

#### مقدمة

يسعدنا أن نقدم كتاب الرياضيات لأبنائنا وبناتنا تلاميذ الصف الأول الإعدادي على أمل أن يكون محققا لما سعينا من أجله من سهولة المعلومات ووضوح الأسلوب وخقيق الهدف بإعداد جيل قادر على التفكير العلمي والابتكار. إن طموحات العقل الإنساني وتعلقاته قد جاوزت حدود الأرض لتخترق آفاق الفضاء الخارجي فتنقل إلينا الأقمار الصناعية وشبكات المعلومات أحدث ما يدور فيه صباح ومساء. وبفضل التقدم التكنولوجي أصبحت مصادر التعلم كثيرة ومتنوعة ووسائط المعرفة أكثر عددًا وأكبر تنوعًا والوسائل المعينة في التدريس أكبر أثرًا وأكثر تعقيدًا وأعلى قيمة.

لم تكن جمهورية مصر العربية بحضارتها لتتخلف عن مواكبة ما يشهده العالم من تقدم سريع في اكتشافات العلم وتطور هائل في تكنولوجيا التعلم فلعلك تتابع ما يحدث في تعليمنا من تطوير وما أدخل إلى مدارسنا من وسائط تعليمية متطورة.

وقد روعى في تأليف هذا الكتاب

- التعرف على الرياضيات التى تستخدم الرموز بدلا من الأعداد، لأن دراسة الأعداد غير كافية لحل المشكلات الواقعية.
  - استخدام الصور والأشكال وتوظيف الألوان في توضيح المفاهيم الرياضية وخواص الأشكال.
    - التكامل والربط بين الرياضيات والمواد الدراسية الأخرى.
    - تصميم المواقف التعليمية بما يساعد على أساس التعلم النشط ومهارات حل المشكلات.
      - · عرض الدروس بحيث يصل التلميذ بنفسه إلى المعلومات.
- تضمين الكتاب قضايا واقعية وأنشطة ومواقف تعليمية مرتبطة بمشكلات البيئة والصحة والسكان إضافة إلى قضايا تنمية القيم مثل حقوق الإنسان والمساواة والعدالة وتنمية مفاهيم الانتماء إلى الوطن.
  - وفي الجزء الخاص بالأنشطة والتدريبات: يوجد أسئلة تقويمية لكل درس، وتمارين متنوعة على كل وحدة، واختبار في نهاية كل وحدة، ونشاط خاص، ونماذج امتحانات عامة تساعد على مراجعة المقرر كاملاً.

وقد اشتمل هذا الكتاب على ٤ وحدات.

الوحدة الأولى: الأعداد النسبية ـ وتهدف إلى عرض خصائص الأعداد وطرق تمثيلها وإجراء العمليات الحسابية عليها وإدراك العلاقات بينها.

الوحدة الثانية: الجبر ـ وتعرض معنى الحدود والمقادير الجبرية وإجراء العمليات عليها.

الوحدة الثالثة: الهندسة والقياس ـ وتدور حول رسم أشكال هندسية ذات بعدين وثلاثة أبعاد مع وضوح خواصها وخليل العلاقات بينها.

الوحدة الرابعة: الاحصاء وتهدف إلى الإحاطة بجمع البيانات وتنظيمها وعرضها للإجابة عن تساؤلات معينة. وإصدار أحكام على التفسيرات والتنبؤات التي يمكن الوصول إليها من تحليل بيانات معينة.

وقد روعي في شرح موضوعات الكتاب تبسيط المعلومة إلى أقصى قدر مستطاع مع تنوع التمارين وإعطاء الدارسين الفرصة للتفكير والابتكار.

### الرموز الرياضية المستخدمة

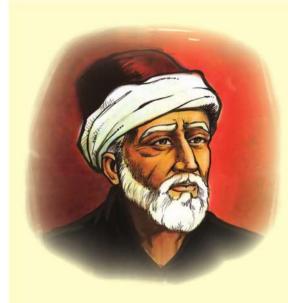
### لكل رمز من الرموز الرباضية الأتية مدلوله وكيفية توظيفه

يُقْرَأُ	الرمز
الجموعة سم تساوي	{,} = ~~
فاي (الجموعة الخالية التي لا خَتوي على أي عنصر)	Ø أو ( )
عنصر من أو ينتمي إلى	Э
ليس عنصرا في أو لا ينتمي إلى	∌
محتواة في أو جزئية من	D
غير محتواة في أو ليست جزئية من	<b>⊅</b>
تقاطع الجموعتين سم ، صم هي الجموعة التي تشمل كل العناصر الموجودة في الجموعتين معا	(~9),~9):1}=~∩~
اقاد الجموعتين سم ، صم هو الجموعة التي تشمل كل العناصر الموجودة في الجموعتين أو كلتيهما	(~0) 0 1 ( 1 ( 1 ( 1 ( 1 ( 1 ( 1 ( 1 ( 1 ( 1
مجموعة الأعداد الطبيعية { ٠ ، ١ ، ٦ ،}	ط
مجموعة الأعداد الصحيحة { , ا , ا , · , - ا , - ا ,}	~
مجموعة الأعداد الصحيحة الموجبة (١ . ١ . ٣}	·~
مجموعة الأعداد الصحيحة السالبة {-١ ، -٢ ، ٣}	.~°
أقل من أو يساوي	≽
أكبر من أو يساوي	€
لا تساوي	≠

يُقْرَأُ	الرمز
القيمة المطلقة للعدد (	141
الزوج المرتب 4 ، ب	(۹،۰)
القوة النونية للعدد ٩ «٩ أس ٧٠»	﴿ × ﴿ × إلى ◊ من العوامل = ﴿
الجذر التربيعي للعدد ﴿	7
يوازي	"
عمودي على	Т
مثلث	Δ
با أن	Ÿ
إذن	٨
زاوية قائمة	
القطعة المستقيمة ﴿ ب	۹ ب
الشعاع ﴿ ب	<b>ا</b> ب
الخط المستقيم ( ب	<del>ا</del> ب
زاوية	7
تطابق	

### المحتويات

		الْوَحْدَةُ الْأُولِي : الْأَعْدَادُ النسبية
	<b>Y</b> , 5	الـدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَجْموعَةُ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّة
	0	الـدَّرْسُ الثَّانِي : مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الْأَعُدَادِ الَّنِّسُبِيَّةِ
	<b>V</b>	الـدَّرْسُ الثَّالِثُ : جَمْعُ الْأَعْدَادِ النِّسُبِيَّةِ
	٩	الـدَّرْسُ الرَّابِعُ : خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ
	11	الدَّرْسُ الْخَامِسُ: طَرْحُ الْأَعُدَادِ النِّسْبِيَّةِ
	14	الـدَّرْسُ السَّدادِسُ : ضَرْبُ الْأَعُدَادِ النِّسُبِيَّةِ
	14	الـدُّرُسُ السَّابِعُ : خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ
	10	الـدَّرْسُ الثَّـامِنُ : قِسْمَهُ الْأَعُدَادِ النِّسْبِيَّةِ
		الْوَحُدَةُ الثَّانِيَةُ : الْجَبِـرُ
	1.4	الــدَّرْسُ الْأَوَّلُ : الْحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ
	19	الـدَّرْسُ الثَّانِي : الْحُدُودُ المُتَشَابِهَةُ
	Y •	الـدَّرْسُ الثَّالِثُ : ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُها
	74	الـدُّرْسُ الرَّابِعُ : جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرْحُها
	75	الــدَّرْسُ الْخَامِسُ : ضَرْبُ حَدٍّ جَبْرِيٍّ فِي مِقْدَارٍ جَبِرِيٍّ
	77	الــدُّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ مِقْدَارٍ جَبُريٍّ مُكَوَّن مِنْ حَدَّيْنِ فِي مِقْدَارٍ جَبِرِيِّ آخَرَ
	٣٠	الـدُّرْسُ السَّابِعُ : قِسْمَهُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدٍّ جَبِرِيٍّ
	٣١	الحَّرُسُ الثَّامِنُ : قِسْمَهُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى مِقْدَارٍ جَبِرِيٍّ آخَرَ
	٣٣	الدَّرْسُ التَّاسِع: التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ العَامِلِ الْمُشْتَرِكِ الْأَعْلَى
C		الْوَحْدَةُ النَّالِثَةُ :الإِحْصَاءُ
	<b>To</b>	الـدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابي
	49	الدَّرْسُ الثَّانِي : الوسيط
	44	اللَّدَّرْسُ الثَّالِثُ : المنوال
		الْوَحْدَةُ الرَّابِعَةُ : الْهَنْدَسَـةُ والْقِياسُ
	24	الــدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَفَاهِيمُ هَنْدَسِيَّةُ
	£ 9 (a)	الـدَّرْسُ الثَّانِي : التطابق
	٥٠	الــدَّرْسُ الثَّالِثُ : تَطَابُقُ الْمُثَلَّثَاتِ
	70	الْـدَّرْسُ الرَّابِعُ : التوازي
	77	الـدَّرْسُ الْخَامِسُ : إِنْشَاءَاتٌ هَنْدَسِيَّةٌ
		الأنشطة



محمد بن أحمد أبو الريحان البيروني (ولد سنة ٣٦٣ هـ / ٩٧٣ م)

ذَكَ رَ الْبَيْرُونِيُّ وَهُوَ مَنْ مَشَاهِيرِ الرِّيَاضِّيِّينَ الْعَرَبِ أَنَّ صُورَ الْجُرُوفِ وَأَرُقَامَ الْحِسَابِ تَخْتَلِفُ فِي الْهِنْدِ بِاخْتِلافِ الْمُحَدَّلَاثِ وَأَنَّ الْعَرَبَ أَخَذُوا أَحْسَنَ مَا عِنْدَهُمْ فَهَذَّبُوا الْمُحَدَّلَانِ عَنْدَهُمْ فَهَذَّبُوا بَعْضَهَا وَكَوَّنُوا مِنْ ذَلِكَ سِلْسِلَتَيْنِ عُرِفَت إِحْدَاهُما: الْارْقَامُ الْهِنْدِيَّةُ

. . 9 . A . V . T . D . £ . T . F . 1

وتُسْتَخْدَمُ فِي الشَّرْقِ الْعَرَبِيِّ وَهِيَ مِن أَصْلٍ هِنُدِيٍّ الأَرْقَامُ الأَنْدَلُسِيَّةُ (الْغُبَارِيَّةُ)

0,9,8,7,6,5,4,3,2,1

وتُسْنَخْدَمُ فِي الْمَغْرِبَ الْعَرَبِي وَالْأَنْدَلُسِ

### مُحْتَوِيَاتُ الوَحْدَةِ

الــــــدُّرْسُ الْأَوَّلُ : مَجْموعَةُ الأَعْدَاد النِّسْبِيَّة

الـــــدَّرْسُ الثَّانِي : مُفَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ النِّسُبِيَّةِ

الــــدَّرُسُ الثَّالِثُ : جَمْعُ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

الـــــدَّرُسُ الرَّابِعُ : خَوَاصَّ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعُدَادِ النِّسْبِيَّةِ

الــدَّرْسُ الْخَامِسُ : طَرْحُ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

الــدَّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

الدَّرُسُ السَّابِعُ : خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي مَجُمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

الــدَّرُسُ الْثَّامِـنُ : فِسْمَهُ الْأَعُدَادِ النِّسْبِيَّةِ

• تطبيقات على الأعداد النسبية

# مَجْموعَةُ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّة

الدَّرْسُ الأَوَّلُ

نَعْلَمُ أَنَّ

~ ₹ 1,50- · ½-- 1,50- •

يُكُتَبُ الْعَدَدُ النِّسْبِيُّ عَلَى الصُّورَةِ لِيَّا عَلَى الصُّورَةِ لِيَّا عَلَى الصُّورَةِ لِيَّا عَدُدُ السَّورَةِ لِيَّا عَدُلَدُ صَحِيحَةً ، لَا تَعْدَادُ صَحِيحَةً ، لَا لَا عَدَادُ صَحِيحَةً ، لَا لَا عَدَادُ صَحِيحَةً ، لَا لَا عَدَادُ صَحِيحَةً ، لَا عَدَادُ صَحَدِيحَةً ، لَا عَدَادُ صَحَدَيدً ، لَا عَدَادُ صَحَدَيدً ، لَا عَدَادُ سَعَادُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ اللّهُ عَلَى الصَّوْدَ اللّهُ اللّ

صم 
 رَان مَجْمُوعَةُ الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ مَجْمُوعَةٌ جُزْئِيَةٌ مِنَ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ. أَيُ أَنَّ ص مَجْمُوعَةٌ جُزْئيَّةٌ مِنَ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ. أَيُ أَنَّ ص مَجْمُوعَةٌ جُزْئيَّةٌ مِنَ ا



ط ⊂ مح ⊂ ن

وَيُمْكِنُ نَمْثِيلُ مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ عَلَى خَطٌّ الأَعْدَادِ.

تُمَثِّلُ النُّقُطَةُ ٢ مُنْتَصَفَ المَسَافَةِ بَيْنَ ٠ ، ١ العَدَدُ النِّسْبِيُّ - ﴿ وَيُقْرَأُ العَدَدُ النِّسْبِيُّ مُوجَبُ نِصْفٍ تُمَثِّلُ النُّقُطَةُ ك مُنْتَصَفِ المَسَافَةِ بَيْنَ ٠ ، -١ العَدَدِ النِّسْبِيِّ - ﴿ وَيُقْرَأُ العَدَدُ النِّسْبِيُّ سَالِبُ نِصْفٍ

مثال ١

$$\gamma(\xi)$$
 (ج)  $(-1)^{\eta}$  (ب) او  $(-1)^{\eta}$ 

الْحَـــــُلُ

$$\frac{f\lambda}{r} = q \frac{1}{r} = |q| \frac{1}{r} - |(f)|$$

$$\frac{r}{r} = \frac{10}{100} = 0.10 (0.1)$$

$$\frac{\Gamma}{\rho} = \frac{\epsilon}{1} = \frac{\epsilon}{1} = \frac{\epsilon}{1} = \% \cdot (\Rightarrow)$$

مثال ۲

اكْتُبْ الأعداد الآتية على صورةٍ أعدادٍ عشريةٍ و نسبة مئوية .

$$\frac{r_0}{\lambda} (+) \qquad \qquad |r - \frac{1}{\epsilon}| (+) \qquad \qquad \frac{r_0}{r_0} (+)$$

الُحَـــلُّ

$$XRE = \cdot, RE = \frac{RE}{1 \cdot \cdot \cdot} = \frac{E \times RR}{E \times RR} = \frac{RR}{RR} (1)$$

$$x = 5,50 = \frac{9}{5} = |5\frac{1}{5} - |(4)|$$

$$\%$$
 mis,  $0 = \%$ , if  $0 = \%$   $\frac{1}{4} = \frac{50}{4} (\Rightarrow)$ 

### الأَشْكَالُ الْمُخْتَلِفَةُ لِلْعَدَدِ النِّسْبِيِّ



- كِنَابَةُ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ مِثْلِ " ، " كَعَدَدٍ عَشْرِيٍّ مُنْتَهٍ :
- $\cdots = 1, \xi \cdot = 1, \xi = \frac{1\xi}{1} = \frac{V}{\Delta}$   $\cdots = \cdot, V\Delta \cdot = \cdot, V\Delta = \frac{V}{\xi}$ 
  - كِتَابَةُ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ مِثْلِ ٣ ، ٧ عَلَى صُوْرَةٍ نِسْبَةٍ مِئَوِيَّةٍ :

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}$$

$$\frac{1}{1}$$
  $\frac{1}{1}$   $\frac{1}$ 

<u>†</u>

وَضْعُ الْنُقْطَةِ فَوْقَ الْرَقِيمِ مَعْنَاهُ أَنَّ العَدَدَ دَائرٌ

يُفْرَأُ ٣.٠ دَائِرٌ

فمثلاً:

لكتابة العدد  $\frac{1}{\pi}$  كعدد عشري دائري غير منته باستخدام الألة الحاسبة ،ندخل العدد  $\frac{1}{\pi}$  علي الألة

الحاسبة ثم نضغط علي علامه = فنحصل علي ٠,٣٣٣٣٠٠٠ كما ظهر بالألة .

ولكتابة العدد ش,٠ علي صورة عدد نسبي باستخدام الألة الحاسبة ندخل العدد ٠,٣٣٣٣٣٠٠٠ ونكرر العدد ٣

حتي أخر الشاشة الموجودة ثم نضغط علي علامة = فنحصل علي العدد النسبي ب

$$\frac{1}{\pi} = \cdot, \dot{\pi}$$
 : أي أن

مثال : لكتابة العدد ١,١٤٥ على صورة عدد نسبى، ندخله بالألة الحاسبة علي الصورة ٢,١٤٥٤٥٠٠٠

ونكرر العدد ٤٥ حتى أخر الشاشة ثم نضغط على =

 $\frac{\Lambda}{60} = 0.150$  : أي أن : العدد النسبي  $\frac{\Lambda}{60}$ 

# الدَّرْسُ الثَّانِي مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ



إِذَا كَانَتِ النَّقُطَةُ الَّتِي تُمَثِّلُ الْعَدَدَ النِّسُبِيَّ « أ » تَفَعُ عَلَى يَسَارِ عَدَدٍ نِسُبِيِّ «ب » فَإِنَّ

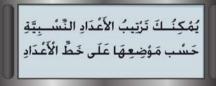
ب < ۲ اکبر من ٩ < ب اَلْقَلُّ مِنَ خَطُّ الأَعْدَادِ

التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيُّ لِلْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ - ٣ ، صِفْرٌ ، ٢ ، -  $\frac{1}{7}$  ، هُوَ : - ٣ ، -  $\frac{1}{7}$  ، صِفْرٌ ، ٢ التَّرْتِيبُ التَّنَازُلِيُّ للأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ - ٣ ، صِفْرٌ ، ٢ ، -  $\frac{1}{7}$  ، هُوَ : ٢ ، صِفْرٌ ، -  $\frac{1}{7}$  ، - ٣ التَّرْتِيبُ التَّنَازُلِيُّ للأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ - ٣ ، صِفْرٌ ، ٢ ، -  $\frac{1}{7}$  ، هُوَ : ٢ ، صِفْرٌ ، -  $\frac{1}{7}$  ، - ٣ .

#### مثال ١

مَثَّلِ الْأَعُدَادَ النِّسْبِيَّةَ ٣ ، -  $\frac{\pi}{l}$  ،  $\frac{\alpha}{l}$  ،  $\frac{\alpha}{l}$  ،  $\frac{\alpha}{l}$  ،  $\frac{\alpha}{l}$  أَلْأَعُدَادِ ثُمَّ رَبُّهُا نَصَاعُدِيًّا

الْحَـــــُّلُ



$$\frac{a}{r}$$
 -  $\frac{a}{r}$  -  $\frac{a}{r}$  -  $\frac{a}{r}$  التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيَّ هُوَ : - £ . -  $\frac{\pi}{r}$  ، صفر ،  $\frac{a}{r}$  .  $\pi$ 

#### مثال ٣

 $\frac{r}{1}$  أَيُّهُمَا أَكُبَرُ -  $\frac{1}{r}$  أم -  $\frac{r}{r}$  ?

الْحَـــلُّ

٩.٢.٢ لِلْمَفَامَاتِ ٣ ، ٤ هُوَ ١١

$$\frac{\frac{\Lambda}{1f} - \frac{2 \times f}{2 \times r} - \frac{f}{r}}{\frac{1}{1f}} - \frac{\frac{1}{2} \times r}{\frac{1}{2} \times r} - \frac{f}{r}}{\frac{1}{2}} - \frac{\frac{1}{2} \times r}{\frac{1}{2}} - \frac{r}{2}}{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{\frac{\eta}{1f} - \frac{r \times r}{r \times 2}}{\frac{r}{2} \times r} - \frac{r}{2}}{\frac{1}{2}} - \frac{\frac{r}{2}}{\frac{1}{2}}}{\frac{1}{2}} - \frac{r}{2}}{\frac{1}{2}}$$

$$\frac{\frac{r}{2} \times r}{\frac{1}{2} \times r} - \frac{r}{2}}{\frac{1}{2} \times r} - \frac{r}{2}}{\frac{1}{2} \times r} - \frac{r}{2}}$$

### مثال ۲

 $\frac{r}{2}$  أَيُّهُمَا أَكْبَرُ  $\frac{1}{2}$  أم

الْحَــلُّ

٢.٢.٩ لِلْمَفَامَاتِ ٧ ، ٥ هُوَ ٣٥

$$\frac{\frac{f \cdot}{r_0}}{\frac{f \cdot}{r_0}} < \frac{\frac{\delta \times \xi}{\delta \times V}}{\frac{f \cdot}{r_0}} = \frac{\frac{\xi}{\delta}}{\frac{V}{\delta}}$$

الْعَدَدُ النِّسْبِيُّ  $\frac{\epsilon}{\alpha}$  أَكُبَرُ مِنَ الْعَدَدِ النِّسْبِيِّ  $\frac{\epsilon}{\alpha}$ 

$$\frac{1}{r}$$
، كتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين الكتب ثلاثة

### الْحَـــلُّ

يلزم لذلك توحيد مقامى العددين النسبيين أولاً:

م.م. أ للمقامات ٣.٥ هو ١٥

$$\frac{\Gamma}{\pi} \cdot \frac{\xi}{\alpha} = \frac{\pi \times \xi}{\pi \times \alpha} = \frac{\xi}{\alpha}$$

$$\frac{1}{\pi} \cdot \frac{\xi}{\alpha} = \frac{\pi \times \xi}{\pi \times \alpha} = \frac{\xi}{\alpha}$$

$$\frac{1}{\pi} \cdot \frac{1}{\alpha} = \frac{\alpha \times \Gamma}{\alpha \times \pi} = \frac{\Gamma}{\pi}$$

$$\frac{1}{\pi} \cdot \frac{1}{\alpha} = \frac{\alpha \times \Gamma}{\alpha \times \pi} = \frac{\Gamma}{\pi}$$

ولكى نوجد ثلاثة أعداد محصورة بينهما:

نضرب بسط ومقام العددين  $\frac{15}{10}$  .  $\frac{1}{10}$  في آ

$$\frac{11}{r} = \frac{1 \times 17}{r \times 10} = \frac{17}{r \times 10}$$

ويمكن ايجاد المزيد من الأعداد النسبية المحصورة بين العددين

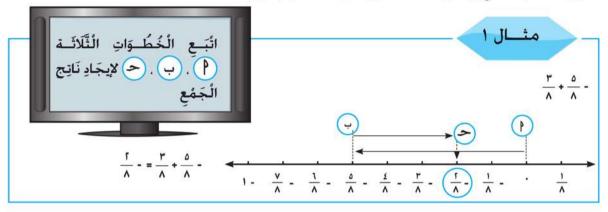
 $\left(\frac{1}{r}, \frac{2}{a}, \frac{2}{a}, \frac{2}{r}, \frac{2}{a}\right)$  أوجد ثلاثة أعداد نسبية أخرى تقع بين

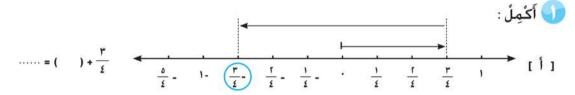
لذلك يمكن القول أنه:

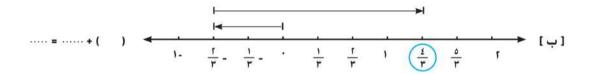
لأى عددين نسبيين مختلفين يوجد عدد لا نهائى من الأعداد النسبية المحصورة بينهما. (تسمى هذه الخاصية كثافة الأعداد النسبية .)

# الدَّرْسُ الثَّالِث جَمْعُ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

تَمْثِيلُ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ يُسَاعِدُكَ عَلَى جَمْعِهَا:







$$\cdots = ( ) + ( ) ) \qquad \qquad \frac{v}{a} - \frac{1}{a} - \frac{1}{a} - \frac{r}{a} - \frac{1}{a} - \frac{1}{a} - \frac{1}{a} - \frac{1}{a} \qquad \qquad [ \rightarrow ]$$

🕕 اسْتَخْدِمُ خَطَّ الأَعْدَادِ فِي جَمْعِ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ الآتِيَةِ :

$$(\frac{1}{\xi}-)+\frac{r}{\xi}-[--]$$
 
$$(\frac{r}{\lambda}-)+\frac{a}{\lambda}$$
 [  $\frac{1}{\eta}$ 

#### مثال ۲

احْسِبُ قِيمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَةِ:

$$(\frac{1}{r} - ) + \frac{r}{2} [ - ]$$
 (  $\frac{r}{r} - ) + \frac{2}{a} - [ - ]$  ) الْحَـلُ

$$\begin{aligned} & 1 = \mathbb{M}, 2 & \text{ لِلْمُقَامَاتِ } 2, \mathbb{M} = \mathbb{M} \\ & (\frac{1}{1}) - \mathbb{M}, \frac{1}{1} & \text{ in } \frac{1}{1$$

#### مثال ٣

أحسِبْ قيمة كلٍ يأتي في أبسطِ صورةٍ:

$$\left(\frac{1}{r}-\right)+\frac{1}{\alpha}\left(\frac{1}{r}\right)$$
 (ب)  $\left(\frac{r}{\epsilon}-\right)+\frac{\alpha}{\lambda}\left(\frac{1}{r}\right)$  الْحَـــلُّ

$$(Y \frac{T \times T}{T \times E} -) + 1 \frac{\circ}{\lambda} = (Y \frac{T}{E} -) + 1 \frac{\circ}{\lambda}$$
$$(Y \frac{T}{\lambda} -) + 1 \frac{\circ}{\lambda} = \frac{1}{\lambda} - = \frac{1}{\lambda}$$

$$\left(\xi \frac{o \times 1}{o \times r} - \right) + \frac{r \times 1}{r \times o} = \left(\xi \frac{1}{r} - \right) + \frac{1}{o}$$

$$\left(\xi \frac{o}{10} - \right) + \frac{r}{10} = \xi \frac{1}{10} - = \xi \frac{1}{10} =$$

# الدَّرْسُ الرَّابِع ﴿ خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

أكثمل

هَلْ نَاتِجُ الْجَمْعِ عَدَدٌ نِسْبِيٍّ ؟

$$.... = \frac{r}{4} + \frac{r}{4} - [-1]$$

..... = " + " [ 1 ]

هَلْ تَتَأَثَّرُ عَمَلِيَّةُ الْجَمْعِ بِتَبْدِيلِ الْعَدَدَيْنِ ؟

$$\cdots = (\frac{r}{\Delta} - ) + \frac{r}{\Delta}$$

$$\cdots = \frac{1}{r} + ( ) = \frac{1}{r} + (\frac{r}{r} + \frac{a}{r} - ) [ \Rightarrow ]$$

هَلْ تَتَأَثَّرُ عَمَلِيَّةُ الجَمْعِ بِدَمْجِ عَدَدَيْنِ مَعًا؟

$$\cdots = \cdots + \frac{a}{r} - = \left(\frac{1}{r} + \frac{r}{r}\right) + \frac{a}{r} - \epsilon$$

هَلْ تَتَغَيَّرُ قِيمَةُ العَدَدِ النِسُبِّي عِنْدَ إِضَافَةِ الصِّفْرِ؟

$$\cdots = (\frac{q}{\Lambda} - ) + \frac{q}{\Lambda} [\Delta]$$

لأَيِّ أَعْدَادِ نِسْبِيَّةِ مِ مِنْ الْمُعَادِّةِ نِسْبِيَّةِ مِنْ الْمُعَادِّةِ بِكُونُ:

	. 09-	رهي اعداد رسبيه ب ، س ، و ي
مِئَالٌ	اسْتِخْدَامُ الرُّمُوزِ	الخَاصِّيَّةُ
إِذَا كَانَ $\frac{1}{1}$ ، $1 \in 0$ فَإِنَّ $\frac{1}{1}$ $\in 0$ ن $\frac{1}{1}$ + $1 = \dots \in 0$	$\frac{1}{\sqrt{1+\frac{5}{5}}} = \frac{45+y-2}{5} \in \mathcal{G}$	١- اِلِانْغِلَاقُ
	$\frac{\beta}{\psi} + \frac{2}{5} = \frac{2}{5} + \frac{\beta}{\psi}$	٢ - اِكْإِبْدَالُ
	$\left(\frac{\frac{\Delta}{9} + \frac{2}{5}}{5}\right) + \frac{\beta}{\psi} = \frac{\Delta}{9} + \left(\frac{2}{5} + \frac{\beta}{\psi}\right)$ $\frac{\Delta}{9} + \frac{2}{5} + \frac{\beta}{\psi} =$	٣-الدَّمُجُ
	$\frac{\rho}{\psi} = \frac{\rho}{\psi} + \cdots = \frac{\rho}{\psi}$	٤- العَدَدُ الْمُحَايِدُ الْجَمْعِيُّ
	لِكُلِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ ﴿ مَعْكُوسٌ لِكُلِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ ﴿ مَعْكُوسٌ جَمْعِيٌّ - ﴿ - $\frac{P}{V}$ - صِفْرًا جَمْعِيٌّ - $\frac{P}{V}$ - حَبْثُ $\frac{P}{V}$ + ( - $\frac{P}{V}$ ) = صِفْرًا	٥- وُجُودُ الْمَعْكُوسِ الجَمْعِيِّ

- عنْدَ إضافَةِ الصِّفْرِ لأَيِّ عَدَدِ نِسْبِيٍّ لَا تَتَغَيَّرُ قِيمَتُهُ.
- الصِّفْرُ عَدَدٌ مُحَابِدٌ بِالنِسْبَةِ لِعَمَلِيَّةِ الجَمْعِ فِي الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ.
  - المَعْكُوسُ الجَمْعِيُّ لِلْعَدَدِ صِفْر هُوَ نَفْسُهُ.

#### مثال ا

احْسِبْ قيمة كل مما يأتى مع ذكر الخاصية:

$$\frac{\frac{1}{1}}{\frac{1}{1}} + (\frac{\frac{1}{1}}{1}) \qquad (\frac{\frac{1}{1}}{\frac{1}{1}}) + \frac{\frac{1}{1}}{\frac{1}{1}} (1)$$

$$(\frac{\frac{1}{1}}{\frac{1}{1}} + \frac{\frac{\pi}{1}}{\frac{1}{1}}) + \frac{\frac{1}{1}}{\frac{1}{1}} \qquad (\frac{\frac{\pi}{1}}{\frac{1}{1}}) + \frac{\frac{\pi}{1}}{\frac{1}{1}} (1)$$

$$\frac{\frac{1}{1}}{\frac{1}{1}} + \frac{\frac{\pi}{1}}{\frac{1}{1}} - \qquad (\frac{\frac{\xi}{1}}{\frac{1}{1}}) + \frac{\frac{\xi}{1}}{\frac{1}{1}} (2)$$

$$\frac{\Gamma}{1 \cdot} = (\frac{\gamma_{-}}{1 \cdot}) + \frac{\alpha}{1 \cdot} (1)$$

$$\frac{\Gamma}{1 \cdot} = \frac{\alpha}{1 \cdot} + (\frac{\gamma_{-}}{1 \cdot})$$

$$\frac{\Gamma_{-}}{1} = \frac{\delta}{1} + \left(\frac{Y_{-}}{1}\right) = \left(\frac{Y_{-}}{1}\right) + \frac{\delta}{1} :$$

$$\frac{r}{\xi} = \frac{1}{\Lambda} = \frac{r}{\Lambda} + \frac{\xi}{\Lambda} = \frac{r}{\Lambda} + (\frac{r}{\Lambda} + \frac{1}{\Lambda}) \quad (\psi)$$

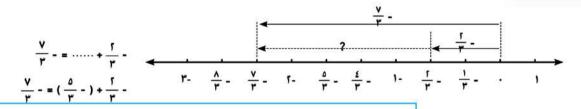
$$\frac{r}{\varepsilon} = \frac{1}{\lambda} = \frac{\delta}{\lambda} + \frac{1}{\lambda} = (\frac{r}{\lambda} + \frac{r}{\lambda}) + \frac{1}{\lambda}$$

الدمج 
$$\frac{r}{\xi} = (\frac{r}{\lambda} + \frac{r}{\lambda}) + \frac{1}{\lambda} = \frac{r}{\lambda} + (\frac{r}{\lambda} + \frac{1}{\lambda})$$
 .:

$$(\mathbf{z}) = \frac{\mathbf{\xi} - \mathbf{\xi}}{2} = (\frac{\mathbf{\xi} - \mathbf{\xi}}{2}) + \frac{\mathbf{\xi}}{2} = 0$$

$$\frac{-6}{15} + \frac{6}{15} = \frac{-6+6}{15} = -\frac{6}{15}$$

## الدَّرْسُ الخامس طَرْحُ الأُعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ



عَمَلِيَّةُ الطَّرْحِ ( أَ - حَ ) هِيَ عَمَلِيَّةُ جَمْعِ المَطْرُوحِ مِنْهُ ﴿ مَعَ المَعْكُوسِ الْجَمْعِيِّ لِلْمَطْرُوحِ  $\frac{2}{5}$  أَيُّ أَنَّ:  $\frac{1}{5}$  -  $\frac{2}{5}$  =  $\frac{1}{5}$  + ( -  $\frac{2}{5}$  )

#### مثال ١

احْسِبُ قِيمَةَ كُلِّ مِمًّا يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَة :

$$\lceil \frac{\delta}{1} - \frac{5}{7} - \frac{5}{7} - \frac{5}{7} \rceil$$

$$1 = 1$$
 .  $7$  .  $7$  .  $7$  .  $7$  .  $7$  .  $7$  .  $7$  .  $7$  .  $9$  .

### مثال آ

احسب ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة : أ ما كرياً - ٢,٠

$$\frac{1}{10} = \frac{7}{7} = \frac{7-\Lambda}{7} = \frac{7}{10} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$$

$$\frac{1}{Y \cdot} = \frac{\xi - 0}{Y \cdot} = \frac{1}{0} - \frac{1}{\xi} = \left| \frac{1 - \frac{1}{0}}{0} \right| - \frac{1}{2} = \frac{1}{0}$$

### الدَّرْسُ السَّادِسِ ضَرْبُ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

ضَرُبُ عَدَدَيْنِ نِسْبِيَّيْنِ

لِضَرْبِ عَدَدَيْنِ نِسْبِيَّيْنِ يَلْزَمُ ضَرْبُ بَسْطِهِمَا أَوْلًا لِتَحْصُلَ عَلَى بَسْطِ حَاصِلِ الضَّرْبِ ثُمَّ ضَرْبُ مَفَامَيْهِمَا ثَانِيَّا لِتَحْصُلَ عَلَى مَفَامِ حَاصِلِ الضَّرْبِ. أَنُّ لَهُ . .

 $\frac{\varepsilon}{2} \times \frac{\pi}{2}$  (ب)

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{1 \times \Gamma}{V \times V} - = \frac{1}{V} \times \frac{\Gamma}{V} - \qquad \zeta \qquad \frac{\dots}{\dots} = \frac{\mathcal{E} \times \Gamma}{V \times \Delta} = \frac{\mathcal{E}}{V} \times \frac{\Gamma}{\Delta}$$

$$\frac{1}{1} \underbrace{\tilde{s}}_{i} \underbrace{\tilde{s}}_{i} \cdot \frac{\tilde{s}}{s} \cdot \frac{\tilde{s}}{s} \cdot \frac{\tilde{s}}{s} \cdot \frac{\tilde{s}}{s} \underbrace{\tilde{s}}_{i} \cdot \frac{\tilde{s}}_{i} \cdot \frac{\tilde{s}}{s} \underbrace{\tilde{s}}_{i} \cdot \frac{\tilde{s}}{s} \underbrace{\tilde{s}}_{i} \cdot \frac{\tilde{s}}{s} \underbrace{\tilde{s}}_{i} \cdot \frac{\tilde{s$$

### مثال ا

أَوْجِد الناتجَ في كلِ مما يلي:

$$\frac{\varepsilon}{r} \times \frac{f}{a}$$
 (1)

الحَـــــُلُ

$$\frac{\lambda}{10} = \frac{\xi \times f}{r \times 0} = \frac{\xi}{r} \times \frac{f}{0} \quad (1)$$

$$\frac{1\Gamma -}{r_0} = \frac{\epsilon - \times r}{o \times Y} = \frac{\epsilon -}{o} \times \frac{r}{Y} \quad (\phi)$$

$$\frac{1}{L} = \frac{L^4}{L^4} = \frac{4 \times 4}{1 - \times L^2} = \frac{1}{1 - \times L^4} \times \frac{4}{L^4} \quad (3)$$

# الدَّرْسُ السابع خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

$$\cdots = \frac{r}{2} \times \frac{r}{r}$$
 : فضرِبُ : افضرِبُ

هَلُ حَاصِلُ الضَّرْبِ عَدَدٌ نِسْبِيٌّ ؟

### أَكْمِل الجَدُولَ الآتِي :

هَــلُ تَتَأَثَّــرُ عَمَلِيَّــهُ الضَّرْبِ بتَبُدِيل العَدَدَيُن؟

▲ x ●	•	_	• x 🔺
	<u>"</u> -	<u>, , , , , , , , , , , , , , , , , , , </u>	
	<del>1</del> -	<u>£</u> -	

### 🕜 أَكْمِلُ :

هَـلُ تَنَأَثَّـرُ عَمَلِيَّـةُ الضَّـرُبِ بِدَمُج عَدَدَيْنِ نِسُبُينِنْ؟

$$\frac{\dots}{\tau} = \frac{1}{r} \times \frac{\dots}{r} = \frac{1}{r} \times \left[ \left( \frac{r}{\xi} - \right) \times \frac{r}{\delta} - \right] \left[ \frac{1}{\delta} \right]$$

$$\frac{\dots}{\tau} = \frac{\dots}{\tau} \times \frac{r}{\delta} - \left[ \frac{1}{r} \times \left( \frac{r}{\xi} - \right) \right] \times \frac{r}{\delta} - \left[ \frac{1}{\delta} \right]$$

هَــلُ تَتَغَيَّرُ فِيهَهُ العَدَدِ النِسُــبِيِّ عِنْدَ ضَرُبهِ فِي الْوَاحِدِ؟

$$\cdots = (\frac{v}{\lambda} -) \times 1 \qquad , \qquad \cdots = 1 \times \frac{v}{\lambda} - \qquad [ \rightarrow ]$$

مَاذَا تُلَاحِظُ ؟

$$\cdots = (\frac{r}{v} -) \times \frac{v}{r} - \cdots = \frac{q}{a} \times \frac{a}{q} \quad [-1]$$

 $\frac{\dots}{1\epsilon} = \frac{\dots}{\gamma} \times \frac{1}{r} = \left[ \left( \frac{r}{\gamma} - \right) + \frac{r}{\gamma} \right] \times \frac{1}{r} - \left[ 2 \right]$ 

$$\frac{\dots}{1} = \frac{\dots}{1} + \frac{\dots}{1} = \frac{1}{1} + \frac{\dots}{1} = \frac{1}{1}$$
 مَاذَا تُلَاحِظُ؟

اكْتُبْ مِثَالًا لِكُلِّ خَاصِّيَّةٍ مِنْ خَوَاصِّ عَمَلِيَّةِ الْضَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ :
لِأَيِّ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ ﴿ ، ﴿ ، ﴿ ، ﴿ يَكُونُ :

مِثَالٌ	اسْتِخْدَامُ الرُّمُوزِ	الخَاصِّيَّةُ
$ \underbrace{\frac{1}{2}}_{\underline{i}} \stackrel{?}{=} \frac{1}{2} \stackrel{?}{=} $	$\frac{1}{y} \times \frac{5}{2} = \frac{5}{y^2} \in \mathcal{C}$	١- الإِنْفِلاَقُ
	$\frac{p}{y} \times \frac{2}{5} = \frac{2}{5} \times \frac{p}{y}$	١- اِلْإِبْدَالُ
	$\frac{\frac{\Delta}{9} \times (\frac{5}{5} \times \frac{\beta}{\psi})}{(\frac{\Delta}{9} \times \frac{5}{5}) \times \frac{\beta}{\psi}} =$ $\frac{\Delta}{9} \times \frac{5}{5} \times \frac{\beta}{\psi} =$	٣- الدَّمْجُ
	$\frac{\beta}{\psi} = \frac{\beta}{\psi} \times 1 = 1 \times \frac{\beta}{\psi}$	٤- العَدَدُ المُحَايِدُ الضَّرْبِيُّ
	لِكُلِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ $ \frac{1}{r} \neq صفر $ مَعْكُوسٌ ضَرُبِيٍّ $ \frac{1}{r} $ $ \frac{1}{r} \times \frac{1}{r} \times \frac{1}{r} $ $ \frac{1}{r} \times \frac{1}{r} = 1 $	٥- وُجُودُ المَعُكُوسِ الضَّرْبِيِّ
	$= \left(\frac{\frac{\Delta}{9} + \frac{2}{5}\right) \times \frac{\beta}{\psi}$ $\left(\frac{\Delta}{\psi} \times \frac{\beta}{\psi}\right) + \left(\frac{2}{5} \times \frac{\beta}{\psi}\right)$	٦- تَوْزِيعُ الضَّرْبِ عَلَى الجَمْعِ

- عِنْدَ ضَرْبِ الوَاحِدِ فِي أَيِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ لَا تَنَغَيَّرُ قِيمُةُ هذا العدد النسبى
  - ا عِنْدَ ضَرْبِ الصفر فِي أَيِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ يَكُون حَاصِلُ الضَّرْب صفرا
- الوَاحِدُ عَدَدٌ مُحَايِدٌ بِالنِّسْبَةِ لِعَمَلِيَّةِ الضَّرُبِ فِي الْأَعْدَادِ النِّسْبِيِّةِ
  - لَا يُوجَدُ مَعْكُوسٌ ضَرْبِيٌّ لِلْعَدَدِ صِفْرٍ لِأَنَّ مِنْ لَيُسَ لَهُ مَعْنَي

# الدَّرُسُ الثَّامِن قِسْمَةُ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

فِسُمَهُ عَدَدَيْنِ نِسْبِيِّيْنِ

لِقِسْمَةِ الْعَدَدِ النِّسْبِيِّ - 
$$\frac{1}{\pi}$$
 عَلَى الْعَدَدِ النِّسْبِيِّ  $\frac{1}{6}$ .   
نَضْرِبُ -  $\frac{1}{\pi}$  فِي الْمَعْكُوسِ الضَّرْبِيِّ لِلْعَدَدِ  $\frac{1}{6}$  وَهُوَ  $\frac{6}{1}$ .

اِذَا كَانَ  $\frac{6}{5}$  ،  $\frac{7}{5}$  عَدَدَيْنِ نِسْبِيَّيْنِ ،  $\frac{5}{5}$  عَدَدَيْنِ نِسْبِيَّيْنِ ،  $\frac{5}{5}$   $\times$   $\frac{6}{5}$   $\times$   $\frac{7}{5}$   $\times$   $\frac{7}{5}$ 

### أَكْمِلُ

$$\frac{\cdots}{\cdots} = \frac{\varepsilon}{\cdots} = \frac{\varepsilon}{\varepsilon} \times \frac{\Gamma}{r} = \frac{\varepsilon}{\varepsilon} \div \frac{\Gamma}{r} = \frac{\varepsilon}{r} \div \frac{\Gamma}{r} = \frac{\varepsilon}$$

#### مثال ١

احْسِبُ قِيمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

$$(\frac{\Gamma}{r}-)\div\frac{\delta}{2}-[1]$$

الْحَـــلُّ

المَقْسُومُ سَالِبٌ ، وَالمَقْسُومُ عَلَيه سَالِبٌ ،فَإِنَّ خَارِجَ القِسْمَةِ يَكُونُ مُوجَبًّا

$$\frac{9}{2} \div \frac{10}{2} = (5\frac{1}{2} - ) \div 7^{\circ} \frac{7}{2} - [-1]$$

 $(5\frac{1}{4} -) \div 7\frac{7}{4} - [--]$ 

$$(\frac{r}{l} - \frac{\delta}{2} + \frac{\delta}{2} - \frac{\delta}{2} - \frac{\delta}{2} \times (-\frac{r}{r} - \frac{r}{r} - \frac{\delta}{2} \times (-\frac{r}{r} - \frac{r}{r} - \frac{\delta}{2} \times (-\frac{r}{r} - \frac{r}{r} - \frac{r}{r}$$

$$\frac{\xi}{9} \times \frac{10}{\xi} =$$

$$\frac{r \times \Delta}{r \times \epsilon} =$$

$$\frac{\delta}{r} = \frac{1\delta}{9} =$$

#### مثال ۲

اِذَا كَانَ 
$$\frac{\eta}{r} = \frac{\eta}{r}$$
،  $\frac{\rho}{r} = \frac{\rho}{r}$  فَأَوْجِدُ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ قِيمَةَ المِقْدَارِ :  $\frac{\rho}{r} = \frac{\rho}{r}$ 

الْحَــــلُّ

$$\frac{\frac{1r}{\xi}}{\frac{v}{\xi}} = \frac{\frac{1 \cdot v}{\xi} + \frac{r}{\xi}}{(\frac{1 \cdot v}{\xi} - v) + \frac{r}{\xi}} = \frac{(\frac{r \times \delta}{r \times r}) + \frac{r}{\xi}}{(\frac{r \times \delta}{r \times r} - v) + \frac{r}{\xi}} = \frac{(\frac{\delta}{r} - v) - \frac{r}{\xi}}{(\frac{\delta}{r} - v) + \frac{r}{\xi}} = \frac{v - \beta}{v + \beta}$$

$$\frac{17}{V} - = (\frac{2}{V} -) \times \frac{17}{5} =$$

### تطبيقات على الأعداد النسبية:

#### مثال ١

أَوْجِدُ عَدَدًا نِسْبِيًّا يَقَعُ عند مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ ﴿ ، ١٧ .

العدد الأصغر = 
$$\frac{p}{2}$$
 , العدد الأكبر =  $\frac{V}{I}$  , العدد الأكبر =  $\frac{V}{I}$  , العدد الأكبر =  $\frac{V}{I}$  +  $\frac{V}{I}$  (  $\frac{VV}{I}$  -  $\frac{V}{I}$  ) =  $\frac{P}{I}$  +  $\frac{V}{I}$  (  $\frac{VV}{II}$  +  $\frac{V}{II}$  ) =  $\frac{V}{I}$  +  $\frac{V}{I}$  +  $\frac{V}{II}$  =  $\frac{V}{I}$  +  $\frac{V}{II}$  =  $\frac{V}{I}$  +  $\frac{V}{II}$  =  $\frac{V}{II}$  +  $\frac{V}{II}$  +  $\frac{V}{II}$  =  $\frac{V}{II}$  +  $\frac$ 

ن العَدَدُ النِّسْنِيُّ  $\frac{11}{15}$  يَقَعُ بَيْنَ  $\frac{9}{1}$  .

#### مثال ۲

أوجد عددًا نسبيًا يقع عند ثلث المسافة بين : 
$$-\frac{\alpha}{1}$$
 ،  $-\frac{1}{1}$  (من جهة الأصغر) المحل المح

العدد الأصغر = 
$$-\frac{1}{1}$$
 =  $-\frac{\frac{9}{1}}{1}$  والعدد الأكبر =  $-\frac{\frac{9}{1}}{1}$  =  $-\frac{\frac{9}{1}}{1}$ 

•• العَدَدُ  $-\frac{77}{10}$  يَقَعُ عند ثلث المسافة بين  $-\frac{6}{1}$ ,  $-\frac{1}{1}$  ا من جهة  $(-\frac{7}{1})$  هل يوجد عدد آخريقع عند ثلث المسافة بين العددين  $-\frac{6}{1}$ ,  $-\frac{1}{1}$  ? (من جهة الأصغر)

### مثال ۳

أوجد عدداً نسبياً يقع عند ربع المسافة بين 
$$\frac{1}{\gamma}$$
 ،  $\frac{1}{m}$  (من جهة الأصغر) الحل العدد الأصغر =  $\frac{1}{m}$  ، العدد الأكبر =  $\frac{1}{\gamma}$  ، العدد الأكبر =  $\frac{1}{\gamma}$  العدد الذي يقع في  $\frac{1}{3}$  المسافة بين  $\frac{1}{m}$  ،  $\frac{1}{\gamma}$  من جهة  $\frac{1}{m}$  =  $\frac{1}{m}$  +  $\frac{1}{\gamma}$  (  $\frac{1}{\gamma}$  -  $\frac{1}{\gamma}$  ) =  $\frac{1}{\gamma}$ 

### الوَحْدَةُ الثَّانِيَةُ الْخَبْسِرُ



### محمد بن موسى الخوارزمى عالم عراقي مسلم

الْعَرَبُ هُـمُ: أَوَّلُ مَـنِ اسْتَعُمَلَ كَلِمَـةَ جَبْرٍ وَأَوَّلُ مَـنِ اسْتَعُمَلَ كَلِمَـةَ جَبْرٍ وَأَوَّلُ مَـنُ الْعَـوَبُ بُـنُ مُوسَـي الْخَوَارِزُمِيِّ (أبو الجبر) في عَصْرِ الْمَأْمُـونِ فَهُـوَ عَالِـمُ مُسْلِمٌ عِرَاقِـيٌّ (وُلـد حَوَالَـيُّ ٧٨١ - تُوَفِّـيَ بَعُـدَ مُسْلِمٌ عِرَاقِـيٌّ (وُلـد حَوَالَـيُّ ٧٨١ - تُوفِّـيَ بَعُـدَ ١٣٢ هـ أَيْ بَعْدَ ٧٤٨ م) وبِفَصْلِ الْخَوَارِزُمِيٌّ يَسْتَخْدِمُ الْعَالَمُ الأَعْدَادَ الْعَرَبِيَّةَ الَّتِي عُيَّرَتُ مَفْهُومَنَا عَنِ الأَعْدَادِ كَمَا أَنَّهُ أَذْخَلَ مُفْهُومَ الْعَدَدِ صِفْرِ.

### مُحْتَوَيّاتُ الوَحْدَةِ

الــــدَّرْسُ الْأَوَّلُ: الْحُدُودُ وَالْمَفَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ

الصدَّرْسُ الثَّانِي : الْحُدُودُ الْمُتَشَابِهَةُ

الــــدَّرْسُ الثَّالِثُ : ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُها

الــــدَّرُسُ الرَّابِعُ : جَمْعُ الْمَفَادِيرِ الجَبْرِيَّةِ وَطَرْحُها

الــدَّرْسُ الْخَامِسُ : ضَرْبُ حَدٍّ جَبْرِيٍّ فِي مِقْدَارٍ جَبرِيٍّ

الـــدَّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ مِقْدَارٍ جَبُرِيٍّ مُكَوَّن مِنْ حَدَّيْنِ فِي مِقْدَارٍ جَبِرِيٍّ آخَرَ

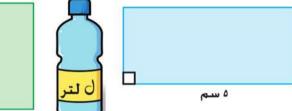
الدَّرْسُ السَّابِعُ : قِسْمَةُ مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدٍّ جَبِرِيٍّ

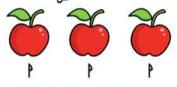
الـــدَّرُسُ النَّامِـنُ : فِسْمَةُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى مِقْدَارٍ جَبرِيٌّ آخَرَ

السدِّرُسُ النَّاسِعُ : التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ العَامِلِ المُشْتَركِ الأَعْلَى

# الدَّرْسُ الأَوَّلُ الحُدُودُ وَالمَقَادِيرُ الجَبْرِيَّةُ

- الرِّتُاضِيَّاتُ هِــىَ لُغَــةُ الرُّمُوزِ فَنَسْــنَخْدِمُ الرُّمُــوزَ الْمُخْتَلِفَةَ
   لِلتَّعْبِيرِ عَنْ أَشْــيَاءَ أَوْ أَعْدَادٍ وَنَتَعَامَلُ مَعَهَا بِطُرُقٍ مَشْابِهَةٍ لِلطُّرُقِ الَّتي
   نَتَّبعُهَا مَعَ الأَعْدَادِ فَمُثَلاً:
  - طُولُ الْمُسْتَطِيلِ = ٥ سم.
    - سَعَةُ الزُّجَاجَة = ل لِتُرَّا.
      - طُولُ ضِلْعِ المرُبَّعِ = س
  - مِسَاحَةُ المُربَّعِ = س × س = س'
- إِذَا كَانَ الرَّمُــزُ الْجَبْـرِيُّ ﴿ يُعَبِّــرُ عَــنُ تُفَّاحَــةٍ فــإِنَّ نَــلافَ تُفَّاحَــاتٍ
   تَعْنِي: ٩ + ٩ + ٩ = ٣ × ٩ وَتُكُنّبُ ٣ ٩ وَيُسَمَّى حَدًّا جَبْريًا
- إِذَا كَانَ الرَّمُــزُ الْجَبُــرِيُّ حَ يُعَبِّرُ عَنْ جُنَيْهٍ فَإِنَّ فُقــدَانَ جُنَيْهَينِ يَعْنِي
   (- ) + (--) = -1 × ح وَتُكُتَبُ \_ 1 ح وَيُسَمَّى حَدًّا جَبْريًّا







الْحَدُّ الْجَبْرِيَّ هُوَ مَا تَكَوَّنَ مِنْ حَاصِلِ ضَرْبِ عَامِلَيْنِ أَوْ أَكُنْرَ.

٧ (عَامِلٌ عَدَدِيُّ) ، س (عَامِلٌ جَبُرِيُّ) ، س (عَامِلٌ جَبُرِيُّ).

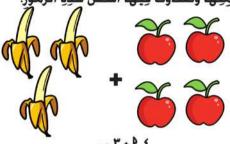
يَكُونُ الْحَدُّ الجَبْرِيُّ ٣ مِنَ الدَّرَجَةِ الأُولَى لأَنَّ أُسَّ الرَّمُزِ ٩ يُسَاوِي ١ يَكُونُ الْحَدُّ الجَبْرِيُّ ٧ س مِنَ الدَّرَجَةِ الثَّانِيةِ لأَنَّ أُسَّ الرَّمُزِ س يُسَاوِي ٢ إِذَا جَمَعْنَا الْحَدَّيْنِ ٣ ٩ ، ٧ س فَإِنَّ ٣ ٩ + ٧ س يُسَمَّي مِقْدَارًا جَبْرِيًّا إِذَا طَرِحنا ٢ ح من ٣ ٩ + ٧ س فَإِنَّ ٣ ٩ + ٧ س - ٢ ح مِقْدارًا جَبْرِيًّا.

المِفْدَارُ الجَبْرِيُّ هُوَ مَا تَكَوَّنَ مِنْ حَدَّ أَوْ أَكْنَرَ.

يَكُونُ الْمِقْدُارُ الْجَبُرِيُّ ٤ س - س ص + ٥ مِنَ الدَّرَجَةِ الثَّالِثَةِ لِأَنَّ أُسَّ الرَّمُزِ س هُوَ أَعْلَى دَرَجةٍ للأَنَّ أُسَّ الرَّمُزِ س هُوَ أَعْلَى دَرَجةٍ للأَدَّدُود المكوِّنةِ لَهُ.

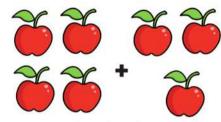
# الدَّرْسُ النَّانِي الْحُدُودُ الْمُتَشَابِهَةُ

تَتَشَابَهُ الحُدُودُ إِذَا تَشَابَهَتِ الرُّمُوزِ الجَبْرِيَّةُ الْمُكَوِّنَةُ لِعَوَامِلِهَا وَتَسَاوَتُ فِيهَا أُسُسُ هَذِهِ الرُّمُوزِ



- 7+P &

الحُدَودُ الجَبْرِيَّهُ ٤ ٣ ، ٢ ب غَيْرُ مُتَشَابِهَةِ



P V = P 2 + P T

الحُدُودُ الْجَبْرِيَّهُ ٣ ٤ . ٩ مُتَشَابِهَةٌ

فِي عَمَليتي جَمُع وَطَرْح الْحُدَودِ المُتَشَابِهَةِ تُجْمَعُ وَتُطْرَحُ مُعَامِلاتُ الحُدُودِ. أَمَّا الْعَوَامِل الْجَبُرِيَّة فَنَظَل كَمَا هِي.

### مثال ١

اخْتَصِرِ الْمِفْدَارَ الْجَبْرِيَّ الْأَتِي إِلَى أَبْسَطِ صُورَةِ: 2-P9-3--1--2-P9 الحَـــأُ،

المقدارُ = (٩ ٩ - ٥ ٩) + (- ٤ ب ٧ ب) + (- ١ ح + ٣ ح) = (٣+٢-) + ب (٧ + ٤-) + P (٥ - ٩) =

2+U7+P 2=

المِفْدَارُ الجَبْرِيُّ يَحْتَوى على حُدُودِ مُتشَابِهَةٍ لِذَلِكَ تُسْتَخَدَمُ خَوَاصُّ الْإِبْدَالِ، وَالتَّوْزِيعِ لِأَنَّ الْحُدودَ غَيْرُ المُتَشابِهَةِ لَا تُجْمَعُ.

### مثال آ

فِي الشُّكُلِ المُقَابِلِ : اكْتُبِ المِقْدَارَ الجَبْرِيُّ الَّذِي يُعَبِّرُ عَنْ مجموع مِسَاحَاتِ الْمُسْتَطِيلَاتِ.

مَجْمُوعُ الْمِسَاحَاتِ = ٣ س ا + ١ س + ٩ س + ١ = " w + 1 + " w + 1 = " w + " + " w + " =

۳ س

### الدَّرُسُ الثَّالِثُ ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُها

ب	ب	ب	100
		۹ ب	P
			P
- 7			P
			ľ

أَيُّ أَنَّنَا نَضْرِبُ الْمُعَامِلاتِ ثُمَّ نَضْرِبُ الرُّمُوزَ

عِنْدَ ضَرْبِ الحَدِّ الجَبْرِيِّ ٥ س في الحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ س نَكْتُبُ:

٥ س  $\times$  س = (٥  $\times$  س)  $\times$  (س  $\times$  س) مَاذَا يَحُدْثُ عِنْدَ ضَرْبِ الْأَسَاسَاتِ الْمُتَشَابِهَةِ؟

= ۱۵ س

تُجْمَعُ الأُسُسُ عَنْد ضَرْبِ الأعْدادِ ذات الْأَسَاسَاتِ المتساوية تُطْرَحُ الأُسُسُ عَنَد قِسْمَةِ الأعْدادِ ذات الْأَسَاسَاتِ المتساوية

أَكْمِلُ:

$$[\mathring{1}] \, w^{1} \times w^{2} = (w \times w) \times (w \times w) \times (w \times w) = \frac{w^{2}}{w^{3}} = \frac{w \times w \times w \times w \times w}{w \times w \times w \times w}$$

$$r^{-1}\omega = r^{-1}\omega = \omega^{-1}\omega = \omega^{-1}\omega = \omega^{-1}$$

مثال ١

أُجُرِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الآتِيَةَ:

$$[-1] \frac{r}{2} m^0 \times \frac{r}{2} m^0$$

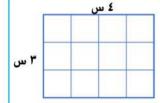
رجـ] -٣ ب × <del>١</del> ب

الحَـــلُّ الحَــلُّ (أ) 
$$\frac{1}{1}$$
 ص \* ۲ ص = ص \* \* = ص \* (أ)

$$^{\wedge}\omega \frac{\tau}{f} = ^{\tau+\circ}\omega \frac{\tau}{f} = ^{\tau}\omega \frac{\tau}{v} \times ^{\circ}\omega \frac{f!}{f!}$$
 (4)

$$^{\vee}$$
 $\frac{1}{r} = ^{1+7}$  $\frac{r}{r} = \frac{r}{r} + \frac{r}{r} = \frac{1}{r} \times ^{7}$  $\frac{1}{r} \times ^{7}$  $\frac{1}{r$ 

### مثال آ



مُسْتَطِيلٌ طُولُه ٤ س وعَرْضُهُ ٣ س مِنَ السَّنْتِيمِتْرَاتٍ. احْسِبُ مِسَاحَتَهُ

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = الطُّولُ × الْعَرْضِ = ٤ س × ٣س = ١٢ س سم

### مثال ۳

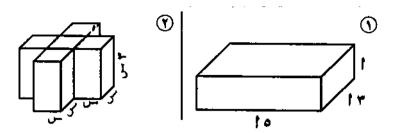
أُجْرِ عَمَلِيًّاتِ الفِسْمَةِ الأَنِيَةَ:

$$\frac{{}^{\xi_0}\Gamma_0\Gamma^{}}{{}^{\xi_0}\Gamma_0\Gamma^{}} (-) \qquad \qquad \frac{{}^{\xi_0}\Gamma_0\Gamma^{}}{{}^{\xi_0}\Gamma^{}} (-)$$

$$\vec{l} \cdot \frac{1}{l} = \vec{l} \cdot \dot{p} \cdot \frac{1}{l} = \vec{l} \cdot \vec{r} \times \vec{r} = \frac{\vec{l} \cdot \vec{r}}{l} \times \frac{1}{l} = \frac{\vec{l} \cdot \vec{r}}{l} \times \frac{1}{l} = \frac{\vec{r} \cdot \vec{r}}{l} \times \frac{1}{l} = \frac{\vec{r} \cdot \vec{r}}{l} \times \frac{1}{l} \times \frac{1}{l} = \frac{\vec{r} \cdot \vec{r}}{l} \times \frac{1}{l} \times \frac{$$

$$(\dot{\varphi})^{\frac{1}{q}} = {}^{r}\dot{\varphi} \times \dot{\varphi} \times \frac{1}{q} = {}^{r-\epsilon}\dot{\varphi} \times {}^{1-r}\dot{\varphi} \times \frac{1}{q} = \frac{{}^{\epsilon}\dot{\varphi}^{r}}{{}^{r}\dot{\varphi}} \times {}^{r}\dot{\varphi} \times$$

مثال ٤: احسب المساحة الكلية وحجم المجسم فيما يأتى:



#### وكيم العبل

الشكل عبارة عن متوازى مستطيلات

١- المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مجموع مساحتى القاعدتين

المساحة الجانبية = محيط القاعدة  $\times$  ع =  $\Upsilon$  ( $\sqrt{n}$  +  $\sqrt{n}$  )  $\times$  أ = 7 أ  $\times$  أ = 7 أ أ

مساحة القاعدتين =  $\mathbf{Y} \times \mathbf{I}$  الطول  $\mathbf{Y} \times \mathbf{I}$  العرض =  $\mathbf{Y} \times \mathbf{Y}$  أ  $\mathbf{Y} \times \mathbf{O}$  أ =  $\mathbf{V} \times \mathbf{O}$  أ

ن. المساحة الكلية للشكل = ١٦ أ $^{7}$  +  $^{7}$  أ $^{7}$  = ٤٦ أ $^{7}$ 

 $^{7}$  حجم المجسم = الطول × العرض × الارتفاع = أ ×  $^{7}$  أ ×  $^{1}$  أ = 10 أ

٢ ـ الشكل عبارة عن ٥ متوازي مستطيلات (٤ على الأجناب وواحد في المركز)

المساحة الجانبية للشكل = مساحة الأوجه الظاهرة وهي عبارة عن ١٢ وجه وكل وجه بعديه هما س ، ٣ س

المساحة الجانبية للشكل = ١٢ × س × ٣ س = ٣٦ س المساحة الجانبية للشكل

کل قاعدة للشکل تتکون من ٥ مربعات مساحة کل منهم  $m^{7}$ 

مساحة القاعدة =  $7 \times 0 \times m$  = ۱۰ س

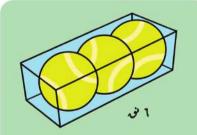
المساحة الكلية = ٣٦ س ٢٠+ س ٢ = ٤٦ س٢

حجم المجسم = حجم متوازي المستطيلات × ٥

 $= \omega \times \omega \times \psi \times \phi = 0$ 

### مثال ۵

وُضِعَتْ ثلاُث كراتٍ متماثلة ومتماسة داخلَ صندوقٍ على شكل مَتوازى مستطيلاتٍ بحيث تتماس جوانبَه من الْداخِل اِحْسِبْ النسبةَ بين حجمِ الكراتِ الثلاثِ وسعةِ الصندوقِ



 $\frac{1}{2}$  ط نه".  $\frac{1}{2}$  ط نه".  $\frac{1}{2}$  ط  $\frac{1}{2}$  ط نه".

بِفَرْضِ أَنَّ فِي نِصْفُ قُطْرِ الْكُرَةِ، وأَبْعَادُ الصَّنُدُوقِ

هي: ٦ نق ، ٦ نق ، ٦ نق

النِّسْبَةُ = حَجْمُ الكُرَاتِ الثَّلاثَةِ حَجْمُ الكُرَاتِ الثَّلاثَةِ حَجْمِ الصَّندُوقِ حَجْمِ الصَّندُوقِ

 $\frac{d}{1} \simeq 0.01$  تَشْغَلُ الكُرَاتِ الثَّلاثَةُ أَكْثَرَ مِنْ نِصْفِ الصَّندُوقِ.

# الدَّرْسُ الرَّابِعُ جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الجَبْرِيَّةِ وَطَرْحُها

جَمْـعُ المَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّـةِ أَوْ طَرْحُهَا لا يَخْتَلِفُ عَنْ جَمْع أو طَرْحِ الْحُـدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَذَلِكَ بجمُعِ الحُدُودِ المُتَشَابِهَةِ فِي الْمَقَادِيرِ، كَلُّ عَلى حِدَةٍ أَوْ تُطْرَحُ الحُدوُدُ المُتَشَابِهَةُ فِي المَقَادِيرِ، كُلُّ عَلَى حِدَةٍ.

### مثال ١

اجْمَعِ الْمَفَادِيرَ الجَبْرِيَّةَ الْأَتِيَةَ:

٢ س - ۵ ع + ص ، ٧ س + ٤ ص - ٢ ع

الحَـــــُّلُ

الطَّرِيفَةُ الأَفُقِيَّةُ

الْمِقْدَارُ = ١ س - ٥ع + ص + ٧ س + ٤ ص - ١ع

= (1 m + V m) + (- 2 ع - 1 ع) + ( m + 2 m)

= (7 + 1) + 2 (7 - 4 - 1) = (7 + 1)

= ٩ س - ٧ ع + ۵ ص

الطَّرِيقَةُ الرَّأْسِيَّةُ

۲ س - ۵ ع + ص ۷ س - ۲ ع + ٤ ص

۹س ـ ۷ع ـ ۵ص

### مثال ۲

اطُرَح الْمِقْدَارَ الجَبْرِي: - ١٩ - ٥ (٩٠ + ٤ ٩٠ مِنَ الْمِقْدَارِ الجَبْرِي ٣ ١٩ - ١ ٩ ب - ٢ ب١

الحَـــلُّ

الطَّرِيقَةُ الأَفُقِيَّةُ

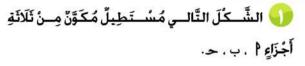
الْمِقْدَارُ = ٣ ﴿ أَ - ١ ﴿ بِ - ٢ بِ أَ - ( - ١ أ - ٥ ﴿ بِ + كِب ً)

( T + 1 - T - ) + ( + P + + P T - ) + ( P + P T ) =

= ٤ ٩ ٢ + ١ م - ١ ٠

الطَّرِيقَةُ الرَّأْسِيَّةُ غَيَّر إِشَارَات حُدُود الْمِقْدَار الثَّانِي ٣- أ - 1 م ب - 1 س'

# الدَّرُسُ الْخَامِسُ ضَرْبُ حَدٍّ جَبْرِيٍّ فِي مِقْدَارِ جَبِرِيٍّ



أَبْعَادُ الْمُسْتَطِيلِ هِـي: س، س + اص مِـن الْوَحَدَاتِ.

مِسَاحَةُ المُستُطِيلِ = س × (س + 1ص) وَحَدَاتِ مُرَبَّعَةِ.

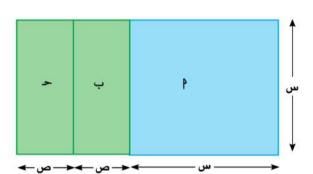
[ أ ] مَا مِسَاحَةُ الأَجْزَاءِ الثَّلائَةِ ﴿، ب ، ح ؟

مِسَاحَةُ ٢ = .....

مِسَاحَةُ ح = .....

مِسَاحَةُ ﴿، ب، ح معا = .....

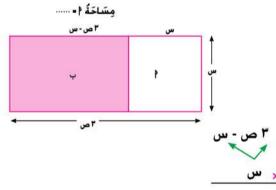
الشَّكُلُ التَّالِي مُسْتَطِيلٌ مُفَسَّمٌ إِلَى جُزْأَيْنِ ﴿، بِ
أَبْعَادُ الْمُسْتَطِيلِ هِيَ : س ، ٣ ص مِن الوَحَداتِ
[ أ ] مِسَاحَةُ ﴿، بِ مِعا = .....



مسَاحَةُ ب • …..

مسَاحَةُ ب، ح معا = .....





### مثــال ١

أَجُرِ عَمَليَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةَ:

(j)\*(l)\*(i)

(ب) ۲۴ ب (۲۰ ب + ۵ ب ۲)

الحَـــلُّ

(۱۲-۱۲-۱۳= (۲-۱۲) ۳(۱)

(ب) ۴۲ ب ( ۲۰ ب ۹ ب ۲۰ ب ۲۰ ب ۲۰ ب ۲۰ ب ۲۰ ب

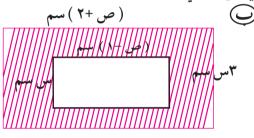
### مثال

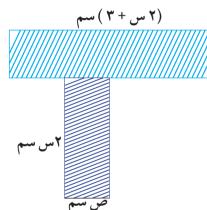
$$0 (7w - 1) - 7 (w^{1} - 1) + w(0 w - 1)$$
ثم أوحد القيمة العددية للمقدار عندما  $w = 1$   $w = 1$ 

### مثال ۳

9 = 1 - 9 + 1 =







#### الحل

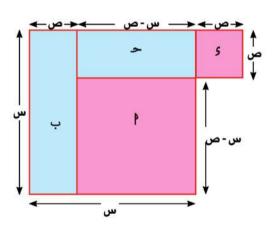
# الدَّرُسُ السَّادِسُ ضَرْبُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مُكَوَّن مِنْ حَدَّيْنِ فِي مِقْدَارٍ جَبِرِيٍّ آخَرَ

<b>←</b> ص→	س	ightharpoonup
ح	P	   ညာ
5	ب	

لُ مُرَبَّعٌ مُكَوَّنٌ مِنْ أَرْبَعَةِ أَجْزاءٍ ٢، ب، ح، ٤	🚺 الشَّــكُلُ الْمُقَابِ
= س + ص	طُولُ ضِلْعِ الْمُرَبَّعِ
= (س + ص) (س + ص)	مِسَاحَةُ الْمُرُبَّعِ
= (س + ص) ا وَحَدَاتٍ مُرَبَّعَةٍ	
	أكُمِلُ

حِمِل مِسَاحَةُ أَ+مِسَاحَةُ ٥ = ............ مِسَاحَةُ ب+مِسَاحَةُ ح = ........... مِسَاحَةُ الْمَرُبَّعِ = ..........

' س + ص) ا = ............. أَنَّ عَ الْحَدِّ الأَوَّلِ + الْحَدِّ الْأَوَّلِ  $\times$  الْحَدِّ الثَّانِي الْحَدِّ الثَّانِي مُوبَّعُ الْحَدِّ الثَّانِي . مُربَّعُ الْحَدِّ الثَّانِي .



🕡 الشَّكُلُ الْمُقَابِلُ مُكَوَّنَّ مِنْ أَرْبَعَةِ أَجُزاءٍ ﴿ . ب . ح . 5.
مِسَاحَةُ الْمُرَبَّعِ الْمُكَوِّنِ مِنَ الأَجْزَاءِ ٢. ب ، ح
$= \mathbf{w} \times \mathbf{w} = \mathbf{w}'$ وَحَدَاِت مُرَبَّعَةٍ.
الْمِسَاحَةُ الْكُلِّيَّةُ لِلشَّكْلِ = سَ ' + صَ '

مِسَاحَةُ أَ = .......... مِسَاحَةُ ٤ - مِسَاحَةُ ح = ..... + ...... مِسَاحَةُ ب + مِسَاحَةُ ح + مِسَاحَةُ ٤ = ........

> (س - ص) = " = (س - س) ا س ا + ص ا = (س - ص) ا + .....

### الْوَخْدَةُ الثَّانِيَةُ

### 🕡 فِي الشَّكُلِ الْمُقَابِلِ:

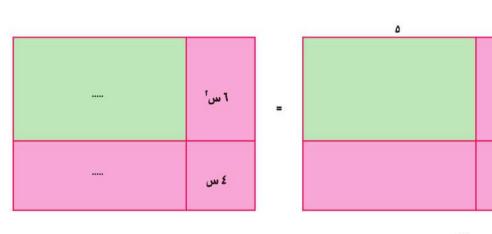
- إذا قُطِعَ المُربَعِ الصّغير ب الذي مساحته صا من المُربَع الكبير إ الذي مساحته سا فإنّ مساحة الجُزْء المُتبَقِي = سا - صا
- إِذَا قَطِعَ الجُزُءُ الْمُتَبَقِّى إِلَى جُزْأَينِ وَأُعِيدَ تَرْتِيبُ
   الجُزْأَيْنِ ليُكَوِّنَا مُسْتَطيلاً فَإِنَّ:

أكثمِلُ

۳س

### 🛂 الشَّكُلُ التَّالِي يَوَضَّحُ:

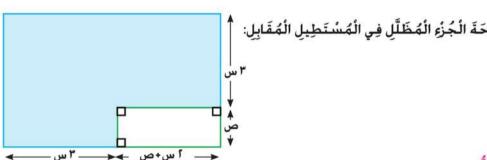
حَاصِلَ ضَرْبِ المِقْدَارِ الجَبْرِي ( ٣س + ١) فِي الْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ ( ٢ س + ٥) كَمِسَاحَةِ مُسْتَطِيلِ:



(٣ س + ۲) (۱ س + ۵) = ...... + .....

```
الضَّرْبُ الْأَفُقِيُّ
               (0+w1) (1+w1) = (0+w1) (1+w1)
                                                  الضَّرُبُ الرَّأْسِيُّ
                                                           ۳ س + ۲
                                                           ۲ س + ۵
                                                        1 س ً + ٤ س
= ٦س ً + ( .... + .... ) + ١٠
    = اس ٔ + .... + ....
                                                    ٦س + ..... + .....
```

### 🙆 أَكْمِلُ:



الْمِسَاحَةُ	الْعَــــرُضُ	الطُّـولُ	
(۵س+ص) (۳س+ص)	۳ س + ص	۵ س + ص	الْمُسْتَطِيلُ
(اً س+ص) ص	ص	۲ س + ص	الْمُسْنَطِيلُ الصَّغيرُ

مِسَاحَةُ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ = ...... - ...... = ......

إِسْتِخْدَامِ طُرُق الضَّرْبِ السَّابِقَةُ أَوْجِدْ: (س + ص) ( ٢ س + ص + ١)

#### مثال ١

قُمُ بِإِجْرِاءِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الأَتِيَةُ:

$$(1)(1 w + 7 c)$$
 $(1)(1 w + 7 c)$ 
 $(1)(1 w + 7 c)$ 
 $(2)(1 c)(1 c)$ 
 $(2)(1 c)(1 c)$ 
 $(3)(1 c)(1 c)(1 c)$ 
 $(4)(1 c)(1 c)(1 c)$ 
 $(4)(1 c)(1 c)(1 c)$ 
 $(5)(1 c)(1 c)(1 c)$ 
 $(5)(1 c)(1 c)(1 c)$ 
 $(6)(1 c)(1 c)(1 c)$ 
 $(6)(1 c)(1 c)(1 c)$ 
 $(7)(1 c)(1 c)$ 
 $(7)(1$ 

#### مثال آ

اضرب ثُمُّ أُوجِد القيمةَ العدديةَ عندما 
$$w = 1 \cdot w = 1$$
 (ص $(1)(w + 1)(w + 1)(w + 1)$ ) ( $(1)(w + 1)(w + 1$ 

# الدَّرْسُ السَّابِعُ قِسْمَةُ مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدٍّ جَبرِيٍّ

الشَّكُلُ الْمُفَابِلُ مُسْتَطِيلٌ مُكَوَّنُ مِنْ ثَلاَثَةِ أَجْزَاءٍ.

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = سَ ا + ١ س ص

طَولُ الْمُسْتَطِيلِ = مِسَاحَةَ المُسَتَطِيلِ ÷ عَرْضِ الْمُسْتَطِيلِ

طُولُ الْمُسْتَطِيلِ = سَا + ١ س ص

= س <del>ا س ص = ..... + س ص = ....</del>

🚺 أَكْمِلُ: (من الشكل السابق):

[ أ ] طُولُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ سا + س ص

[ ب ] طُولُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ ٢ س ص

[ج] طُولُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س ص

[ د ] طُولُ ضِلْعِ المُرَبَّعِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ سَ

س ا س

س ٔ + س ص

الشَّكُلُ الْتَّالِي مُسْتَطِيلٌ مُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَةِ أَجْزَاءِ

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = ٢ ٩ ب + ١ ٢ ح + ١٢ م كُولُ المَسْتَطِيلِ = مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ ÷ عَرْضِ الْمُسْتَطِيلِ



#### مثال

أُوْجِد خارجَ القسمةِ في كُلِ مما يلي:

$$(\dagger) \frac{r \uparrow \alpha^{1} + 31 \alpha^{3}}{7 \alpha} = \frac{r \uparrow \alpha^{1}}{7 \alpha} + \frac{31 \alpha^{3}}{7 \alpha} = 71 \alpha + 7 \alpha^{7}$$

$$(\mathbf{p})^{1}$$
  $\mathbf{p}^{1}$   $\mathbf{p}^{1}$   $\mathbf{p}^{1}$   $\mathbf{p}^{1}$   $\mathbf{p}^{1}$   $\mathbf{p}^{1}$ 

## الدَّرْسُ الثَّامِنُ قسمة مقدار جبرى على مقدار جبرى آخر

٣س	٣
٦	۲س

قسمة مقدار جبرى على مقدار جبرى آخر

في الشكل المقابل: نموذج لقطعة أرض مستطيلة الشكل

مساحتها (س $^{7}$  +  $^{8}$ س +  $^{7}$ ) متر  $^{7}$  وعرضها (س $^{7}$  ) متر أوجد طولها

لايجاد طول المستطيل نوجد خارج قسمة

٧ + ٥س + ٦ على س + ٢

الحل:

(1) نرتب حدود كلا من المقسوم وهو (m + m + m + r) والمقسوم عليه وهو (m + r)

ترتيبا تنازليا حسب قوى س

مثال آ

أوجد قيمة ك التي تجعل المقدار ٢س٣ \_ س٢ \_ ٥س + ك يقبل القسمة على ٢س \_ ٣

الحل:

~= 4 ← · = ~ - 4 ∴

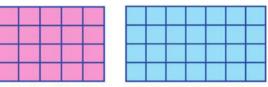
#### مثال ٣

مستطیل مساحته ۸ أ ب ۲ + ۱۲ أ ب ۲ - ۸ آ ب

وطوله  $1^{1}$  ب من السنتيمترات أوجد عرضه إذا كانت أ1 ، + الحل

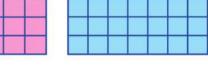
# الدَّرْسُ التَّاسِعِ التَّحْلِيلُ بإخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرِكِ الْأَعْلَى

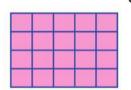
ارْسُمْ مُسْتَطِيلًا بُغْدَاهُ ٧ . ٤ مِنَ الْوَحَدَاتِ عَلَى وَرَق مُرَبّعاتِ، وَمُسْتَطِيلاً آخَـرَ بُعْدَاه ٥، ٤ مِـنَ الْوَحَدَاتِ، أَوْجِدُ مجموع مِسَاحَتَىَ الْمَسْتَطِيلَيْن بِطَرِيقَتَيْن مُخْتَلِفَتَيْن.

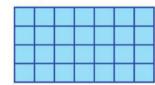


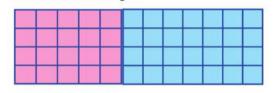
الطَّرِيقَةُ الثَّانِيَةُ

#### الطَّريقَةُ الْأُولَى









مِسَاحَةُ الْمَسْتَطِيلَيْنِ 
$$= (3 \times V) + (3 \times 0)$$

.... = .... + .... =

#### لاَحظُ أنَّ

 $1 \times (V \times 1) = (1 \times V) + (2 \times 1)$  مِثَالٌ لِخَاصِّيَةِ نَـوُزِيعِ الضَّـرْبِ عَلَـى الْجَمُـع. بَيْنَمَـا (٤ × ٧) + (٤ × ٥ ) = ٤ × (٧ + ٥) مِثَالٌ للتَّحْلِيلِ بإِخْراج العَامِل المُشَـنُرَكِ الأَعْلَى لِلْحَدَّيْنِ:  $(3 \times V)$  ,  $(3 \times 0)$  وَهُو ٤ , يُسَمَّى ٤ , (V + 0) عَامِلَا الْمِقْدَارِ ٤ (V + 0) .

#### بصِفَةِ عَامَّةِ: ﴿ بِ + ﴿ حِ = ﴿ (بِ + حِ)

#### مثال ١

حَلُّلْ بإخْرَاج العَامِلِ المُشَتْرَكِ الأَعْلَى لِلْمِقْدَارِ

مثال آ

حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ العَامِلِ المَشْتَركِ الأَعْلَى لِلْمِقْدَارِ الجَبْرِيِّ: ٣ساً ص - ٩س ص + ١١١س ص

العَامِلُ المُشْتَركُ الأعْلى لِلْمِقْدارِ الجَبْرِيِّ هُوَ

ع. م. ٩. لِلْمِقدار الجَبْرِيِّ هو (٤ ٩ + ٥ ب)

لإِيجَادِ العَامِلِ الْآخَرِ لِلْمِقْدَارِ، نَفْسِمُ كلَّ حَدٍّ مِنْ حُدُودِ الْمِقْدَارِ عَلَى ع. م. أ

الْمِقْدَارُ = ٣ ﴿ (٤ ﴿ + ٥ بِ) - ٢ بِ (٤ ﴿ + ٥ بِ) (ب ۲ - ۲ ۳) (ب ۵ + ۲ ٤) = الْمِقْدَارُ= ٣س ص ٩ - ٩ س ص ١٢٠ س ص = ٣س ص ا (ص - ٣س ص ا + ٤س)

٣س ص

## الإحْصَاءُ

## الوَحْدَةُ الثالثةُ



تَطَوَّرَتُ أَسَالِيبُ وَنَظَرِيَّاتُ وَتَطْبِيقَاتُ عِلْمِ الإِحْصَاءِ عَلَي يَدِ عَدَدٍ كَبِيرٍ مِنَ الْعُلَمَاءِ الَّذِينَ بَحَثُوا نَظَرِيَّاتِهِ وَبَنَوْهَا عَلَى أُسُسِ عِلْمِيَّةٍ سَلِيمَةٍ وَمِنْ بَيْنِ هَؤُلاءِ الْعُلَمَاءِ الرِّيَاضِيِّينَ فِريدِرِيكَ جَاوِسُ الْأَلْمَانِيُّ.



#### مُحْتَوِيَاتُ الوَحْدَةِ

الحرس الأول: مقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابى الحرس الثاني: الوسيط الحرس الثالث: المنوال

## مقاييس النزعة المركزية

بالنظر فى الظواهر التى حولنا والقيم التى تأخذها العناصر المختلفة لهذه الظواهر. نلاحظ أن أغلب قيم هذه الظواهر قريبة من بعضها البعض أى أنها تتجمع حول قيمة معينة مثل أطوال طلاب فصلك (بالسم) نجد أن هناك طولاً يتوسط تقريباً جميع الأطوال وكذا أوزان طلاب فصلك وغير ذلك من الظواهر، وهناك عدة مقاييس احصائية، تقيس نزعة البيانات الاحصائية نحو المركز وهي المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال.

#### المتوسط (الوسط) الحسابي:

#### مثال ١:

يذهب أحمد إلى مدرسته فى الأيام من الأحد إلى الخميس ويأخذ مصروفه من والده فى تلك الأيام كالآتى ٦، ٤، ٧، ٣، ٥ من الجنيهات، فما قيمة المصروف الذى يمكن أن يأخذه أحمد بشكل ثابت طوال هذه الأيام مع الحفاظ على جملة ما كان يأخذه بالشكل السابق.

#### الحل:

مجموع ما يأخذه أحمد = 1 + 2 + 4 + 4 + 6 = 6عدد أيام ذهابه للمدرسة = 6المصروف اليومى =  $\frac{60}{6} = 6$  جنيهات هذه القيمة (6 جنيهات) تعرف بأنها المتوسط (الوسط) الحسابى للقيمة 1 , 2 , 4

#### ملاحظة:

فى المثال السابق نلاحظ أن الوسط الحسابى هو القيمة التى لو أخذها أحمد فى جميع الأيام تتحقق العلاقة:

$$\Delta + \Psi + V + \Sigma + I = \Delta + \Delta + \Delta + \Delta + \Delta$$

#### الْوَخُدَةُ الثالثةُ

#### مثال ۲:

أوجد قيمة س إذا كان الوسط الحسابى للقيم الآتية: ٨. س، ٧، ٥ هو ٦ الحل:

## مجموع القيم = الوسط الحسابي لهذه القيم × عددها

$$2 \times 1 = 0 + V + \omega + \Lambda$$
 ...

يعرف الوسيط لمجموعة من البيانات بأنه القيمة التى تقع فى وسط المجموعة تماماً إذا ما رتبت هذه المجموعة تصاعديا أو تنازلياً.

أى أنه القيمة التى تقسم مجموعة من البيانات إلى قسمين بحيث يكون عدد القيم الأكبر منه يساوى عدد القيم الأصغر منه.

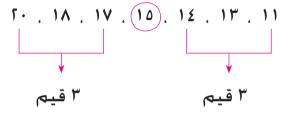
#### مثال:

فى مجموعة مدرسية مكونة من سبعة طلاب كان درجاتهم فى أحد الاختبارات كالآتى ١٣، ١٧، ١٥، ١١، ١٨، ٢٠، ١٤

فما هي الدرجة الوسيطية لهؤلاء الطلاب؟

#### الحل:

ترتيب الدرجات تصاعديا:



الدرجة الوسيطية = ١٥

#### ترتيب الوسيط:

أ) إذا كان عدد القيم أو المفردات ( $\omega$ ) فرديا فتكون القيمة التى ترتيبها  $\frac{\omega+1}{1}$  هى القيمة الوسيطة وذلك بعد ترتيب البيانات تصاعديا أو تنازلياً

في المثال السابق: عدد القيم = ٧

$$\Sigma = \frac{1+V}{\Gamma} = 2$$
 ترتيب الوسيط

ب) إذا كان عدد القيم ن زوجيا:

$$\frac{\omega}{1}$$
 ،  $\frac{\omega}{1}$  + الوسيط الوس

#### لاحظ أن:

وقيمة الوسيط فى هذه الحالة هى المتوسط الحسابى لهاتين القيمتين كما فى المثال الآتى: أوجد قيمة وترتيب الوسيط للقيم:

ترتيب الوسيط: 
$$\frac{1}{r}$$
 ،  $\frac{1}{r}$  +1 أي الثالث، الرابع

$$\Sigma = \frac{m+0}{1} = \Sigma$$

إذا كان ن عدداً فردياً (لايقبل
 القسمة على ٢)

فإن (ك +1) عدداً زوجياً ويقبل القسمة على ٢.

- ★ بصفة عامة قيمة الوسيط≠ ترتيب الوسيط
- \* ترتيب الوسيط دائماً عدداً صحيحا موجباً، أما قيمة الوسيط قد تكون كسراً أوعدد سالب حسب القيم المعطاة.

## ٣- المنسوال

الدرس الثالث

يعرف المنوال لمجموعة من البيانات بأنه القيمة الأكثر شيوعًا "تكرارًا" في المجموعة.

والمنوال كمقياس للنزعة المركزية يصلح بصفة خاصة لحالة البيانات الكمية والوصفية.

#### مثال ۱:

البيانات الآتية تمثل أعمار مجموعة من الأشخاص: ٢٠, ٣٣ , ٢٥, ٣٣ , ٨٥, ٣٣ , ٢٠, ٣٠.

أوجد المنوال لهذه الأعمار.

#### الحل:

المنوال = ٣٣.

#### مثال ۲:

إذا كانت تقديرات مجموعة من الطلاب فى أحد الاختبارات هي: ب - أ - جـ - ب - جـ - ب - جـ - ب - أ - ع أوجد منوال هذه المجموعة.

#### الحل:

منوال هذه المجموعة هو التقدير "ب".

### لاحظ أن:

إذا كانت البيانات المعطاة جميعها مختلفة، فإن هذه البيانات ليس لها منوال.

مثل ۲۳، ۲۵، ۶۸، ۵۷، ۱۹، ۳۳، ۳۲.

\* بعض القيم "البيانات" لها أكثرمن منوال.

مثل: ٩، ٧، ٧، ٧، ٥، ٤، ٤، ٤، ٢، ٦

لها منوالان: ٧، ٤ وتسمى مجموعة ذات منوالين، وسوف نكتفى فى دراستنا بالبيانات وحيدة المنوال.

## الوَحْدَةُ الرابعة الْهَنْدَسَـةُ والْقِيَاسُ



(۲۲۵-۲۲۵ ق.م)

إِقَلِيدِسُ عَالِمٌ رِيَاضِيٍّ يُوَنَانِيُّ عَاشَ فِي مَدِينَةِ الإِسْكَنْدَرِيَّةِ وَيُعْتَبُرُ رائدُ عِلْم الْهَنْدَسَةِ وَلَهُ بَعْضُ الْمَبَادِئ الَّتِي ذُكِرَتُ عَلَى اسْمِهِ وَمِنْهَا «مَا قَدَّمَ بِدُونِ دَلِيلِ يُمْكِنُ رَفْضُهُ بِدُونِ دَلِيلِ»

وَمِنَ التَّعَارِيفِ الَّتِي وَضَعَهَا:

النُّقُطَةُ هِيَ مَا لا يُكُونُ لَهَا جُزْةً.

الْمُسْتَقِيمُ هُوَ طُولٌ لَيْسَ لَهُ عَرْضُ.

وَمِنْ مُسَلَّمَاتِهِ:

الْمُسْتَقِيمُ يُمْكِنُ أَنْ يُرْسَمَ مِنْ نُقْطَةٍ إلى نُقْطَةٍ أُخَرَى الْقِطْعَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ الْمَحْدُودَةُ يُمْكِنُ أَنْ تَمْتَد إِلَى خَطِ مُسْتَقِيمٍ كُلُّ الزَّوَايَا الْقَائِمَةُ يُسَاوِي بَعْضُهَا بَعْضًا.

#### مُحْتَوِيَاتُ الوَحْدَةِ

الـــدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَفَاهِيمُ هَنْدَسِيَّةُ

الـدُّرْسُ الثَّانِـي : التَّطَابُقُ

الـدَّرْسُ الثَّالِثُ : نَطَابُقُ الْمُثَلَّثَاتِ

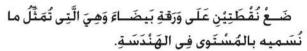
الـدَّرْسُ الرَّابِـعُ : التوازي

الدَّرْسُ الْخَامِسُ : إِنْشَاءَاتٌ هَنْدَسِيَّةٌ

### الدَّرْسُ الأَوَّلُ

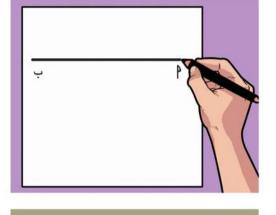
## مَفَاهِيمُ هَنْدَسِيَّةُ ۗ

#### الْقِطْعَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ



صِلِ النُّقُطَنَيْنِ بِاسْتِخْدَامِ المِسْطَرَةِ، تَحْصُلُ عَلَى قِطْعَةِ مُسْتَقِيمَةِ.

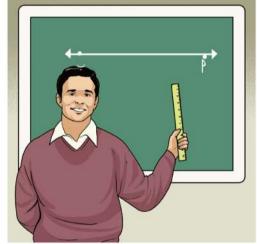
تُسَمَّى النُّقْطَتَانِ ﴿ ، بِطَرَفِي الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ وَالْمُسْتَقِيمَةِ وَالْمُسْتَقِيمِةُ وَالْمُسْتَقِيمِةُ وَالْمُسْتَقِيمِةِ وَالْمُسْتَقِيمِةِ وَالْمُسْتَقِيمَةً وَالْمُسْتَقِيمِةُ وَالْمُسْتَقِيمُ وَلِيمَةً وَالْمُسْتَقِيمِةُ وَالْمُسْتَقِيمِةُ وَلَّ



#### الْخَطُّ الْمُسْتَقِيمُ

ضَعِ الْمِسطَرَة عَلَى القِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ أَب وَمُدَّ خَطُّ مِنْ جِهَةِ ب فَتَجِدُ أَنَّهُ لِأَى ّ نُقْطَتَيْنِ مُخُتَلِفَتَيْنِ يُوجَدُ خَطُّ مُسْتَقِيمٌ وَاحِدٌ يَمُرُّ بِهِمَا وَنَرْمُزُ لَكُ بِالرَّمُن أَب أَو ب أ

الخَطُّ الْمُسْتَقِيمُ يَقَعُ عَلَيَهِ عَدَةٌ غَيْرُ نِهَائِيٍّ مِنَ النُّقَطِ والسَّهْمَانِ يُشيرَانِ إِلَى أَنَّ الْخَطَّ الْمُسْتَقِيمَ مُمْتَدُّ مَنْ جهَتَيْهِ بِلاَ حُدُودِ



## الشُّعَاعُ

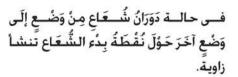
وَمِنْ ذَلِكَ نَرَى أَنَّ:

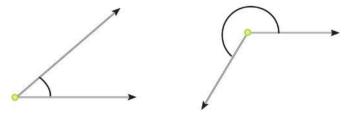
ضَعِ الْمِسْطَرَة عَلَى الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ ﴿ وَمدَّ خَطَّا مِنْ جِهَةِ بِ فَتَجِدُ أَنَّ القِطْعَةَ الْمُسْتَقِيمَةَ ﴿ وَمدَّ خَطَّا مِنْ جِهَةِ بِ فَتَجِدُ أَنَّ القِطْعَةَ الْمُسْتَقِيمَةَ ﴿ وَمَجْمُوعَةُ النَّقَطِ عَلَى يَسَارِ النُّقُطَّةِ بِ تُسَـهَّى شُعَاعًا وَنَرْمُزُ لَهُ بِالرَمُزِ ﴿ وَمَجْمُوعَةُ النَّقَطِ عَلَى يَسَارِ النُّقُطَّةُ بِدَايَةِ السَّعَاعُ لاَ يَتَحَدَّدُ لَهُ طُولً.

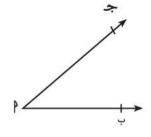


ابداب، اب داب، با داب

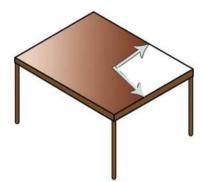
## الزَّاويَــةُ







إِذَا كَانَتُ ٢، ب، ج ثَلاَثَ نُقَطٍ لَيُسَـتُ عَلَى اسْـتِقَامَةٍ وَاحَدَةِ فَإِنَّ ٢٠٠ ، ٢ ج يُكَوِّنَانِ الزَّاوِيَةَ بِ الج وَيُرْمَزُ لَهَا بِالرَّمْزِ \بِ اج، اب لا ج = \ب اج



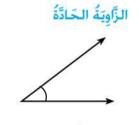
الزَّاوِيَةُ هِيَ اتِّحَادُ شُعَاعَيْن لَهُمَا نُفْطَةُ الْبِدَابَةِ نَفْسِهَا. نُقْطَةُ بِدَايَةِ الشُّعَاعَيْنِ تُسَمَىَّ رَأْسَ الزَّاوِيَةِ. يُسَمَّى كُلُّ مِنَ الشُّعَاعَيْنِ ضِلْعَ الزَّاوِيَةَ.

- تُجَرِّئُ الزَّاوِيَةُ الْمُسْتَوَى إِلَى ثَلاَثِ مَجْموعَاتٍ مِنَ النُّقَط:
- خَارِجُ الزَّاوِيَةِ. دَاخِلُ الزَّاوِيَةِ.
- الزَّاوِيَةُ.

#### أَنْوَاعُ الزَّاوَيَا:

تُصَنَّفُ الزَّوَايَا حَسَبَ قِيَاسِها وَذَلِكَ عَلَى النَّحُو التَّالِي:

# الزَّاوِيَّةُ الفَّائِمَةُ هِيَ الزَّاوِيَةُ الَّتِي قِيَاسُهَا ٩٠°



الزَّاوِيَّةُ الصِّفرِيَّةُ

صِفر< قِيَاسُ الزَّاوِيَةِ الحَادَّةِ < ٩٠°

هِيَ الزَّاوِيَةُ الَّتِي قِيَاسُهَا صِفْرُ° وينْطَبق ضِلْعَاهَا

الزَّاوِيَةُ المُنْفَرِجَةُ



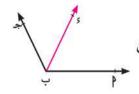
هِيَ الزَّاوِيَةُ الَّتِي قِيَاسُهَا ١٨٠° وَيَكُونُ ضِلْعَاهَا عَلَى اسْتِقَامَةِ واحِدَةِ

٩٠ < قِيَاسُ الزَّاوِيَةِ المُنْفَرِجَةِ < ١٨٠ °

الرياضيات الصف الأول الأعدادي

#### بعض العلاقات بين الزوايا

#### الزاويتان المتجاورتان

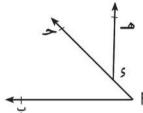


يُفَالُ لزَاوِيَتَيْن أَنَّهُمَا مُتَجَاوِرَتَان إذا اشْتَرَكَتا فِي رَأْسٍ وضِلْع وَكَانَ الضِّلْعَان الآخَرَان فِي جِهَتَين مُخْتَلِفَتَين مِن الضِّلع المُشْتَرك.

۱ ۹ ب ۶ ، ۱ ح ب ۶ مُتَجاورَتَان .

#### ويلاحظ أن:





ل ب اح ، ل ب ا ء غير مُتَجاوِرَتَين لأن الضلعيان أح ، أ 5 في جهة واحدة من الضلع المشترك أ ب

ا ب احر ، ا مد و ح غير مُتَجاورَتَين لعدم اشتراكهما في الرأس

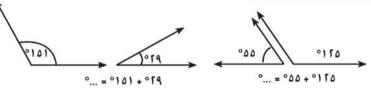
#### الزَّاويَتَان المُتَتَامَّتَان

°... = °V · + ° ·

ارْسُمُ زَاوِيَتَيْن قِيَاسَاهُمَا ٧٠ ، ٢٠، ارْسُمْ زَاوِيَتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا ١٥° ، ٢٥° مَاذَا تُلاَحِظُ عِنْدَ إِيجَادِ نَاتِج جَمْعٍ كُلِّ زَوْجٍ مِنَ الزَّوَايَا؟

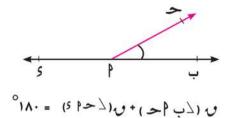
الزَّاوِيَتَانِ المُنَتَامَّتَانِ هُمَا زَاوِيَتَانِ مَجْمُوعُ قِيَاسَيْهِمَا ٩٠°

### الزَّاوِيَتَانِ الْمُتَكَامِلَتَانِ



ارْسُمُ زَاوِيَتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا ١٢٥° ، ٥٥° ارْسُمُ زَاوِيَتَيْنِ قِيَاسَاهُمَا ٢٩°، ١٥١°

مَاذَا تُلاَحِظُ عِنْدَ إِبِجَادِ نَاتِج جَمْعٍ كُلِّ زَوْجٍ مِنَ الزَّوَايَا؟

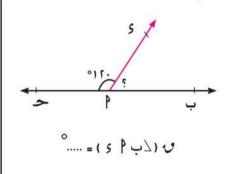


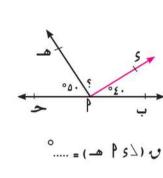
الزَّاوِيَتَانِ المُتَجَاوِرَتَانِ الحَادِئَتَانِ مِنْ تَفَاطُعِ مُسْتَقِيمٍ وَشُعَاعٍ لَنَّانِ لَنُ لَقَاطُعِ مُسْتَقِيمٍ مُتَكَامِلَتَانِ لَقُطَةُ بِدَايَتِهِ تَقَعُ عَلَى هَذَا الْمُسْتَقِيمِ مُتَكَامِلَتَانِ

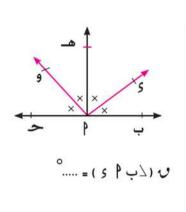
#### تدریب:

#### في كل من الأشكال الآتية:

إذا كان أ ﴿ بُحُ فأكمل:







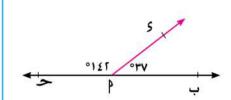
٠ ١

٩ ب ٩ ح على استقامة واحدة

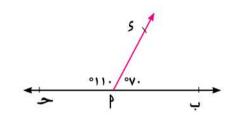
إذا كانت الزاويتان المتجاورتان متكاملتين فإن الضلعين المتطرفين لهما على استقامة واحدة

#### الْوَخْدَةُ الرابعةُ

#### مثال



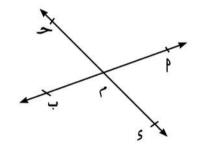
﴿ بُ ، ﴿ حِ لِيساعلى استقامة واحدة لأن ك ( \ ب ﴿ ٤) + ك ( \ ك ﴿ ح ) ≠ ١٨٠°



﴿ بِ ، ﴿ حَ على استقامة واحدة لأن ك ( ل ب ﴿ ٤) + ك ( ل و ﴿ ح ) = ١٨٠°

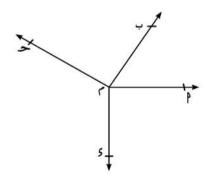
#### الزاويتان المتقابلتان بالرأس:

ارُسُم أَ ب ، ح و يتقاطعان في م ثم قس الزوايا أم ح ، حمب ، ب م و ، أم و ماذا تلاحظ ؟



إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متقابلتين بالرأس تكونان متساويتين في القياس.

#### الزَّوَايَا الْمُتَجَمِّعَةُ حَوْلَ نُقْطَةِ



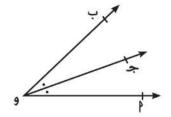
من نقطة مثل م ارسم .  $\frac{1}{9}$  ،  $\frac{1}{9}$  ،  $\frac{1}{9}$  ،  $\frac{1}{9}$  ،  $\frac{1}{9}$  ،  $\frac{1}{9}$  ،  $\frac{1}{9}$  ...  $\frac{1}$ 

مَجْهُ وعُ قِيَاسَاتِ الزَّوَايَا الْهُنَجَمِّعَةِ حَوْلَ نُقْطَةٍ = ٣٦٠°

#### منصف الزاوية:

#### الشكل المقابل:

وج يقسم \ و ب إلى زاويتين لهما نفس القياس وج يقسمي وج بمنصف \ و و ب



#### مثال ۲

#### في الشكل المقابل:

أوجد: ١٥/١٥) ، ١٥/١٥) ، ١٥/١٥) ، ١٥/١٥)

#### الحسل:

°18=°111-°110- (27})

 $\mathcal{O}(292) = \mathcal{O}(292) = \mathcal{O}(292)$  بالتقابل بالرأس  $\mathcal{O}(292) = \frac{12}{1} = (292)$  بالتقابل بالرأس  $\mathcal{O}(292) = \frac{12}{1}$ 



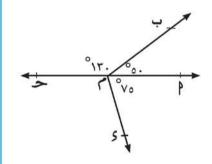
#### مثال ٣

#### في الشكل المقابل:

#### أكمل:

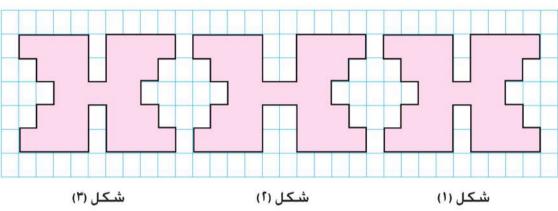
(٢) ..... . .... يقعان على استقامة واحدة

#### الحسل:



#### الدَّرْسُ الثاني

## التَّطَابُـقُ



ارُسُمِ الشَّكُلُ (١)عَلَى وَرِقِ شَفَّافٍ

ارْسِمِ الشَّكُل (۱) على وَرقِ شَفَافٍ وَحَاوِلْ تَطْبِيفَهُ عَلَى الشَّكُل (۱). وَالشَّكُل (۳) ثُمَّ أَكْمِلْ:

الشَّكُلُ (...) والشَّكُلُ (...)

مُتَطَابِقَانِ أما الشَّكلُ (...)

والشُّكُلُ (...) غَيْرُ مُنَطَابِقَين.

يَتَطَابَقُ الشَّكُلان الهَنْدَسَيَّان إِذَا وُجِدَ تَنَاظُر بَيْنَ رُءُوسِ الشَّكُلَيْنِ بِحُيْثُ يُطَابِقُ كُلُّ ضِلْعٍ وَكُلُّ رَأْسٍ فِي الشَّكُلِ نَظِيَرَه فِي الشَّكْلِ الآخَرِ.

تَتَطَابَقُ القِطْعَتَانِ الْمُسْتَقِيمَتَانِ إِذَا كَانَتَا مُتَسَاوِيَتَيُنِ فِي الطَّولِ .

تَتَطَابَقُ الزَّاوِيتَان إِذَا كَانَتَا مُتَساوِيَتَيْنِ في القِيَاسِ.

Ç

المُضَلَّع } بجده ميُطَابِقَ المضلع و زطة هـ، الْمُضلَّعَانِ لَهُمَا نَفْسُ

التَّرتِيبِ عِنْد كِتَابَة رُءُوسِهِمَا المُتَطابِفَةِ:

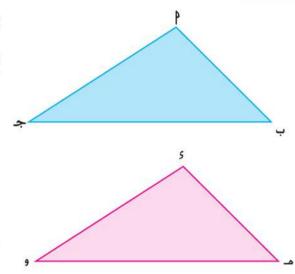
أَكْمِلُ:

$$(\dots \ \, \angle \ ) \ \mathcal{O} = (\ \, \uparrow \ \, \triangle \ \, ) \ \, \mathcal{O} \ \, , \ \, (\dots \ \, \angle \ ) \ \, \mathcal{O} = (\ \, \downarrow \ \, ) \ \, \mathcal{O}$$

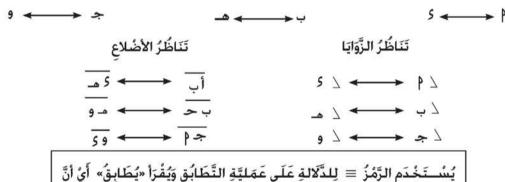
# الدَّرْسُ الثالث تَطَابُقُ الْمَتَلَّتَاتِ

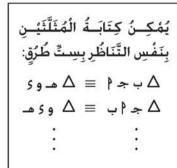
نَعْلَــمُ أَنَّ لِأَيِّ مُثَلَّثٍ ثَلَائَــهَ أَضْلَاع وَثَلاثَ زَوَایَــا. وَهِيَ تُعْرَفُ بِالْعَنَاصِرِ السِّتِّ لِلْمُثَلَّثِ.

يَتَطَابَ قُ الْمَثَلَّثَ إِذَا وُجِدَ تَنَاظُ رِبَيْنَ رُءُوسِ المُثَلَّثَيُّ نِ بِحَيْثُ يُطَابِقُ كُلُّ عُنْصُرِ مِنَ الْعَنَاصِرِ السِّتَّةِ لأَحَدِهِمَا الْعُنْصُرُ المُنَاظِرُ مِنَ الْمُثَلَّثِ الآخَرِ.



انْقُلْ عَلَى وَرِقِ شَصْفَّافٍ الْمُثَلَّثَ ٢ ب ج وَضَعْهُ عَلَى الْمُثَلَّثَ 5 هـ و سَتَجِدُ لِكُلِّ عُنْصُر في ٨ ٢ ب ج عُنْصُرًا يُنَاظِره فِي ٨ ٥ هـ 9 وَعَبِّرُ عَنْ ذَلِكَ كَمَا يَلِي:





عِنْدَ كِتَابَةِ الْمُثَلَّثَيْنِ المُتَطَابِقَيْنِ يَجِبُ أَنْ يَكُونَ لَهُمَا نَفْسُ التَّرْتِيبِ فِي كِتَابَةِ رُءُوسِـهِمَا المُتَنَاظِرَةُ

△ 5 مـ و

#### تَطَابُقُ مُثلَّثَان

لْإِنْباتِ تَطَابُقِ مُثَلَّثَيْنِ فَإِنَّهُ لَيْسَ مِنَ الضَّرُورِيِّ إِنْبَاتُ تَطَابُقِ الْعَنَاصِرِ السِّتِّ مِنْ أَحَدِهِا مَعَ نَظَائِرِهَا مِنَ الْمُثَلَّثِ الْأَخَرِ بَلْ يَكُفِى إِنْبَاتُ تَطَابُقِ ثَلَاثَةِ عَنَاصِرَ فِي أَحَدِهِمَا مَعَ نَظَائِرِهَا فِي الْمُثَلَّثِ الْآخَرِ. أَحَدُها ضِلْعٌ عَلَى الأَقلِ وَبِالتَّالِي تَكُونُ العَنَاصِرُ الثَّلاثَةُ الْأُخْرَى فِي أَحَدِهِمَا مُطَابِقَةً لِنَظَائِرِهَا فِي الْمُثَلَّثِ الْآخَرِ.

#### نشاط (۱) :

- ارسم المثلث أبج، المثلث ك هـ و اللذين فيهِمَا:
   ارسم المثلث أبج، المثلث ك هـ و اللذين فيهِمَا:
   الك إلى المثلث أبج، ك و = أبد ك و المنا اللحظ كالمنا الله ك المنا الله ك الله ك المنا الله ك الله ك المنا الله ك الله ك المنا الله ك اله ك الله ك اله
- كَرِّرِ الْعَمَلَ السَّابِقَ بِتَغْيِير طولى الضلعين وقياس الزاوية المحصورة بينهما.
   حَرُكِ الْمُثَّلَثَ ٤ هـ و وَتَحَقَّقُ أَنَهُ يَنْطَبِقُ عَلَى الْمُثَلَّثِ إبج
   هَلُ هَذَا يَكُفِى لأن يكُونَ الْمُثَلَّثِ إبج ≡ الْمُثَّلثَ ٤ هـ و؟
- الحالة الأولى:
   يتطابق المثلثان إذا تطابق ضلعان والزاوية المحصورة بينهما فى أحد المثلثين مع نظائرها فى
   المثلث الآخر.

#### مثال

#### في الشكل المقابل:

٩ب ( جر 5 = ٩) ،

15= 17. 10=1P

هل △ ٢٩ ج ≡ △ ب٠ ٢٤ ولماذا؟

#### الحسل:

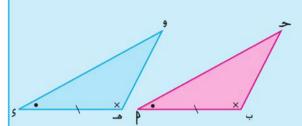
من الشكل: ٢ - ٩ - ٢ ، ج ٢ = ٢ ٢

بالتقابل بالرأس ( $\mathcal{L} \setminus \mathcal{L} \setminus \mathcal{L} )$  بالتقابل بالرأس ،

فيكون: △ ﴿ ٢ ج ≧ △ ب ٢ ؟ ؛ (تطابق ضلعان والزاوية المحصورة)

#### نشاط (۱):

● ارسم المثلث (بج ، المثلث ٤ مـ و اللذين فِيهِمَا:



- كَرِّرِ الْعَمَلَ السَّابِقَ بِتَغْيِيرِ قِيَاسَيِ الزَّاوِيَتَيْنِ وَالضِّلْعِ الْمَرْسُومِ بَيْنَ رأْسَيْهِمَا.
   حَرُكِ الْمُثَلَثَ ٤هـ و وَتَحَقَّقُ أَنْهُ يَنْطَبِقُ عَلَى الْمُثَلَّثِ ﴿ بِج
   هَلُ هَذَا يَكُفِى لأَن يكُونَ الْمُثَلَّثِ ﴿ بِج = الْمُثَلَثَ ٤هـ و؟
- الحالة الثانية: يتطابق المثلثان إذا تطابق زاويتان والضلع المرسوم بين رأسيهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

#### تدريب

#### في الشكل المقابل:



△ اب ج ≡ ......

(ولماذا ؟)

ومن نتائج التطابق :

۹ ب = ...... ،

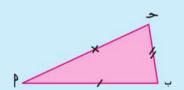
...... = ب و

#### نشاط (۳):

ارسم المثلث أبج ، المثلث ٤ صو اللذين فِيهما:

ماذا تلاحظ؟





كَرِّرِ الْعَمَلَ السَّابِقَ بِتَغْيِير طول كل ضلع من أضلاع أحد المثلثين.
 حَرُكِ الْمُثَّلثَ ٤هـ و وَتَحَقَّقُ أَنْهُ يَنْطَبِقُ عَلَى الْمُثَلَّثِ ٩بج
 هَلُ هَذَا يَكُفِي لأن يكُونَ الْمُثَلَّثِ ٩بج = الْمُثَّلثَ ٤هـ و؟

• الحالة الثالثة:

يتطابق المثلثان إذا تطابق كل ضلع في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

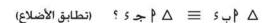
#### مثــال

#### في الشكل المقابل:

﴿ب= ﴿ ج ، ب؟ = ج ؟ ﴿ب

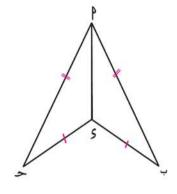
تحقق من أن: ﴿ 5 ينصف ١٠





(ایکون :  $\mathcal{O}(1, 0) = 0$  )  $\omega = 0$  (ایکون :  $\omega$ 

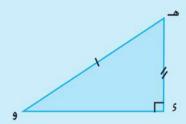
أى أن: ﴿ 5 ينصف ﴿ ٩

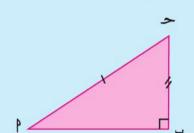


#### نشاط (٤) :

(لاب) و ارسم المثلث  $\{ \phi \in \mathcal{A} \mid \psi \in \mathcal{A} \}$  ارسم المثلث  $\{ \phi \in \mathcal{A} \mid \psi \in \mathcal{A} \}$  ارسم المثلث المثلث  $\{ \phi \in \mathcal{A} \mid \psi \in \mathcal{A} \}$ 

قسُ:  $\overline{\P_{\mathbf{v}}}$  ،  $\overline{\mathbb{Q}}$  ،  $\overline{\mathbb{Q}}$  ،  $\overline{\mathbb{Q}}$  ، ماذا تلاحظ؟





كَرِّرَ الْعَمَلَ السَّابِقَ بِتَغُيِير طُولَيْ وَتِر وَأَحَدِ ضِلْعَيِ الزَّاوِيَةِ الْفَائِمَةِ فِي أَحَدِ الْمُثَلَّثِينَ.
 حَرِّكِ الْمُثَلَّث و ٤ هـ وَتَحَقَّقُ أَنَّهُ يَنُطَبِقُ عَلَى الْمُثُلَّثِ (اب ج
 هَلْ هَذَا يَكُفِى لأَنْ يَكُونَ الْمُثَلَّثُ (اب ج = الْمُثَلَّثُ ٤ هـ و ؟

• الحالة الرابعة:

يتطابق المثلث القائما الزاوية إذا تطابق وتر وأحد ضلعى القائمة في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

#### مثال

#### في الشكل المقابل:

ادرس حالة التطابق ثم استنتج:

ن ( کا هـ ۱۶ ، طول ا ۶



# ه سم

 $\triangle$  أب ج  $\equiv$   $\triangle$  هـ 5 أ (تطابق وتر وضلع في مثلثين قائما الزاوية)

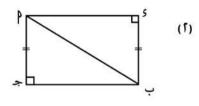
۹ ۶ = ج ب = ۵ سم

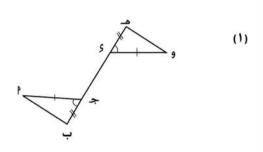
#### تدريب:

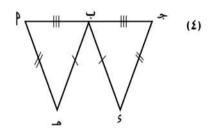
في الأشكال التالية:

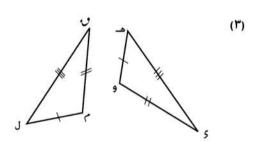
العلامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر المبينة عليها هذه العلامات.

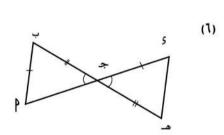
اذكر أزواج المثلثات المتطابقة . وأزواج المثلثات غير المتطابقة (مع ذكر السبب) :

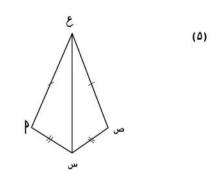


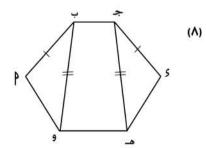


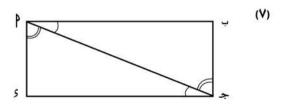








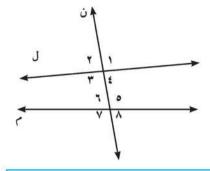




## التوازي

ارْسُمُ مُسْتَقِيمَيْنِ «ل» ، «٢» ثُمَّ ارْسُمُ مُسْتَقِيمًا ثَالِثَا «ن» قاطِعًا لَهُمَا.كما بالشكل:

- ينتج من ذلك ثمانية زوايا مختلفة يمكن تصنيفها إلى عدة أزواج من الزوايا وهي (متبادلة - متناظرة - داخلة).



#### أنشطة:

#### أكمل:

🗸 ٣ ، 🗘 ٥ زَاوِيَتَانِ مُتَبَادِلَتَانِ

. . . ، ، ... زَاوِيَتَانِ متبادلتان .

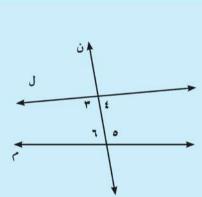
- وفى حالة المستقيمان ل. م متوازيان لاحظ العلاقة بين أزواج الزوايا المتبادلة.

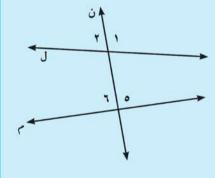
١ . ١ ٥ زَاوِيَتَانِ متناظرتان:

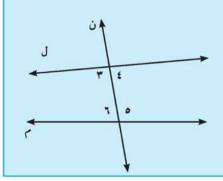
وبالمثل: ....، سن زَاويَتَان متناظرتان.

#### عَيِّنْ أَزْوَاجَ الزَّوَايَا الْمُتَنَاظِرَةَ الأُخْرَى

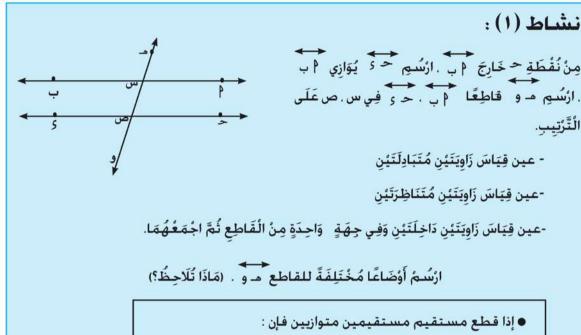
- وفى حالة المستقيمان ل. م متوازيان لاحظ العلاقة بين أزواج الزوايا المتناظرة.
- القاطع. القاطع. من القاطع. من القاطع. من القاطع. من القاطع. من القاطع. من القاطع.
- وفى حالة المستقيمان ل. م متوازيان لاحظ العلاقة بين مجموع أى زاويتين داخلتين وفى جهة واحدة من القاطع.



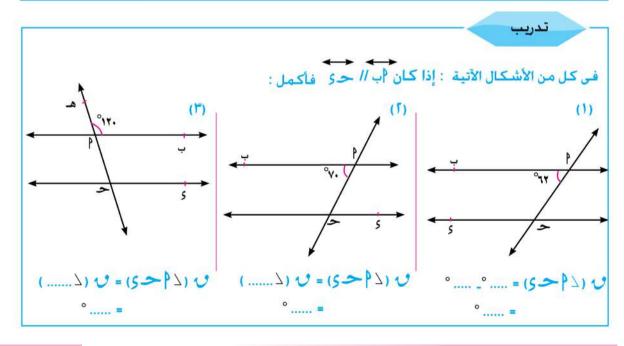




## اسْتَخْدِمْ الْأَدَوَات الْهَنْدَسِيَّة أَو الْحَاسِبِ الآلِيِّ فِي عَمَلِ الأَنْشِطَةِ الآتِيَةِ:



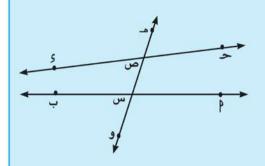
- إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن:
- كل زاويتين متبادلتين متساويتان في القياس.
- كل زاويتين متناظرتين متساويتان في القياس.
- كل زاويتين داخلتين وفي جهة واحدة من القطاع متكاملتان.



نشاط (۱):

الْتَّرْتِيبِ.

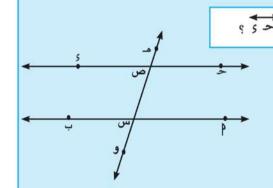
#### نشاط (۱) :



[ أ ] ارْسُمِ أَبُ ، ﴿ كَمَا بِالشَّكُلُ ثُمَّ اللَّكَالُ ثُمَّ اللَّمَ كُلُ ثُمَّ اللَّمَ الْفَي س ، ص عَلَى الْتَرْتِيبُ.

عين قِياسَ الزَّاويَتَيْنِ الْمُتَبَادِلَتَيْن

حصس، بسص



هَلِ ٢ُنْ يَنْظَبِقُ عَلَى حُودُ ؟

عين مرة أخرى قياس الزَّاويَتَيْنِ الْمُتَبَادِلَتَيْن

حصس، بسص.

[ب] كَرِّرِ الْعَمَلَ السَّابِقَ فِي [ أ ] بِالنِّسْبَةِ إِلَى:

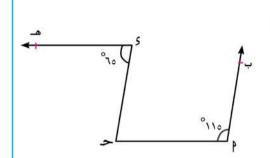
- ١) الزَّاوِيَتَيْنِ الْمُتَنَاظِرَتَيْنِ.
- ٢) الزَّاوِيَتَيْنِ الْدَاخِلَتَيْنِ الْمَرْسُومَتَيْنِ فِي جِهَةِ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ

(ماذا تلاحظ؟)

- يتوازى المتستقيمان إذا قطعهما مستقيم ثالث وحدثت احدى الحالات الآتية:
  - زاويتان متبادلتان متساويتان في القياس.
  - زاويتان متناظران متساويتان في القياس.
  - زاويتان داخلتان وفي جهة واحدة من القاطع متكاملتان.

مثال

#### في الشكل المقابل:



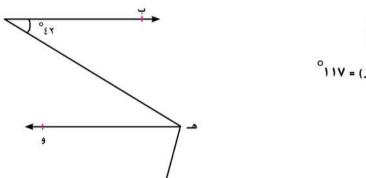
إذا كان أب // حرى فهل أح // 5 هـ ، ولماذا؟

ى (∠حر) = ١١٥° - ١١٥° هاد° كأن .......

أى أن : ع ( \ ح ) = ع ( \ ك ) = 10°

فيكون : ﴿ حُ ال وَ هُــَ

#### في الشكل المقابل:



→ → → → ← ← أب // هـ و ، هـ و // حـ 5 ن ( کے ایک ، من ( کے اور ایک ) و ا عين ٥٠ (١٩ هـ حـ)

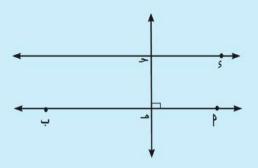
#### الحسل:

(..... \) \(\psi + (\bar{b}\) \(\psi = (\sigma - \bar{b}\) \(\psi \)

لأن .....لأن ....

#### نشاط (۳) :

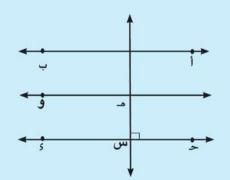
مِنْ نُقْطَةِ حَ خَارِجَ أَبِ ارْسُمِ حَ 5 يُوَازِي أَبِ وَارْسُمُ أَيْضًا مُسْتَقِيمًا يَمُرُ بِالنَّقْطَةِ حَ عَمُودِيَّا عَلَى حَارِجَ أَبِ النَّقَطَةِ مَ خَارِجَ أَبِ ارْسُمِ حَ 5 يُوَازِي أَبِ وَارْسُمُ أَيْضًا مُسْتَقِيمًا يَمُرُ بِالنَّقْطَةِ حَ عَمُودِيَّا عَلَى أَبِ وَيَقْطَعُهُ فِي هَ كَمَا بِالشَّكُلِ التَّالِي.



أَوْجِدُ قِيَاسَ \ وحهـ --> حب اسْتَنْتِج الْعَلَاقَة بَيْنَ ح و ، ح هـ

- المستقيم العمودي علي أحد مستقيمين متوازيين في المستوى يكون عموديًا على الآخر.
- إذا كان كل من مستقيمين عمودي علي ثالثًا في المستوى كان المستقيمان
   متوازيين.

#### نشاط (٤) :



ارُسُمِ م ب يُوَازِي ح كَ ثُمَّ ارْسُمَ م و يُوَازِي م ب لَكُوازِي م ب كَمُورِيًّا عَلَى ح كَ وَيَقْظَعُهُ فِي س.

أَوْجِدُ قِيَاسَ ﴿ وَ هُـ سَ

هَلِ مُ و يُوَازِي حَدِي الْكُرِ السَّبَبَ.

ارْسُم أَوْضَاعًا مُخْتَلِفَه لِأَيِّ مِنْ هُ سَ أَوْ حُحَ . (مَاذَا تُلَاحِظُ؟)

إذا وازى مستقيمان مستقيمًا ثالثًا كان هذان المستقيمان متوازيين.

#### الْوَخْدَةُ الرابعةُ

#### نشاط (۵) :

ارسم عدة مستقيمات متوازية ل, ، ل, ، ل, ، ل, ، ل, . ثم ارسم المستقيم م, قاطعًا لها في أ ، ب ، ح ، ؟ بحيث أ ب = ب ح = ح ؟

ارسم المستقيم م، قاطعًا آخر

لهذه المستقيمات المتوازية ويقطعها

فی هـ، و، ز، ح

هل هـ و = و ز = ز ح ؟

ارسم أوضاعًا مختلفة للقاطع م

ماذا تلاحظ ؟

● إذا قطع مستقيم عدة مستقيمات متوازية , وكانت أجزاء القاطع المحصورة بين هذه المستقيمات المتوازية متساوية في الطول , فإن الأجزاء المحصورة بينها لأى قاطع آخر تكون متساوية في الطول.

#### تدريب

#### في الشكل المقابل:

أُو اا كُسَ اا هُـصَ اا بِحَــ .

**ا** س = س ص = ص ح ، اب = ۱۲ سم

فأوجد طول ب هـ

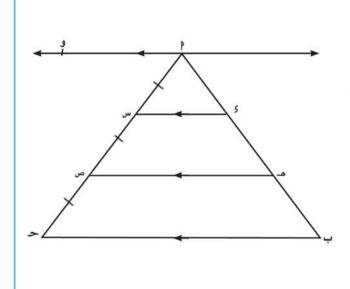
#### الحسل:

.... // ..... // .... // ....

. ١ س = ..... = ....

فيكون : ٩ 5 = 5 هـ = هـ ب

أى أن : ب هـ =  $\frac{1}{m}$  4 ب = ٤ سـم



## الدَّرْسُ الخامس إنْشَاءَاتُ هَنْدَسِيَّةٌ

#### أنشطة:

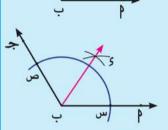
### إِنْشَاءُ مُنَصِّفِ لِزَاوِيَةٍ مَعْلُومَةٍ :

الْمُعْطَيَاتُ: ﴿ بِجِ زَاوِيَةٌ مَعْلَومَةٌ

الْمَطْلُوبُ: رَسْمُ مُنْصَّفٍ \ أبج «بِاسْتِخْدَامِ الفِرْجَارِ»

خُطُوَاتِ الْعَمَل:

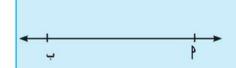
- نَرَكُزُ بِسِنِّ الْفِرُجَارِ عِنْدَ رَأْسِ الزَّاوِيَةِ ب وبِفَتْحَةِ مُنَاسِبَةِ نَرُسُمُ الْأَوْيَةِ ب وبِفَتْحَةِ مُنَاسِبَةِ نَرُسُمُ اللَّا وَيَ مَنَاسِبَةِ نَرُسُمُ اللَّا وَيُ صَ قَوْسًا يَقُطَعُ ب ﴿ فِي ص
- آ نُرَكزُ بِسِــنِّ الفِرْجَارِ عِنْدَ كُلِّ مِنْ س ، ص وَبِنَفْسِ الفَتْحَةِ أَوْ فَتْحَةٍ لَوْ فَتْحَةٍ مُنَاسِبَةٍ نَرْسُمُ قَوْسَين يَتَقَاطَعَان فِي ؟
  - نَرْسُمُ بِ5 فَيَكُونُ هُوَ مُنَصَّفَ ١٩بج أَكْمِلُ: بِ5 هُوَ ...... تُمَاثُلُ لِلزَّاوِيَةِ ٢بج



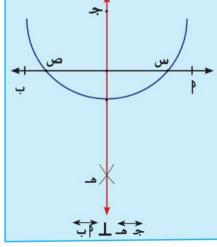
**→** ب۶منصف د ابج

#### إِنْشَاءُ عَمُودِ عَلَى مُسْتَقِيمِ مَارِّ بِنُقْطَةِ لاَ تَنْتَمِى إِلَى الْمُسْتَقِيمِ : • جو

المُعْطَيَاتُ: أَبُ مُسْتَقِيمٌ مَعْلُومٌ ، ج ﴿ أَبُ الْمَعْلُومُ ، ج ﴿ أَبُ الْمَطْلُوبُ: رَسُمُ مُسْتَقِيمٍ جَمْ عَمُودِيٌّ عَلَى أَبُ خُطُواتِ الْعَمَلِ:

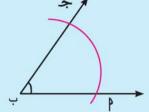


- أَرْكُزُ بِسِنِّ الْفِرْجَارِ عِنْدَ النُقْطَةِ 
   وبفَتْحَةٍ مُنَاسِبَةٍ نَرسُم فَوسًا مِنْ دَائِزَةٍ يَقْطَعُ مُ إِنَّ فِي نُقطَتِي س ، ص.
- 🕡 نَرْكُزُبِسِنِّ الْفِرْجَارِعِنْدَ كُلِِّ مِنْس.صوَبِفَتْحَةٍ مُنَاسِبَةٍ أَكْبَرَمِنْ نصف طُول <del>سص</del> نَرْسُمُ قَوْسَيْنِ مِنْ دَائِرَةٍ يَتَقَاطَعَانِ فِي هـ
  - 🔐 نَرْسُمُ جَمَ فَيَكُونُ جَمَ عَمُودِيًّا عَلَى ۗ ﴿ اِ



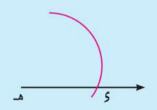
أَكْمِلْ: جه هُوَ ..... تَمَاثُلُ لِلْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ سَص

#### 🔭 إِنْشَاءُ زاوية مطابقة (مساوية في القياس) لزاوية معلومة



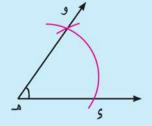
#### خُطُوَاتِ الْعَمَل:

نَرسم شعاعًا بدايته هـ ليمثل احدى ضلعى الزاوية المراد رسمها.



نركزبسن الفرجار عند بونرسم قوسًا من دائرة بسب الفرجار عند بونرسم قوسًا من دائرة يقطع الشعاعين بأ . بج عند أ . ج على الترتيب وبنفس الفتحة نركزبسن الفرجار عند هـ . ونرسم قوسًا من دائرة يقطع الشعاع عند ك

نركزبسين الفرجار عنيد أفي نفتح الفرجار فتحة تساوى أجر . ثم نركزبسن الفرجار عند و وبنفس الفتحة السابقة نرسم قوسًا يقطع القوس الأول في و



رسم هـ و فتكون  $\angle$  5 هـ و  $\equiv$   $\angle$  ....... (حيث الرمز  $\equiv$  يقرأ تطابق )

#### لا تنصيفُ قطعة مستقيمة

الْمُغْطَيَاتُ: أب قطعة مستقيمة معلومة المُعْطَلُوبُ: تنصيف أب

#### خُطُوَاتِ الْعَمَلِ:

- أرسم القطعة المستقيمة الباتية
- نركز بسنِّ الفرجار عند النقطة أ، ونفتح الفرجار فتحة مناسبة أكبر من نصف طول أب تقريبًا ثم نرسم قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين من أب.

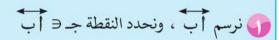


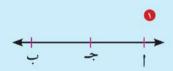
- نركز بسنِّ الفرجار عند ب و بنفس الفتحة السابقة نرسم قوسين من دائرة في جهتي أب يتقاطعان مع القوسين السابقين في نقطتي د، هـ.
- نرسم کُ هـ فيقطع اب في جـ فتكون نقطة جـ منتصف اب ا جـ

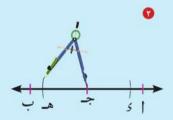
#### و إنشاءُ عمود على مستقيم مارُّ بنقطة تنتمي إلى المستقيم

المُعُطَيَاتُ: أَبُ مستقيم معلوم، جـ ∈ أب المُطُلُوبُ: رسم عمود على أب من نقطة جـ.

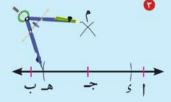
خُطُوَاتِ الْعَمَلِ:



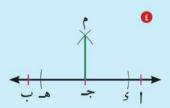




نركز بسنِّ الفرجار عند جـ وبفُتحة مناسبة نرسمُ قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين من النقطة جـ يقطعان أب في النقطتين كر، هـ



نركز بسنِّ الفرجار عند كل من كى، هـ و بفتحة مناسبة أكبر من طول - ك نرسم قوسينِ فيتقاطع القوسان في نقطة م.



نرسم  $\frac{}{}$  فیکون  $\frac{}{}$  فیکون  $\frac{}{}$  اب

#### تدرب

ارسم المثلثَ أب جـ حاد الزوايا ومختلف الأضلاع، ارسم محورَ تماثلٍ لكل ضلعٍ من أضلاعه " لاتمح الأقواس" هل محاورُ التماثل تتقاطعُ في نقطة واحدة.

#### ناقش

- أ إذا كان د هـ و مثلثًا منفرج الزاوية في هـ أين تتقاطع محاور تماثل أضلاعه؟
- ب إذا كان س ص ع مثلثًا قائم الزاوية في ص أين تتقاطع محاور تماثل أضلاعه ؟
- ج قس أطوال القطع المستقيمة الواصلة بين نقطة تقاطع محاور التماثل ورؤوس المثلث في كل حالة ماذا تلاحظ؟

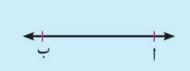
يستخدم الفرجار ذو السنين لقياس البعد بين نقطتين.

#### 🔀 رسمُ مستقيم من نقطة معلومة مواز لمستقيم معلوم

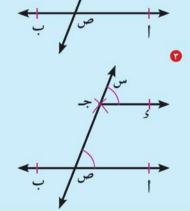
الْمُعُطَيَاتُ: مستقيم أب معلوم، ج لا أب

المُمَطِّلُوبُ: رسم مستقيم من نقطة جيوازي أب

خُطُوَاتِ الْعَمَل:









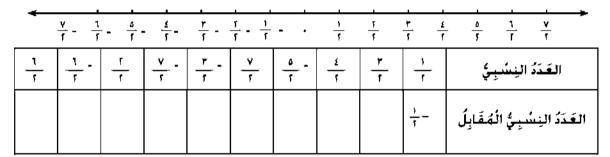
# الوحدة الأولى: الأعداد النسبية

مُجْمُوعَةِ الأَعْدَادُ الْنُسْ بِيَّةُ الْمُ

الدَّرْسُ الاَّوَّلُ

تمرین (۱ – ۱)

ا سُنَحُدِمْ خَطَّ الْأَعُدَادِ فِي كِنَابَةِ الْعَدَدِ الْمُقَابِلِ لِلْعَدَدِ النِّسُبِيِّ الْمَكْثُوبِ فِي الْجَدُولِ:



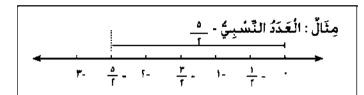
الأعداد النّشبية عَلَى خَطَّ الأعداد : 

أكُولِ الْأعداد النّشبية عَلَى خَطَّ الأعداد : 

إلى المنافذ الم

•			i				 		 		<b>→</b>	[ ] ]
	۲-		<u>í</u> -	1-	<u>"</u>	- <b>'</b>	r	1	٣	ŗ		
•	) - ]	<u>a</u> -			<u>-1</u> -			<u>r</u>		1	<b></b>	[ب]
•	<u>v</u> -		3 -		 - <del>1</del>		1 0		<u>£</u>	1	<b>→</b>	[جـ]
•	1 1 7		i							1 +	<b>→</b>	[د}

استَخْدِمِ السَّهُمَ للتَعَّبِيرِ عَنِ الأَعْدَادِ النُّسُبِيَّةِ الآتِيَةِ عَلَى خَطُّ الأَعْدَادِ :



٤ ضَعُ عَلاَمَةَ (√) أَمَامَ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ وَعَلاَمَةَ (×) أَمَامَ الْعِبَارَةِ عُيْرِ الصَّحِيحَةِ مَعَ ذِكْرِ السَّبَبِ:

- [ أَ الْغَدَدُ <del>لِ</del> ، عَدَدٌ طَبِيعِيٍّ. [ أَ الْغَدَدُ لِي عَلَيْ . [ )
- [ب] الْعَدَدُ يُ عَدَدٌ صَحِيحٌ.
- ( )  $\frac{1}{1}$   $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2}$
- [ د ] الْعَدَدُ ١,٥ ء عَدَدٌ نِسُبِّيٍّ.
- [هـ] الصَّفْرُلَيُسَ عَدَدَّانِسْ عِبَّامُ وجَبَّا وَلَيُسَ عَدَدًانِسْ عِبَّاسَ الْبِبًا. ( )
- الصَّفْرُ هُوَ عُنْصُرٌ مِنْ عَنَاصِرِ مَجْمُوعَةِ أَعْدَادِ الْعَدِّ.

أ ] لِمَاذَا بُكُنَبُ فِي تَغْرِيفِ الْعَدَدِ النِّسْبِيِّ لِللَّهُ بِ لِ صَفْر ؟

[ ب ] أَيُّ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ ﴿ ﴿ ، ﴿ لِكُنَّبُ عَلَى صُوَرِةِ عَدَدٍ عَشْرِيٌّ مُنْتَهٍ ؟

اكْتُبِ الأَغْدَادَ الأَتِيَةَ عَلَى الصُّورَةِ 1 : الْكُتُبِ الْأَعْدَادَ الْأَتِيَةَ عَلَى الصُّورَةِ

اكتُبِ الْأَعْدَادَ الآتِيَةَ عَلَى صُورَةِ أَعْدَادٍ عَشْرِتَةٍ ، نِسْبَةٍ مِنْوِبَّةٍ :

$$V = \frac{1}{r} [-\frac{1}{r}]$$

$$\frac{\tau}{t} \cdot [-1]$$

# مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

الدَّرُسُ الثَّاني

تمرین (۱<u>-۲)</u>

<ul> <li>١ ضع الْعَلَامَةَ الْمُنَاسِبَةَ(&lt; ، = ، &gt; ):</li> </ul>
---

] صف	[ هـ] عَدَدٌ نِسْبِيُّ مُوجَبٌ	🔲 صفر	1 - [1]
] صفر	[ و ] عَدَدٌ نِسُبِيُّ سَالِبٌ [	1 🗆	ا ب ] <del>- ر</del>
<u>'</u> [	]   <del>"</del> -  [ ; 1	۵- 🔲	<u>ز ا - آ ع</u>
<b>v</b> -1 [	]   1 <u>a</u> [ [_>]	□ ه	<u>ا د ] - ع</u>

 مَثَّلُ مَجُمُوعَاتِ الْأَعُدَادِ النِّسُبِيَّةَ الأَتِينَةَ عَلَى خَطٌّ الأَعُدَادِ ثُمَّ اكتُبُ عَنَاصِرَهَا فِي تَرْتِيبٍ نَصَاعُدِيٌّ:

$$\{1, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}\} = \{7, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}\} = \{7, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}, \frac{1}{5}\} = \{7, \frac{1}{5}, \frac{1}{5$$

آثِهُمَا أَكْبَرُ (وَضْحُ إِجَابَتَكَ)

اكْتُب عَدَدًا نسْبيًا مُنَاسِبًا في 🗌 لِكُل مِمَّا يَلِي:

$$\frac{1}{\Lambda} < \square < \frac{1}{2} \iff \square < \frac{r}{a} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{r}{V} - < \square < \frac{r}{12} - [-1]$$

$$\frac{r}{V} - < \square < \frac{r}{12} - [-1]$$

- 0 اكْتُبِ الْعَدَدَ النِّسُبِيَّ الَّذِي يُسَاوِي " وَمَجْمُوعُ حَدَّبُهِ ١٤؟
- اَ اَ اَكُنُبُ أَرْبَعَةَ أَعُدَادِ نِسْبِبَّةٍ ثَقَعُ بَيْنَ  $\frac{7}{4}$  ،  $\frac{7}{4}$  بِحَیْثُ یَکُونُ وَاحِدٌ مِنْهُهَا صَحِیحًا  $\frac{7}{4}$  .  $\frac{7}{4}$  بِحَیْثُ یَکُونُ وَاحِدٌ مِنْهُهَا صَحِیحًا  $\frac{7}{4}$  .  $\frac{4}{7}$  .  $\frac$

# جَمْعُ الأَعْدَادِ النِّسُبِيِّةِ

الدَّرُّسُ الثَّالِث

تمرین (۱ –۳)

### · بَيِّنُ أَيًّا مِنْ نَاتِج جَمْعِ الْأَعْدَادِ النِّسُبِيَّةِ الْأَتِيَةِ مُوجَبٍّ وَأَيُّهَا سَالِبٌ :

$$(\frac{1}{r} - ) + \frac{1}{r} (-1)$$

$$(\frac{1}{2} - ) + \frac{\gamma}{2} - [\frac{1}{2}]$$

$$\frac{r}{\Delta} + \frac{1}{\Delta} - [-\Delta]$$

$$(\frac{r}{v}) + \frac{1}{v} [-1]$$

$$(\frac{1}{10} -) + \frac{1}{100} - [9]$$

$$(\frac{11}{4}-)+\frac{11}{4}$$

### ٢ احسبُ قِيمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَةِ:

$$\frac{r}{11} + \frac{q}{11} - [-1]$$

$$(\frac{1}{4}) + \frac{r}{3} - [\frac{1}{3}]$$

$$(\frac{79}{11})+\frac{19}{11}$$
 [ > 1

$$\frac{\int_{\Lambda}^{\Delta}}{\Lambda} + \frac{1}{2} \left[ -\frac{1}{2} \right]$$

## ٣ احْسبُ قِيمَهَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ : هَلُ نَاتِجُ الْجَمُع عَدَدٌ نِسْيِيٍّ ؟

$$\{\xi \frac{1}{1!} - \} + A \frac{1}{1!} - [a]$$

$$(\Delta \frac{1}{1} -) + A \frac{r}{r} [1]$$

$$[-\frac{r}{4} + 10\frac{1}{r} - [-1]$$

$$\left[\frac{\gamma}{\Lambda} + \frac{1}{2}\right] = \frac{1}{2}$$

### اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين:

$$\left[\begin{array}{c} \frac{V_{-}}{o} & \frac{V_{-}}{o} & 1 - i \end{array}\right]$$

(i) ناتج جمع 
$$\frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$$
 يساوى.... [ ۱ ، - ۱ ،  $\frac{\sqrt{1 - 1}}{6}$  ،  $\frac{\sqrt{1 - 1}}{6}$  )

$$\left[\frac{11}{11}, \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{6}, \frac{11}{11}\right]$$

# ﴿ خَوَاتٌ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النِّسُبِيَّةِ

الدَّرْسُ الرَّابِع

تمرین (۱ –٤)

اكتُبُ خَاصِّيَّةَ جَمْعِ الْأَعُدَادِ النِّسْبِيَّةِ الْمُسْتَخْدَمَةِ فِي كُلِّ مِمَا يَأْتِى:

$$(-\frac{\eta}{2} + (-\frac{\eta}{2}) = -\frac{\eta}{2}) = -\frac{\eta}{2}$$

$$\frac{\gamma}{2} - \pi \left(\frac{\gamma}{2}\right) = -\frac{\gamma}{2}$$

$$\frac{v}{f} + \frac{4}{11} = \frac{4}{11} + \frac{v}{f} [1]$$

$$[[\frac{1}{1}]+\frac{1}{r}]+\frac{r}{r}]+\frac{r}{r}=(\frac{1}{1})+[[\frac{1}{r}]+\frac{r}{r}]+\frac{r}{r}][-\frac{1}{r}]$$

٢ اخسِبُ كُلًّا مِمَّا يَأْتِي:

$$(\frac{r}{3} + \frac{r}{3} - ) + \frac{a}{3}$$
 [ a ]

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{1} & \frac{\lambda}{V} + cnin \end{bmatrix}$$
  $\begin{bmatrix} \frac{1}{1} & \frac{\lambda}{V} + (\frac{1}{1} - \frac{\lambda}{V}) \end{bmatrix}$   $\begin{bmatrix} \frac{1}{1} & \frac{\lambda}{V} + (\frac{\lambda}{V} - \frac{\lambda}{V}) \end{bmatrix}$ 

$$\frac{1}{5} + \left[ \left( \frac{1}{5} - \right) + \frac{1}{5} \right] = \frac{1}{5}$$

$$(\frac{\gamma}{4} -) + [(\frac{2}{4} -) + \frac{1}{4}]$$

" اكْتُبِ الْمَعْكُوسَ الْجَمْعِيَّ لِكُلِّ مِنَ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ الْأَتِيَةِ :

} أكمل

$$[(11\frac{1}{r}-)+11\frac{1}{r}]+\cdots=(11\frac{1}{r}-)+12\frac{1}{r}[1]$$

$$\cdots + \left[ \left( \frac{hk}{h} - \right) + \frac{kk}{h} \right] = \left( \frac{kk}{h} - \right) + \frac{kk}{h} \quad [ \rightarrow ]$$

٥ اسْنَخْدِمْ خَوَاصٌّ جَمُعِ الْأَعْدَادِ النُّسْبِيَّةِ فِي نَسْهِيلِ إِجْرَاءِ العَمَلِيَّاتِ الآنِيَةِ فِي آبُسَطِ صُورَةٍ :

$$(11\frac{1}{2}-)+V\frac{1}{2}[1]$$

$$\frac{r}{i} + \frac{i}{a} + \frac{r}{r} \left[ \psi \right]$$

$$\sqrt{\frac{r}{\Lambda}} + 17\frac{1}{\Lambda} - [---]$$

# طَرْحُ الأَعْدَادِ النِّسُبيَّةِ

الدَّرُسُ الخامس

تمرین (۱ –٥)

() ضَعْ عَلَامَةَ (٧) أَمَامَ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ وَعَلَامَة (×) أَمَامَ الْعِبَارَةِ عُيْرِ الصَّحِيحَةِ :

$$\frac{1\pi}{4} = \frac{1\pi}{4} = \frac{1\pi}{4} = \frac{1\pi}{4}$$

$$\frac{r}{a} + \frac{r}{\xi} - = \frac{r}{a} - \frac{r}{\xi} - [ \ a \ ]$$

$$(\frac{y}{4} - ) + \frac{q}{11} = (\frac{y}{4} - ) - \frac{q}{11} [\frac{q}{1}]$$

$$V \frac{1}{15} + W \frac{1}{1} - = (V \frac{1}{15} - ) - W \frac{1}{1} - [-]$$

أَلُ مِمَّا يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَة :
 أَنْ مُمَّا يَأْتِي فِي أَبْسَطِ صُورَة :

$$(-\frac{1}{2} - (-\frac{1}{2}))$$
 جــا صِفْرٌ - (-

$$1 \int_{11}^{\frac{1}{11}} - \int_{1}^{\frac{1}{1}} - [9]$$

$$\frac{1}{1} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$[-1, -1, \frac{1}{4}]$$
 [4]  $[-1, \frac{1}{4}]$ 

٣) أكمل ما يأتى:

$$....=1$$
 فإن  $w + \frac{1}{Y} + \frac{1}{Y}$ 

$$1-=\frac{1}{Y}-\ldots($$

د) ناتج جمع 
$$\frac{1}{7} + \frac{7}{7}$$
 يساوى المعكوس الجمعى للعدد .....

$$\frac{1}{Y} = + + \frac{\pi}{2}$$
,  $\frac{\pi}{2} = + + \frac{\pi}{2}$ ,  $\frac{\pi}{2} = + + \frac{\pi}{2}$ ,  $\frac{\pi}{2} = + + \frac{\pi}{2}$ 

فأوجد قيمة:

# ضَرْبُ الْأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ السَّنادِس

### تمرین (۱ –٦)

### ١ احُسبُ قِيهَةَ كُلُّ مِمَّا يَأْتِي:

$$\frac{f}{\sqrt{x}} \times \frac{r}{\sqrt{x}} = \frac{f}{\sqrt{x}} \times \frac{r}{\sqrt{x}} = \frac{f}{\sqrt{x}} \times \frac{r}{\sqrt{x}} = \frac{f}{\sqrt{x}} \times \frac{r}{\sqrt{x}} = \frac{f}{\sqrt{x}} = \frac{f$$

### ٢ أَوْجِد الناتجَ في كلِ مما يَلِي:

$$(\frac{1}{10} - \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} - \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$$

### ٣ أَوْجِد ناتجَ ما يَلِي:

$$(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \times \frac{1$$

إذا كانت أ = 
$$\frac{\gamma}{8}$$
 ا، ب =  $\frac{17}{8}$  ، ج =  $\frac{\gamma}{8}$  فأوجد القيمة العددية لما يأتي:

۱) أ ب ج + 
$$\pi$$
 () أ ب - ج () أ ب - ج () أ ب ج +  $\pi$  () أ ب الله أوجد في أبسط صورة قيمة كل من: () أ ب +  $\frac{1}{\pi}$  () أ ب +  $\frac{1}{\pi}$  ()

# الدِّرُسُ السابع ﴿ خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الضَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعُدَادِ النِّسْبِيَّةِ

تمرین (۱ –۷)

## اكْتُبُ خَاصَّيَّةَ ضَرُبِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الْمُسْتَخْدَمَةِ فِي كُلُّ مِمَّا يَأْتِي: -

$$[c] \frac{a}{2} \times i = \frac{a}{2}$$

$$\left(\frac{1}{r}-\right)\times\frac{r}{r}=\frac{r}{r}\times\frac{1}{r}-\left[\frac{1}{r}\right]$$

$$1 = (\frac{v}{v} - ) \times \frac{v}{v} - [-1]$$

$$\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{r}} - \mathbf{x} \left( \mathbf{i} \times \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{r}} \right) = \left( \mathbf{i} \times \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{r}} \right) \times \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{r}} - [\underline{\mathbf{x}}]$$

٢ أكمل:

$$f = ..... \times \frac{i}{i!} - [a]$$

$$\cdots \times \frac{\underline{t}}{a} = (\frac{\underline{t}}{a} - ) \times \frac{f}{r} [1]$$

$$[\psi] \frac{1}{\eta} (7 + \frac{1}{7}) = \frac{1}{\eta} \times 7 + \dots$$

$$.... = \frac{\gamma}{r} \times \frac{r}{\mu} [---]$$

### ٢ أَوْجِدُ قِئْمَةً س فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

$$1 = \frac{10}{\pi} \times \omega$$
 [ a ]

$$w = \frac{r}{v} - x \frac{v}{r} - [-a]$$

$$\frac{a}{v} = w \times \frac{a}{v} [1]$$

$$|-1-\frac{v}{\pi}| \times |-1|$$
 س × صفر

$$\left(\frac{r}{a}\right) \times a + \frac{1}{f} \times \omega = \left[\left(\frac{r}{a}\right) + \frac{1}{f}\right] \omega$$

### إِشْنَخُدِمْ خَاصَّيَةَ تَوْزِيعِ الضَّرْبِ عَلَى الْجَمْعِ فِي تَسْهِيلِ إِجْرَاءِ الْعَمَلِيَّاتِ الأَيْيَةِ:

$$(\frac{r}{v}-)+(\frac{r}{v}-)\times\delta+\Lambda\times\frac{r}{v}-[---]$$

$$\frac{\Gamma a}{q} \times (\frac{\gamma}{V} -) + \frac{\Gamma a}{q} \times \frac{1A}{a} [ \ a \ ]$$

$$11 \times \frac{2}{4} + 11 \times \frac{2}{4} + 11$$

$$4 \times \frac{a}{11} + 7 \times \frac{a}{11} [\psi]$$

# قِسْمَةُ الأَعْدَادِ النِّسْبِيَّةِ

الدَّرُسُ الثَّامِن

تمرین (۱ –۸)

١ احسبُ فِيهَةَ كُلِّ مِهَّا بَأْتِي هَعَ وَضْعِ الثَّاتِجِ فِي أَبْسَطِ صُورَةٍ:

$$(\frac{10}{v} - ) \div \frac{\Lambda}{v} [ \psi ]$$

$$(V-) \div \frac{r}{A} [g]$$

$$(\frac{1}{v} - ) + 11 - [--]$$

٢ احسبُ فِيهَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي مَعَ وَضْعِ النَّاتِج فِي أَبْسَطِ صُورَةِ:

$$1\frac{1}{12} \div 2\frac{7}{7} - [--]$$

$$\Delta \frac{1}{r} \div \Gamma \frac{1}{4} - [1]$$

$$(\frac{r-1}{\Lambda}-)\div \frac{r}{\xi}-[-]$$

٢ احسبُ فِيمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي مَعَ وَضْعِ النَّائِجِ فِي أَبْسَطِ صُورَةِ:

$$\lceil \frac{1}{2} \div \rceil \cdot [-+]$$

$$(\frac{r}{v}) \times (\frac{q}{r_0} \div \frac{1\Lambda}{\Lambda}) [1]$$

$$(\frac{9}{16}-)+[(\frac{0}{V}-)\times\frac{17}{10}-1[-3]$$

$$\frac{1-\frac{1}{q}}{q} \div (2\frac{f}{r} \times 1\frac{f}{r} - )[-1]$$

إِذَا كَانَ س = " ، ص = - أ ، ع = - ؟ فَأَوْجِد فِي أَبْسَطِ صُورَةِ القِيمَةَ الْعَدَويَّةِ لِكُلِّ مِنُ:

## تطبيقات على الأعداد النسبية

### تمرین (۱ –۹)

### ﴿ حَوْظِ الْإِجَابَةَ الْصَّحِيحَةَ:

$$\begin{bmatrix} \frac{1}{7} & \frac$$

أَوْجِدُ عَدَدًا نِسْبِبًا بَفَعُ عند مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَئِنَ:

$$\frac{4}{\xi\Gamma} - \frac{\gamma V}{11} - [ \ z \ ] \qquad \qquad \frac{2}{4} \cdot \frac{\gamma}{\Lambda} [ \ 1 \ ]$$

$$\Delta \frac{\delta}{4} - \frac{\xi}{6} - [ \ \Delta \frac{\gamma}{6} - [ \ \Delta \frac{\gamma}{11} ] - [ \ \omega ] \qquad \qquad \frac{\gamma}{\xi} \cdot \frac{V}{11} [ \ \omega ]$$

$$A \frac{1}{V} \cdot \frac{\gamma}{V} - [ \ g \ ] \qquad \qquad \frac{1}{\Gamma \alpha} - \frac{13}{4} - [ \ \omega ]$$

المنجهة الأصغر) الله المُسَافَةِ بَيْنَ: 
$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$
 (منجهة الأصغر)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  (م

ينساب الماء خلال أنبوب بمعدل - ٣ لتر في الدقيقة، . ما عدد الدقائق التي يملأ فيها ٤ خزانات مياه سعة الواحد ٣٩ لترا؟

#### تمارين متنوعة

## أَمَامَ الْعِبَارَةِ الصَّحِبِحَةِ وَعَلَامَةَ (x) أَمَامَ الْعِبَارَةِ خَيْرِ الصَّحِيحَةِ:

( ) 
$$\frac{1}{a}$$
 مَعْكُوسٌ ضَرُبِيٍّ لِلْعَدَدِ النِسْبِيِّ  $\frac{1}{a}$ 

[ ز ] 
$$\frac{r}{w-r}$$
 هُوَ الْمَعُكُوسُ الْجَمُعِيُّ لِلْعَدَدِ الْنسبي  $\frac{r}{r-w}$  حيث  $w \neq r$  ( )

( ) 
$$\frac{r_0}{r_1}$$
  $\frac{r_0}{r_1}$   $\frac{r_0}{r_1}$  [4]  $\frac{r_0}{r_1}$   $\frac{r_0}{r_1}$   $\frac{r_0}{r_1}$ 

### 

$$\begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \qquad \cdots = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

$$[-9, \frac{1}{9}, \frac{1}{9}, \frac{1}{9}, \frac{1}{9}]$$
 ... = ...  $[-9, \frac{1}{9}, \frac{1}{9}, \frac{1}{9}, \frac{1}{9}]$ 

$$[\frac{q}{1}] \frac{\eta}{1} + \frac{\eta}{1} + \frac{\eta}{1} + \frac{\eta}{1} = \frac{\eta}$$

$$[1..7..20.13]$$
  $= ...$   $= ...$   $= ...$   $= ...$   $= ...$   $= ...$   $= ...$   $= ...$ 

### " أَكُمِلُ بِنَفْسِ النَّسَلُسُلِ:

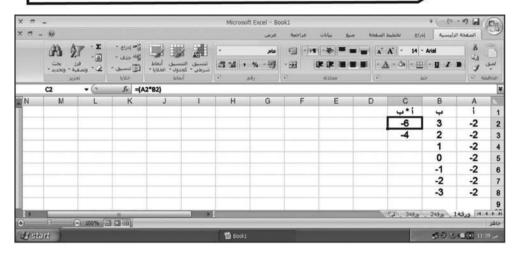
$$\frac{\frac{\nu}{\xi}}{A}, \dots, \frac{1}{\Lambda}, \frac{1}{\Lambda}, \dots, \frac{1}{\Lambda}, \frac{1}$$

## ¿ إِذَا كَانَ س = - أَ ، ص = أَ ، ع = -٣ . أَوُجِدِ الْقِبِمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِكُلُّ مِمَّا يَأْنِي:

# أنشطة الوحدة

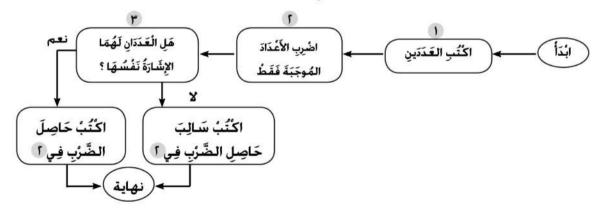
اسُــتَخُدِمُ بَرْنَامِج الجَدَاوِلِ الحِسَابِيَّةِ (إِكُسِل) فِي إِيجَادِ حَاصِلِ ضَرُبِ عَدَدَيُنِ صَحِيحَيُن: ● اضُغَطُ عَلَى زرِّ ابُدَأَ (start) فِي شَرِيطِ الْمَهَامِّ

- منْ قائمة بَرَامجَ (programs) وَاخْتَرُ Microsoft Excel
- تَسُــتَطِيعُ إِجُــرَاءَ نِعُبِئَــةِ نِلُقَائِبَـّـةٍ (Autofill) بِنَسُــخ الصِّبغَةِ مِــنُ خَلِيَّةِ ع إِلَى مَدَى « c.: c.»



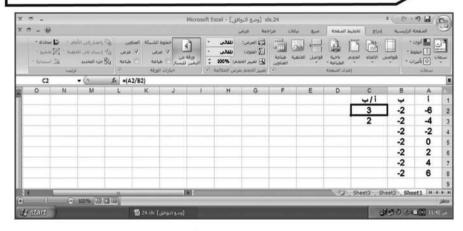
[ أَ ] أَكُمِل الْجَدَاوِلَ الْحِسَابِيَّةَ حَتَّى الصَّفِّ ١٥ بِقِبَمٍ أُخْرَى لِلأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ ٩ ، ب [ب] احْفَظِ الْعَمَل فِي الْمَلَفِّ الخَاصِّ بِكَ

خَرِيطَةُ سَيْرِ الْعَمَلِيَّاتِ تُسَاعِدُكَ فِي إِيجَادِ حَاصِلِ ضَرْبِ الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ:



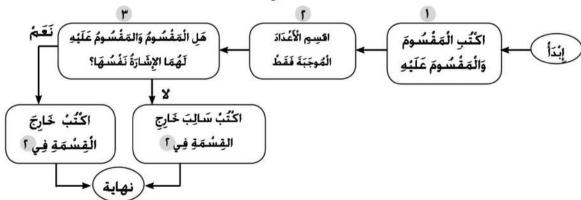
نشاط ۲

اسْتَخُدِمُ بَرُنَامَجَ الْجَدَاوِلِ الحِسَابِيَّةِ (إِكْسِيل) فِي إِيجَادِ خَارِجِ فِسْمَةِ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْن: تَسْتَطِيعُ إِجْرَاءَ وتَغْبِئَةِ تِلْفَائِيَّةٍ (Autofill) بِنَسْخ الصِّيغَةِ مِنْ خَلِيَّةٍ ، و إِلَى مَدَى ، c, : c



[ أ ] أَكُمِلِ الْجَدَاوِلَ الْحِسَابِيَّةَ حَتَّى الصَّفِّ ١٥ بِفِيَمٍ أُخْرَى لِلْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ ب، ﴿ [ ب ] احُفَظِ الْعَمَل فِي الْمَلَفِّ الخَاصِّ بِكَ

خَرِيطَةُ سَيْرِ الْعَمَلِيَّاتِ تُسَاعِدُكَ فِي إِيجَادِ خَارِجٍ فِسُمَةِ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ:



## اخْتِبَارُ الوَحْدَةُ

### ١ أَكْمِلُ:

أ ] الْمَعُكُوسُ الضَّرْبِيُّ لِلْعَدِدِ النَّسْبِيِّ - يَٰ هُوَ .....

1 ب ] لإِيجَادِ خَارِجِ فِسُمَةِ - ٧ عَلَى - ٦ بَجِبُ أَنْ نَضْرِبَ ..... × .....

آجــا صِفُرٌ + ( - 12 ) = ·····

.....  $= (\frac{r}{2} - ) \times \frac{\ell}{r} - [ \rightarrow ]$ 

ا هـ العَدَدُ النَّسُبِيُّ الَّذِي يَفَعُ عند مُنْتَصَفِ المَسَافَةِ بَيْنَ أَنَّ مُ مُوَّ .....

 $\cdots \times \frac{1}{r} \cdot 1 \times \frac{1}{r} = (\frac{1}{r} \cdot 1) \times \frac{1}{r} [9]$ 

٢ أَوْجِدُ فِيهَةَ س الَّتِي تَجُعَلُ الْعِبَارَةَ الرَّبَاضِيَّةَ الْأَيْهَة صَحِيحَةً:

$$\omega = \frac{a}{r} - \times \frac{r}{a} - [1]$$

$$\frac{T_{\frac{1}{\mu}}}{-} = \omega \times \frac{T_{\frac{1}{\mu}}}{-} - [-1]$$

[جـ] المَعْكُوسُ الضَّرْبِيُّ لِلْعَدَدِ النَّسْبِيِّ <del>" ا</del> هُوَ س

$$\left[ c \right] w \times \left[ \frac{\gamma}{\gamma} - \right] + \left[ \frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} + \frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} + \frac{\gamma}{\gamma} \times \frac{1}{\gamma} \right]$$

٢ احسبُ قِيمَةَ كُلُّ مِمَّا يَأْتِي:

$$\frac{fr}{fa} \times f - \frac{fr}{fa} \times \frac{1V}{1T} + \frac{fr}{fa} \times \frac{V}{1T} I = 1$$

$$[(\frac{2}{a}-)+\frac{r}{1}]\times(\frac{r}{v}+\frac{1}{r})$$

$$(\frac{1}{r} - \frac{1}{r}) \times \frac{r}{s} [1]$$

$$\left(\frac{4}{10}-\right)+\frac{7}{6}\left(-\frac{1}{10}\right)$$

$$\lceil \frac{1}{\epsilon} + \gamma \frac{1}{\epsilon} - [ \rightarrow ]$$

إِنْ الْمَاءُ خِلالَ أُنْبُوبٍ بِمُعَدَّلٍ الْمَاءُ خِلالَ أُنْبُوبٍ بِمُعَدَّلٍ اللَّهِيقَةِ ، مَا عَدَدُ الدَّفائِقِ الَّتِي بُمُلاً فِبَها ٣ خَزَانَاتِ مِبَاهِ سَعَةُ الْوَاحِدِ ١٠ لِثُرًا؟

[ب] مَا عَدَدُ فِطَعِ السِّلْكِ الَّتِي يُمُكِنُ تَفْسِ بِمُ كُلُّ مِنْهَا بِالْتسَاوِي إِلَي ۖ \* مِترِ مِنْ فِطُعَةٍ طُولُهَا اللهِ عَالِي اللهِ عَلَى يُوجَدُ فِطُعَةٍ طُولُهَا ؟ مِترًا · هَلُ نُوجَدُ فِطُعَةٌ بَاقِبَةٌ ؟ ومَا طُولُهَا ؟

- ٥ ضَع الْعَلَامَةَ الهُنَاسِبَةَ ( < ، = ، > ):
- ر أ ي ۳ ا ي ا ع ي ا
  - [ب] ۲<del>۱</del> س
    - [جـاً پ صفر

- $1\frac{1}{f}$   $\left| \frac{1}{f} \frac{1}{f} \right|$
- $[a] \frac{q q}{q}$
- $10\frac{5}{r}$   $\frac{512}{15}$  10
- ا أَ ا إِذَا كَانَ س =  $\frac{7}{1}$ , ص =  $-\frac{1}{2}$ , ع = -1 ، فأو جد الْقِيمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِكُلُّ مِمَّا يَأْتِي:
  - $\frac{1}{\omega \omega} (7) \qquad \frac{\varepsilon}{\omega} \frac{\omega}{\omega} (5) \qquad \omega \div \varepsilon \omega (1)$ 
    - $\frac{99}{1..} \times ... \times \frac{1}{a} \times \frac{r}{1} \times \frac{r}{r} \times \frac{1}{r} : \frac{1}{r} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{a} \times ... \times \frac{1}{a} \times \frac{1}{r} \times \frac{1}{r}$
    - مَا نَاتِجُ حَاصِلِ الضَّرْبِ إِذَا كَانَ أَخِرُ عَدَدٍ نِسُبِيٍّ فَ أَ ؟

# الوحدة الثانية: الجبر

# الحُدُودُ وَالمَقَادِيرُ الجَبْرِيَّةُ

الدَّرُسُ الْأَوَّلُ

تمرین (۲ – ۱)

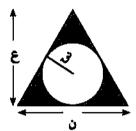
### المُّعُولِ الْجَدُولَ الثَّاليّ

تَرَجَّهُ الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ	مُعَامِلُ الحَدُّ الْجَبُرِيُّ	الحَدُّ الْجَبْرِيُّ
مىقر	٧-	٧-
r=f+1	Ť	۲ ﴿ بِ٢
		۳
		۷ ﴿ بِ*ح
		- ۸ س <sup>ا</sup> پ
		س ص ً

### ٢ أكُمِلِ الْجَدُولَ الثَّاليَّ:

نَرَجَهُ المِفْدَارِ الْجَبْرِيُّ	اسُمُ المِقْدَارِ الجَبْرِيُّ	عَدَهُ حُدُودِ الْمَقْدارِ الْجَبْرِيِّ	الْمِغْدَارُ الْجَبِّرِيُّ
1	مِفْدَارٌ نُوُ حَدُّ واحِدٍ	1	۳۰ ۴۹ پ
r	مِفْدَارٌ نُو حَدَّيُنِ	r	۲ س <sup>۲</sup> - ص
	مِفْدَارٌ ثَلَائِيٌ		۵ س" - ۷س +٤
			۲ <b>۱</b> ۱ پ ۲۰ ۱ پ <sup>۱</sup> - ۱ پ
			س ٔ ص ؒ - ۲ س ص ٔ
			ا ب-۳ (ب <sup>۳</sup> - ۱۹ (پایون

[ أ ] رَثِّبِ المِفْدَارَ الجَبْرِيِّ ٧ ﴿ ب + ٥ ﴿ و ب " - ٣ ﴿ أ ب و حَسْبَ أُسُسِ ﴿ الثِّنَازُلِيَّةِ.
 [ ب ] رَثِّبِ المِفْدَارَ الجَبْرِيِّ ٥ س + س أ - ٧ + س " حَسْبَ أُسُسِ س النَّصَاعُدِيَّةِ.



مِسَاحُهُ الدَّائرَةِ - ط ف ا

٤ فِي الشَّكُلِ المُقَابِل:

اكُتُبِ الْمِفْدَارَ الْجَبْرِيِّ الَّذِي يُعَبَّرُ عَنْ مِسَاحَةٍ المِنَطَقَةِ المِظَلِّلَةِ ثُمَّ اذْكُرُ دَرَجَتَهُ.

### الكمل ما يأتى:

أ ) إذا كان الحدان الجبريان ٢  $| ^{7}$  ب $^{1}$  ،  $^{1}$  ،  $^{0}$  الأب  $^{7}$ 

من الدرجة التاسعة، فإن ن = ....، م = .....

ب) إذا كانت درجة الحد الجبرى ٣ س ص ص هي درجة الحد الجبرى ٢ الوفإن م = ....

ج) درجة المقدار الجبرى ٢ س + ٣ ص مه هي . . . .

د ) معامل الحد الجبرى ٣٢ هو .... ودرجته هي ....

اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين :

أ) درجة الحد الجبري س عص تساوى درجة الحد الجبري . . . .

[" س ' ص '، س ' ص "، س أ ص '، ص ا س ا

ب) عدد عوامل الحد الجبرى س هو . . . .

[", 1, 7, 7]

ج ) درجة المقدار الجبرى ٢ س + ٣ ص م هي ...

[الأولى، الثانية، الثالثة، الرابعة]

# الْحُدُودُ المُتَشَابِهَــةُ

الدَّرْسُ الثَّانِي

تمرین (۲ –۲)

### ١ أَكْمِلِ الْجَدُوّلَ النَّالِيَ

الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ خَبْرُ المُنَشَّابِهَةِ	الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ الْمُتَسَّابِهَةً	الْحُدُودُ الْجَيْرِيَّةُ
	- 1 س،س	- آس ، آس ص ، س ، - ص
۲۴ پ، - اب		- اباً ١٠ ال ب ٣ يا ابـ اب
		س ٔ ص ٔ ، س ٔ ، ص ٔ ، ۳۰ س ٔ ص ٔ
		የም ነት . ነት ደ ነት ም

### ٢ اخْتَصِرُ كُلًّا مِنَ الْمَفَايِيرِ الجَبُرِيَّةِ الآتِيَّةِ:

(1)

### اكْتُبُ كُلًّا مِنَ الْهَ فَايِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الأَيْهَةِ الَّتِي تُعَبَّرُ عَنْ مجموع المِسَاحَاتِ لكل شكل:

آ س	† <sub>ou</sub> ā
1	14س

[جــا



[ب]



## ¿ اخْتَصِرُ كُلًّا مِنَ الْمَفَايِيرِ الْجَبُرِيَّةِ الآتِيَةِ:

# الدَّرْسُ النَّالِثُ ﴾ ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُها

#### تمرین (۲ –۳)

#### أَجُر عَمَلِيَّاتِ الضَّرُب وَالْفِسُمَةِ الأَيْهَةُ:

### أَجُر عَمَلِبَّاتِ الضَّرْبِ الأَيْيَةِ:

$$[\stackrel{\uparrow}{l}] \frac{1}{\sqrt{l}} \stackrel{\uparrow}{l} \times \frac{1}{\sqrt{l}} \stackrel{\uparrow}{l}$$

$$[\stackrel{\downarrow}{\psi}] \frac{1}{\sqrt{l}} \stackrel{\uparrow}{l} \times [\stackrel{\uparrow}{l}] \stackrel{\uparrow}{l}$$

$$[\stackrel{\downarrow}{\psi}] \frac{1}{\sqrt{l}} \stackrel{\uparrow}{\psi} \times \frac{1}{\sqrt{l}} \stackrel{\uparrow}{\psi}$$

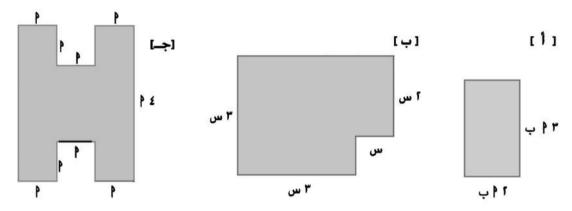
### ٣ أَكْمِلُ:

## ادا ۱۹۸ ب سس×۱۹۹ ب ا و ا عدر اص × ا س ص × ا س ص × ...

[د] ۳س<sup>۳</sup> × بس<sup>۳</sup> س

 $(CV-) \times {}^{\dagger}C \xrightarrow{1} \times {}^{\dagger}C \times 1 = 1$ 

## ٥ احسبُ مُحِيطَ وَمِسَاحَةَ كُلِّ شَكْلٍ مِنَ الأَشْكَالِ الأَتِيَةِ:



### 7 احْسبِ الْمِسَاحَةَ الكُلِّيَّةَ وَحَجْمَ كُلِّ مُجَسِّمٍ:



وضعت ثلاث كرات متماثلة ومتماسة داخل صندوق على شكل متوازى مستطيلات بحيث تلامس الكرات جميع أوجه الصندوق المقابلة لكل كرة. احسب النسبة بين حجم الكرات الثلاث وسعة الصندوق [ علماً بأن حجم الكرة =  $\frac{3}{7}$  ط نق $^7$ ، ط = 7.18

# ﴿ جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الجَبْرِيَّةِ وَطَرْحُها

الدَّرْسُ الرَّابِعُ

تمرین (۲ – ٤)

١ أَوْجِدُ مَجْمُوعَ كُلِّ مِنْ:

T+ ~ T - [~ - 1 - ~ 0 + [~ T [ - ]

V+w 2- 'w -, I - w 2 - 'w" [--] "-- "- 1 - 1 - "P. "- P F - "P T - 1 - 1

[ج\_] (+ 1 ب + ۳ من (- ۳ ب + ۵

[ د ] - س ا \_ ٤ س + ٧ مِنْ ٣س - ٤ س - ١

٢ أَوْجِدُ مَجْمُوعَ كُلِّ مِنَ المَقَادِيرِ الآتِيَة:

[ب] ۲۰-۵ - ۷۰-۱۳ [أ] ٣س-٤ص٠١

\_ ۳ س ۷ + ص ۳ \_

٧س + ص - ٣ ع +٣ -1 س - ۵ ص + ٤ ع - ١

[ج\_] ۵ س + اص - ع + ا

- ۲+ ک ب + ح - ۵

r+>r+

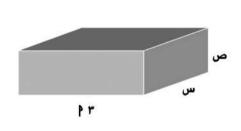
٣ اطْرَحُ:

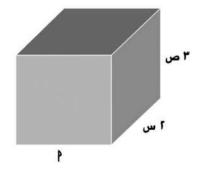
[أ]س-آمنًاس-۵

[ب] ا س + ا ص - ٧ مِنْ ا س - ٥ ص +١

آ أ ] مَا زِيَادَةُ س ً - 0 س - 1 عَنْ ٣ س ً + ٢ س - ٣ [ب] مَا نَقُصُ ٢ ٩ - ٨ ب - ح عَنْ مَجْمُوع ٣ ٩ - ٣ ب + ح ، ١ ٩ - ٤ ب - ٨ ح

في الشَّكُل التَّالى: احسب الْمسَاحَةَ الكُلِّيَّةَ لِلْمُجَسَّمَيْن مَعًا.





# ﴿ ضَرْبُ حَدٍّ جَبْرِيٍّ فِي مِقْدَار جَبِرِيٍّ

الدَّرْسُ الْخَامِسُ

## تمرین (۲ –٥)

الشُّكُلُ الْمُقَابِلُ مُسْتَطِيلٌ بُعُدَاهُ س. ص + ١ س مُفَسَّمٌ إِلَى جُزَّأَين.

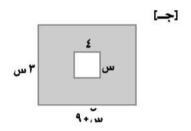


[ ب ] أَوجِدُ حَاصِلَ ضَرَب بُعُدَى الْهُسْتَطيل.

[ج] قارن الإَجَابَاتِ فِي (أ) ، (ب) .

مَا الخَاصِّيَّةُ الْمُسَتخْدَمُةُ الَّتِي يُوَضِّحُهَا الشَّكُلُ؟

٢ أَوْجِدُ مِسَاحَةَ كُلِّ شَكْلٍ مِنَ الْأَشْكَالِ الْأَتِيَةِ:

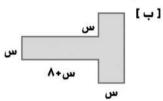


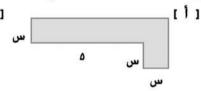
(T - P) P

(クア・リ) クトー

[;]

[\_\_]





٣ أَجْرِ عَمَليَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَةَ:

- ٤ ( ٢ س ٣) [م] ۲ له ٔ - ۳ ل ۷-[ 9 ]

- ۳ (ص + ۳)

أوجد ناتج عمليات الضرب الآتية :

[جـ] ل م' (ل' - ٣ - ل - ٤ - ') [ب] اس ص + ص ا س ص + ص ا

[ ]

هُ اخْتَصِرِ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِي: ٣ ( ١ - ١ س) - (س - ٥ س + ٣) + ١س (س + ٣) ثُمَّ أَوْجِدِ القِيمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلْمِقْدَارِ عِنْدَمَا س = - ١

# ﴿ضَرُبُ مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ مُكَوَّن مِنْ حَدَّيْنِ فِي مِقْدَارٍ جَبِرِيٍّ آخَرَ

## الدَّرْسُ الْشَادِسُ

### تمرین (۲ – ۲)

#### ﴿ أَجُرِ عَمَلِيَّاتِ الطَّرُبِ الآتِيَةَ:

#### ٧ اخْتَصِرُ لِأَبْسَطِ صُورَةٍ:

[ د ] ٤ (س ص - ۲) <sup>1</sup>

[ هـــا (۲ س+صر) <sup>ا</sup>

(V+ C2) (V - C2) [g]

(9 - C)[-) (9 + C)[-) [->]

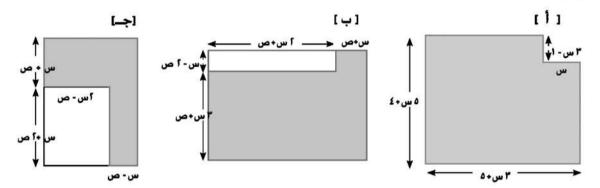
[ز] (اس-أص)(اس+أص)

### ﴿ وَوْطِ الْإِجَابَةَ الْصَّحِبِحَةَ:

[ 
$$1$$
 ]  $\frac{1}{2}$   $\frac{1}{2$ 

[4. 
$$[4. 7]$$
]  $[4. 7]$   $[4. 7]$   $[4. 7]$   $[4. 7]$   $[4. 7]$ 

## اكْنُبُ مِفْدَارًا جَبُرِيًّا يُعَبِّرُ عَنْ مُحِيطِ وَمِسَاحَةِ كُلِّ جُزْءٍ مُظَلَّلِ فِي الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ:



### اضْرِبُ ثُمَّ أَوْجِدِ الْفِيهَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلْمِفْدَارِ عِنْدَهَا س = ١ ، ص= - ١

### ٦ أَجُرِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرُبِ الْأَتِيَةَ:

# التَّرْسُ السَّابِعُ ﴾ قِسْمَةُ مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدٍّ جَبرِيٍّ

تمرین (۲ –۷)

الزُّمُوزُ فِي الْحُدُودِ وَالْمَفَادِيرِ الْجَبُرِيَّةِ الْأَيْيَةِ ثُمَثُّلُ أَعْدَادًا لَا نُسَاوى الصّفْرَ.

#### ١ أكمل:

..... 
$$\frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} \times \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{11m^{2} - 11m^{2} - 11m^{2} - 11m^{2} - \frac{11m^{2} - 11m^{2} - 11m^{2} - \frac{11m^{2} - 11m^{2} - 11m^{2} - 11m^{2} - 11m^{2} - \frac{11m^{2} - 11m^{2} - 11m^{2$$

### أَوْجِدُ خَارِجَ الْفِسُمَةِ فِي كُلُّ مِمَّا يَأْتِي:

<u>'P1A</u> [1]

# **سمة مقدار جبرى على مقدار جبرى آخر** ا

الدَّرْسُ الثَّامِـنُ

 $_{\Lambda -}$  تمرین  $_{\Lambda -}$ 

#### ١ اوجد خارج قسمة كل مما يأتى

### (۱) أوجد قيمة ك التي تجعل المقدار س٣ - ٣س٢ - ٢س + ك

# التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْنَرِكِ الْأَعْلَى الْمُشْنَرِكِ الْأَعْلَى

الدَّرْسُ التاسع

#### تمرین (۲ –۹)

### حَلَّلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

### ٢ حَلُّلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

101615-10161-10169 [4]

[ج] ۱۸ (أب ح - 1 (اب ح - ۳۰ (ب حا - ۱۶ (با حا

"m[+m1-"m2+"m [- []

[ هــا "اس (أ + ب) + ٧ (أ+ ب)

[ و ] (س + ٤) س ً + (س + ٤) ص ً

[  $\xi$  ] " $uv^{\dagger}$  (uv - V) + v (uv - V) + v (uv - V)

[حــ] ۲۶ (اس + ص) - ۲۳ (اس + ص) - ۷ (اس + ص)

### ٢ أَوْجِدُ نَائِجَ مَا يَلِي بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

 $1A \times V - VA \times V + 1 \Gamma V \times V = 1$   $1A \times A - 1A \times 1A + \Gamma A \times A = 1$ 

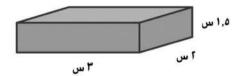
#### تمارين متنوعة

#### آ حَوِّطِ الْإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ:

$$\begin{bmatrix} \frac{2\cdot}{1} & \frac{\omega}{1} &$$

$$[^2 \text{uu } 2.1 + \text{uu } 7.1 + ^{\text{r}} \text{uu } 0. \text{uu } + ^{\text{r}} \text{uu } 7]$$
 ... =  $^{\text{r}} \text{uu } 0. + ^{\text{r}} \text{uu } 1.0 + ^{\text{r}} \text$ 

$$[0] \frac{\gamma w}{v} - \frac{w}{v} = \cdots$$



[ ز ] حَجْمُ مُتوازِي الْمُسْتَطِيلَاتِ المقابل يُسَاوِى ....

[ (, س ، ۲ ( ۵س) (۱,۵) س ۲ ، ۳ س ۲ (۵,۵ س ۱,۵]

$$[w = \frac{3}{2}, w = \frac{0}{3}, w = 0$$

#### ٢ أَكُملُ:

$$(-----)(1+\beta) = (1+\beta) - (1+\beta)$$

$$\cdots$$
 -  $\xi \cdot \cdot \cdot = (1 - \Gamma \cdot) (1 + \Gamma \cdot) [9]$ 

### ٢ اخْتَصِرُ إِلَى أَبْسَطِ صُورَةٍ:

## [جــ] اس" ص' × ٤ س' ص"

### } اختصربطريقتين مُختلِفتين؛

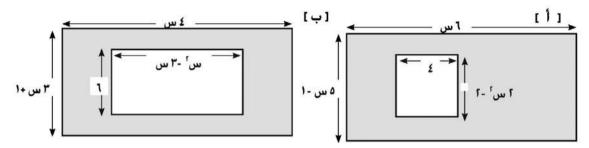
### أُجُرِ عَمَلِتَاتِ الضَّرْبِ الأَتِيَةَ:

### 🔭 حَلَّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

$$\xi \Lambda \times \Delta T + \xi \Lambda \times V + \tau (\xi \Lambda) \Delta [ ] ]$$

# أ ] مَا زِيَادَةُ الْمِفْدَارِ الْجَبْرِيِّ ٣س' - ٥س - ١ س عَنْ مَجْمُوعِ الْمَفَادِيرِ الجَبْرِيَّةِ س مَا وَيَادَةُ الْمِفْدَارِ الْجَبْرِيَّةِ س عَنْ مَجْمُوعِ الْمَفَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ س م ٥ س' - ١ . ١ س' - ٤ - ١ س

## أَوْجِدِ الْمِقْدَارَ الْجَبْرِيَّ الَّذِي يُعَبِّرُ عَنِ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ:



٩ [ أ ] إِذَا كَانَ ٩ ع س - ٣ ، ب = ٢ س + ١ ، ح = ٣ س - ٢ أَوْجِدُ قِيمَةَ الْمِقْدَارِ : ٩ بِدَلَالَةِ س.

[ب] اضْرِبُ (س - اص) ( س + ا ص) في (س أ + ٤ ص)

### ١٠ أَكْمِلُ:

- [ أ ] دَرَجَةُ الْمِقْدَارِ الْجَبُرِيِّ ٥ س ال ٣٠ هي ....
  - [ب] (اس-۱) = .... ٤ س + ١
  - [ج] أ' ب+ب' أ = .... (أ+ب)
  - [ د ] (س-۵) (.....) = س ً ۲۵

### ١١ حَوِّطِ الْإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ:

[ أ ] عَدَدُ عَوامِلِ الحَدِّ الجَبِرِيِّ اسَّ يُسَاوِي ....

[٤ س ص ، ١ س ص ، ١ ص]

[جـ] إِذَا كَانَ طُولُ ضِلْعِ مُكَعَّبٍ ٢ بِ فَإِنَّ حَجْمَهُ يُسَاوِي ....

[ کب<sup>۲</sup> ، ۲ ب<sup>۳</sup> ، ک ب<sup>۳</sup> ، ۸ب<sup>۳</sup>]

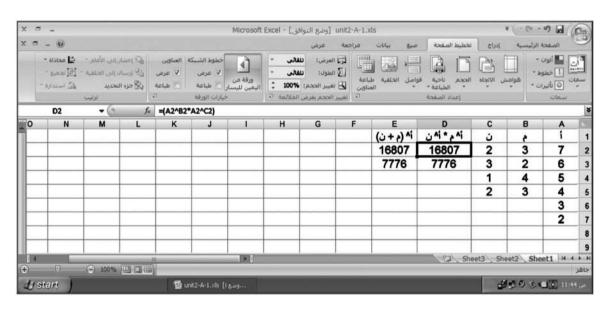
 $[f''' \oplus g'' \oplus g''] = f'' \oplus f' \oplus f'' \oplus f'' \oplus f'' \oplus f'' \oplus f' \oplus f'' \oplus f''$ 

## ١٢ أوجد خارج قسمة كل مما يأتى:

# أنشطة الوحدة

### نشاط (۱)

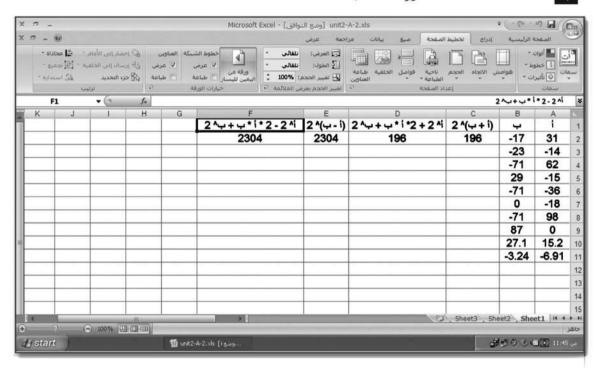
اسْتَخُدِمُ بَرُنَامَجَ الْجَدَاوِلِ الْحِسَابِيَّةِ (إِكْسِيل) لِلتَّحَقُّقِ مِنْ أَنَّ:  $^{\prime}$   $^{\prime}$ 



- أكمل الجداول الحسابية حتى الصف ١٥ بقيم أخرى موجبة للأعداد ٩٠٢،٠٠
  - هَلِ الْفَاعِدَةُ ثُنْتِجُ نَوَاتِجَ ثَابِتَةً؟
  - هل تُطَبَّقُ القَاعِدَةُ السَّابِقَةُ عَلى الأسَاسِ السَّالِبِ ( ٢ < صفر) ؟</li>
- اتَّبع الخُطُوَاتِ السَّابِقَةَ فِي التَّحَقُّقِ مِن أَنَّ الْأَ + ( أَنْ عَلَمُ اللَّهُ عَلَمُ اللَّهُ عَلَم
  - هَلِ الْقَاعِدَةُ السَّابِقَةُ صَحِيحَةٌ لِلْأَسَاسِ السَّالِبِ ( ٢ < صِفْرٍ) ؟
    - احُفَظِ العَمَلَ فِي المَلَفِّ الحَاصِّ بِكَ.

#### نشاط (۲)

أَذْخِل مَا يَلى عَلَى الْجَدَاوِلِ الْحِسَابِيَّةِ (إِكْسِيلَ):



بِ بِإِكْمَالِ الْعَمُودِ ح ، الْعَمُودِ 5	: أَ ] حَفِّقُ أَنَّ: (﴿ + بِ) ۖ = ﴿ ٢٠ ﴿ بِ +
	اكْتُبُ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ <sup>C</sup> ،
	D

اكنتُبْ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ D, النَّعَلِيَّةِ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ

اكْتُبُ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ ، E

اكْتُبْ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ F مِن الْخَلِيَّةِ

[جـ] أَكُمِلِ الْجَداوِلَ الْحِسابِيَّةَ حَتَّى الصَّفِّ ١٥ بِفِيَمٍ أُخْرَى لِلأَعْدَادِ ٢ . ب وأَوْجِدِ الْقِيَمَ فِي الأَعْمِدَةِ مِنْ ٢ إِلَى F مَاذَا تُلَاحِظُ؟

إِنَّ اسْتَخُدِمِ الطَّرِيقَةَ السَّابِقَةَ فِي التَّحَقُّقِ مِنْ أَنَّ: ١ - ب = ( ١ + ب) ( ١ - ب)
 [ ب ] احْفَظِ الْعَمَلَ فِي الْمَلَفِّ الْخَاصِّ بِكَ.

## اخْتِبَارُ الوَحْدَةِ

#### ١ أكُمل:

$$10 + ... + {}^{1}$$
  $\omega = (... + \omega) (\omega + \omega) [1]$ 

[ و ] فِي الشَّكُلِ المُقَابِلِ:

س ٤

س+ ۹

#### ٢ حَوِّطِ الإِجَابَةِ الصَّحِيحَةِ:

١ - ١ ١١ ب أو ٣٠ م ١٠ ب أو ١٥٠ م ١٠ ب أو ٣٠ م

ر ۲۳ س أو (۲ + ۳) أو ۳ س أو ۳ م ۳ س ا

ر أ ] ٣ م ك ب × م م أ ب × × م م ا ....

[ب] مُكُتُّبُ مَجُمُوعِ الحَدَّيْنِ ﴿. بِ يُسَاوِي ....

[جــ] (٤ س - ٣) (س - ٤) = ....

[ ٤ س - ١٩ س - ١٢ أو ٤ س - ٧ أو ٤ س - ١٢ أو ٤ س - ١٩ أو ١٣ - ١٩

" [ أ ] إِذَا كَانَ أ = ٣ س - ٤ · ب = س + ٢ · ح = ٢ س - ٣ احْسبِ القِيمَـةَ العَدَدِيَّـةَ لِلْمِقْـدَارِ أ ب - ح ا عندَمَا س = صفرًا.

[ب] فِي الشَّكُلِ المُقَابِلِ:



مُسْتَطِيلٌ مُكَوَّنٌ مِـنْ ٤ أَجَــزَاءٍ مُظَلَّلَةِ اكتب س الْمِقْدَارَ الْجَبُرِيَّ الَّذِي يُعَبِّرُ عَنْ مِسَاحَةِ الْمُسْتَطِيلٌ

٤ ضَع العَلامَة (√) أَمَامَ الْعِبَارِةِ الصَّحِيحَةِ والعَلامَة (×) أَمَامَ العِبَارَةِ عُيْرِ الصَّحِيحَةِ. [ أ ] دَرَجِهُ الْحَدِّ الْجَبْرِي ٣ س مي ٤ ) [ ب ] الْحَدَّان الْجَبْرِيَّان ٧ س ' ، ٢ س مُتَشَابِهَان. ) [ج] دَرَجَةُ الْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ: ٣ س ص + ٥ هي الدَّرَجَةُ الثَّانِيَةُ [ د ] المَعْكُوسُ الجمعى لِلْمِقْدَارِ ٢س - ٣ ص هو ٣ص - ٢ س [ ه ] ت" = ٣ × ب × ب  $[2] (w, +7)^{2} = w^{1} + 2$ 

(

)

 [أ] أَوْجِدُ خَارِجَ قِسْمَةِ الْمِقْدَارِ س ص - ٤ س ص + ١ س ص على س ص. [ ب ] أَوْجِدُ نَاتِجَ مَا يَلِي بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى: 1V + 1V × A - 11V ()

10×12-10×1A+ ". ×1(5

- آ أ الطُرَحُ ٥ س + ص ٣ س ص من س ١ س ص + ٣ ص [ب] اخْتَصِرُ إِلَى أَبْسَطِ صُورَة: (٧ س ص - ٣ س) أ - (٥ س ص - ٧)
  - ٧ أَوْجِدِ الْفِيْمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِكُلِّ مِفْدارِ جَبْرِيًّ (۲ - ۲ - ۲ - ۲ - ۲ ب) عِنْدَمَا ٢ - ۱ ، ب - ۲
- ٩ أوجد قيمة ك التي تجعل
- إن الشَّكُل المُقَابِل: صُهِرَ مُتَوَازِنَا الْمُسْتَطِيلَاتِ لِعَمَلِ مُتَوازِي مُسْتَطِيلاتٍ آخَـرَ ارْتِفَاعُـهُ (٢ + ب) أَوْجِـدُ مساحة قاعدة مُنَوازى الْمُستَطيلاتِ الْجَدِيدَةِ.
  - [ أ ] المقدار ٦س٣ ١٣ س٢ ١٣ س + ك يقبل القسمة على ٣س - ٥
  - [ب] المقدار س٣ ٣ س٢ ٢٠ س + ك يقبل القسمة على س٢ + ٤س + ٣

# الوحدة الثالثة: الإحصاء

# النزعة المركزية: المتوسط الحسابى

الدَّرْسُ الأَوَّلُ

## تَمْرِينُ (۲ – ۱)

### ١ أكمل ما يأتى:

- أ المتوسط الحسابي للقيم: ١٨، ٣٥، ١٤، ٦ يساوي ...........
- ب إذا كان المتوسط الحسابي للأعداد ٣. ٥، س هو ٤ فإن س = ..........
- جـ إذا كان مجموع خمسة أعداد يساوى ٣٠ فإن المتوسط الحسابى لهذه الأعداد بساوى ............
  - ٢ أوجد المتوسط الحسابى لكل مجموعة من القيم الآتية:
  - ا اوجد المتوسط الحسابي لكل مجموعه من الفيم الاتيه: أ) 1. 1 هـ) ٣. ٥
  - ب)۲. ٤. ۵ و) ۱. ۳. ۵ ط) ۱. ۲. ۳. ٤. ۵
- - ع ) ۳۵, ۵۰, ۱۰, ۵۵ ۲ اذا كانت درحات الحدار
- إذا كانت درجات الحرارة لأسبوع كامل من شهر ديسمبر في إحدى المدن كالآتي:
   ٢٥، ، ٢٧، ، ٣١، ، ٢٢، ، ٢١، ، ١٨،

احسب المتوسط الحسابي لهذه الدرجات.

إذا كانت ساعات المذاكرة لإحدى الطالبات خلال 1 أيام متتالية كالآتي:

الخميس	الأربعاء	الثلاثاء	الاثنين	الأحد	السبت	اڻيوم
*	*	٣	Y 1	٣	4 1	عدد ساعات المذاكرة

احسب متوسط عدد ساعات المذاكرة يوميا.

٥ إذا كانت درجات شريف في ٣ شهور متتالية في مادة الرياضيات كالآتي:

٨٩. ٩١. ٩٦. احسب متوسط الدرجات شهريا لهذا الطالب.

# الوسيط

الدَّرُسُ الثاني

# تمرین (۲ –۲)

- اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس:
- - جـ إذا كان الوسيط للقيم أ + ٣ + أ + ١ ، أ + ٤
    - حيث أ ∈ ص + هو ٨ فإن أ = ............

- (4, 5, 7, 5)
- د الوسيط للقيم: ۷ . ۵ . ۳ . ۸ . ۷ هو .....
- ( V, A, £, Y)
  - أوجد الوسيط لكل مجموعة من مجموعات القيم الآتية:
    - A. 11. 15. 0. 7 (1
    - ب) ۲۰ م ، ۱۱ ، ۱۲ ، ۵ ، ۳ (ب
      - $-1, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}$
      - د) 1. صفر 1. 1. ۵
- ٣ الجدول التالي يبين درجات جهاد في امتحان مادة الرياضيات في ٦ شهور دراسية:

أبريل	مارس	فبراير	ديسمبر	نوفمبر	أكتوبر	الشهر
£A	ŧ٤	**	٤٧	٣٥	٤١	الدرجة

#### أوجده

- أ الوسيط للدرجات السابقة.
- ب المتوسط الحسابي للدرجات السابقة.

# المنوال

الْدُّرْسُ الثالث

# تمرین (۲ – ۲)

# ١ أكمل ما يأتي:

أ – المنوال لمجموعة القيم: ١٤, ١١, ١١, ١١, ١٤, ١٥, ١١ هو ............

ب – المنوال للألوان؛ أحمر أصفر، أحمر أبيض، أسود، أحمر، أبيض هو اللون...........

جـ - إذا كان المنوال للقيم: ١٥، ٩، س + ١، ٩، ١٥ هو ٩ فإن س= .....

٢ اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس

أ – المنوال للقيم ١, ٣, ٧, ٣, ١, ٧, ٣ هو ............

(v,T,T,1)

ب - إذا كان المنوال لمجموعة القيم:

٧. ٥، ص + ٣، ٥، ٧ هـو ٧ فـإن ص= ....

(V, 0, £, T)

٣ احسب الوسط، الوسيط. المنوال للقيم الآتية:

0.1.2.V.2.T.T.1+.2.0

# أنشطة الوحدة

لأعداد الأخري؟	لحسابى ل	لمتوسط ا	داد التالية هو ا	١ أى من الأع

- أ) ١٦ ب ٢٨ جـ) ٣٠ ع) ٣٠ هـ) ٣٧
- إذا كان متوسط درجات كريم في ٥ اختبارات هو ٨٤. كان متوسط درجاته في الاختبارات الثلاثة الأولى هو ٨٠. فما متوسط درجاته في آخر اختبارين؟
- الأعداد المتوسط الحسابي والوسيط لكل مجموعة من مجموعات الأعداد الآتية:
  - 1 9 . 4 ...... 17 . 7 . 1 (أ
  - ب) ۱، ۲، ۳، ...... ۹، ۱۱ ۱۱
  - ج\_) 1, 7, ٣, ...... ٩٩. ١٠٠
  - ع) ال کی ۳ سسسس ۱۰۱ ا
    - 1. 1.2.5. (\_\_\_\_\_\_\_\_
    - و) ۱٫۳٫۱ ۵٫ ......
  - ☀ هل لكل مجموعة من مجموعات الأعداد السابقة منوال؟

# الوحدة الرابعة: الهندسة و القياس

الدَّرُسُ الأَوَّلُ

# مَفَاهِيمُ هَنْدَسِيَّةُ

# تَمْرِينُ (٤-١)

# ۱ أكمل:

فإن 🎶 (🏳) المنعكسة = .....

ا ) إذا كان ل ( ١٥) - ٨٠

ب) الزاويتان المتتامنان والمتساويتان في القياس بكون قياس كل منهما = .....  $^{\circ}$  جــ)  $^{\circ}$   $^{\circ}$ 

# ٢ ارْسُمُ الزاوِيَةُ بِ إج

1 ] أَوْجِدُ قِيَاسَ لَ بِاجِ ابا ارْسُمِ أَكَّ بِيْنَ الشَّعَاعَيْنِ أَجَّ، أَبِ بِحَيْثُ نَ ( \ 2 ( ج) = أَ نَ ( \ إب ( ج) ) اجـا مَل أَكَّ يُنَصَّفُ لَ بِاجِ

ا مُدَّ جَوَّ إِلَى هَـ
 ا مُدَّ جَوْ إِلَى هَـ
 ا رُسُوم وَ مُنَصُفَ لَ بامـ
 أَوْجِدُ قِيَاسَ الزَّوَاتِا قَبْلَ إِجَابَةِ (و) . (ز)
 و الأكُرُ أَزُواجَ الزَّوَاتِا المُتَتَامَّةِ.
 إ ز الأكُرُ أَزُواجَ الزَّوَاتِا المُتَكَامِلَةِ.

إِ أَ ] ارْسُمِ الزِّوَاتِا الَّتِي فِيَاسَانُهَا: ٢٠ ، ١١٥ ، ١٩٥ ، ١٩٥ ثَمَّ اكْتُبُ نَوْعَ كُلِّ مِنْهَا.
 [ب] اكْتُبُ مُكَمِّلاَتِ الزَّوَاتِا الَّتِي فِيَاسَاتُهَا: ٢٠ ، ١١٧ ، ٩٢ ، ٩٢ ، ٩٢ ، ٩٢ .
 [ج] اكْتُبُ مُنَمِّمَاتِ الزَّوَاتِا الَّتِي قِبَاسَاتُهَا: ٣٧ ، ٤٥ ، ٤٥ ، ١٤٠ ، ٢٠٠

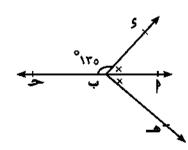
# ع في الشكل المقابل:

إذا كانت ب ﴿ أَحَدُ ، ن(\ كبح) = ١٣٥°

، بأ ينصف ∑ 5ب هـ

فأوجد كلاًّ من :

*ال* (المجان ، الاوباها ، الاحباها ، الاحباها المحباها المحباها



، حَمَّ لَحُمُ ، كَبُ منصف ١٥١هـ

فأوجد قياسات الزوايا التالية :

ب م هد ، وم هد ، وم حد ، وم هد

- - في كل من الأشكال الآتية اذكر قياس الزاوية المشار إليها بالعلامة (؟)

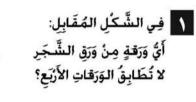
(١)

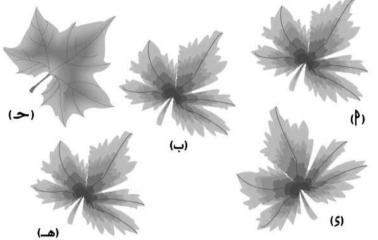
(٣)

(٤)

# التَّطَابُــقُ

# تَمْرِينُ (٢-٤)





# إِن الشَّكُلِ المُقَابِلِ: إِن الشَّكُلُ المُقَابِلِ: إِن الشَّكُلُ المُقَابِلِ: إِن الشَّكُلُ المُقَابِلِ: إِن الشَّكُلُ المُقَالِ المُقَابِلِ: إِن الشَّكُلُ المُقَالِ المُقَالِقِ المُقَالِ المُقَالِقِ السَّلِقِ المُقَالِقِ السَّلِقِ السَّقِ المُقَالِقِ السَّقِقِ المُقَالِقِ المُعَلَقِ المُعَلِقِ السَّقِ الْعَلَقِ الْعَلَقِ الْعَلَقِ الْعِلْمُ الْعِلْمِ الْعِلْمُ الْعِلْمِ الْعِلِي السَّلِقِ الْعِلْمُ الْعِلْمِ الْعِلْمُ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمُ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمُ الْعُلِقِ الْعِلْمُ الْعِلَى الْعُلْمُ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمُ الْعِلْمِ الْعِلْمِي الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلَى الْعِلَامِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلَامِ الْعِلْمِ الْعِيلِيقِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمُ الْعِلْمِ الْعِلَ الْعُلِقِ الْعِلْمِ الْعِلَامِ الْعِلَاقِ الْعِلْمِ الْعِلَقِ الْعِلَقِي الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِلْمِ الْعِ

الْمُضَلَّعَانِ مُتَطابِفَانِ. أَكْمِلُ:

[ أ ] الرَّأْسُ ب تُنَاظِر الرَّأْسَ ....

[ ب] المُضَلَّعُ ل ع ص س ل يُطَابِقُ الْمُضَلَّعَ ...

[جـ] ل ك = ..... ســـم

[د] ن ( ک ۱ ا) = ن ( ک ..... )

[ هـــا س ص = .....

[e] v( \( \to \times) = v (\( \times \)....)

# ٣ فِي الشَّكُلِ المُقَابِلِ:

 $\overbrace{$  ب محور تماثل للشكل و ج ب س ص .

[ أ] أُكُمِل:

١) الْمُضَلَّعُ ﴿ بِ جِهِ وَيُطَابِقُ المُضَلَّعُ ......

٢) الضِّلُعُ الْمُشْتَرَكُ بَيْنَهُمَا هُوَ ......

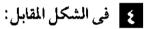
[ ب ] لِمَاذَا تَكُونُ الْجُمَلُ الأَيْبَةُ صَوَّابًا؟

١) ﴿ هِنَ نُفُطَّهُ مُنْتَصَفِ ٤ صَ.

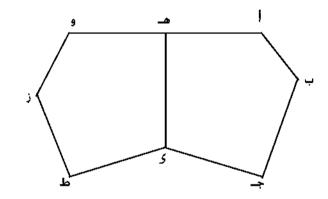
٢) ﴿ ص ﴿ بِ نُطَابِقُ ﴿ ١ ﴿ بِ

٣) ب ﴿ 🛨 ٤ ص

2)  $\frac{1}{4}$  فِي الْمُضَلَّع  $\frac{1}{4}$  بح و تُطَابِقُ  $\frac{1}{4}$  فِي الْمُضَلَّع  $\frac{1}{4}$  بس ص



المضلع اب جـ و هـ يطابق المضلع و زط و هـ



# أكمل ما يأتى:

۱- اب = . . . . هو

۲- ب جـ = . . . . . هو

٣- ق ( ١ ١ ) = ق ( ١ . . . ) هو

٤- ق ( رحمه ) = ق ( رياس ) هو

#### **و جـ** = .....

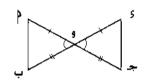
$$\ddot{v}(L \dot{v}) = \ddot{v}(L \dots)$$

# تَطَابُقُ الْمَثَلَّثَاتِ

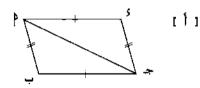
الدَّرْسُ الثالث

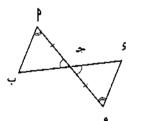
# تَصْرِينُ (٤-٣)

- الْعَلَامَاتُ المُتَشَابِهَةُ تَدُلُّ عَلَى تَطَابُقِ الْعَنَاصِرِ الْمُبَيَّنَةِ عَلَيْهَا هَذِهِ الْعَلامَاتُ.
  - هَلِ الْمُثَلَّثَّانِ مُتَطَابِقَانِ؟
- إِذَا كَانَ الْمُثَلَّفَانِ مُتَطَابِّفَيْنِ اكْتُبُّ حَالَة التَّطَابُقِ. إِذَا كَانَ الْمُثَلَّقَانِ غَيْرَ مُتَطَابِفَيْنِ اذْكُرِ السَّبَبَ.

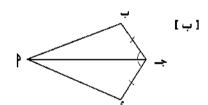


[A]

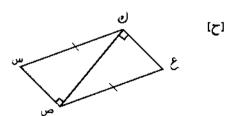




[ e ]

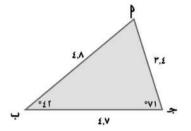


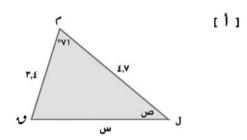
5

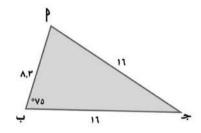


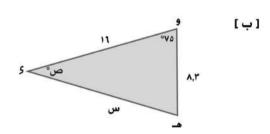
, [1]

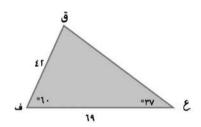
# ٢ ادْرُسِ الْأَشْكَالَ الآتِيَةَ وَأَوْجِدْ قِيمَةَ س ، ص فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

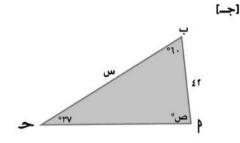


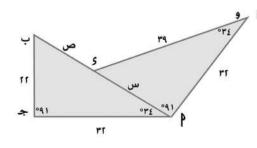


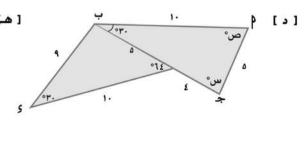




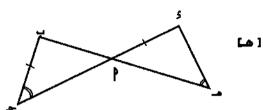


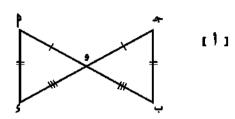


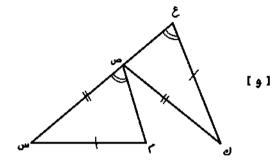


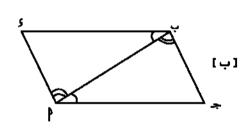


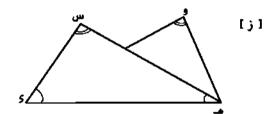
# الْعَلَامَاتُ الْمُنَشَابِهَهُ نَدُلُّ عَلَى نَطَابُقِ الْعَنَاصِرِ الْمُبَبِّنِهِ عَلَيْهَا هَذِهِ العُلامَاتُ انْكُرِ الْمُثَلَّثَاتِ المُنَطَابِهَةَ مَعَ ذِكْرِ السَّبَبِ ثُمَّ اكْتُبُ نَاتِجَ النَّطَابُقِ.

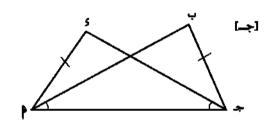


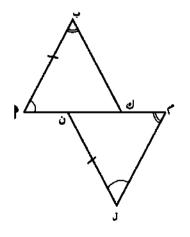


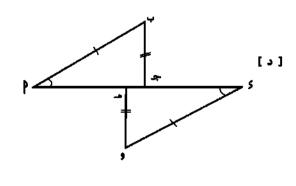












اذرُسُ مُعُطَيَاتِ الْمُثَلَّثَيْنِ ﴿ بح. سصع. إِذَا كَانَتِ الْمُعَطَيَاتُ كَافِيَةً لِلتَّحَقُّقِ مِنْ نَطَابُقِ الْمُثَلَّثَيْنِ الْمُعُطَيَاتُ كَافِيَةً لِلتَّحَقُّقِ مِنْ نَطَابُقِ الْمُعُطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيَةٍ للتَّحَقُّقِ مِنْ نَطَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيَةٍ للتَّحَقُّقِ مِنْ نَطَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ اللَّعْبَ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيَةٍ للتَّحَقُّقِ مِنْ نَطَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيَةٍ للتَّحَقُّقِ مِنْ نَطَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيةٍ للتَّحَقُّقِ مِنْ نَطَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيةِ لِلتَّحَقُّ فِي مِنْ نَطَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيةٍ للتَّحَقُونِ إِنْ اللَّعْرَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيةِ لِلتَّحَقُّ فِي مِنْ نَطَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيةٍ للتَّحَقُونِ مِنْ نَطَابُقِ الْمُعْطَيَاتُ عَبْرَ كَافِيةٍ للتَّحَقُونِ إِنْ اللَّيْمِ اللْمُعْرَاقِ اللْمُعْلَيْنِ الْمُعْمَلِيَاتُ عَبْرَ كَافِيةٍ لِللْمَعْمَلِيَاتُ الْمُعْلَاقِ مِنْ اللْمُعْمَلِيَاتُ عَبْرَ لَلْتَحْقَقِ مِنْ نَطَابُقِ اللْمُعْمَلِينَ الْمُعْرَاقِ اللْمُعْمَلِيْنَ الْمُعْلَاقِ اللْمُعْمَلِينَ الْمُعْرَاقِ اللْمُعْمَلِيقِ إِلَيْ عَلَيْنِ الْمُعْمَلِينَ الْمُعْمَلِيقِ اللْمُعْمَلِيقِ إِلَيْنَالُولِي السَّامِ اللَّهُ الْمُعْمَلِيقِ اللَّهُ عَلَيْنَ الْمُعْمِلُولُ السَّيْمِ الْمُعْمَلِيقِ اللْعَلَيْقِ الْمُعْمَلِيقِ اللْعُلِيقِ الْمُعْمَلِيقِ الْمُعْمَلِيقِ الْمُعْمَلِيقِ الْمُعْمَلِيقِ السَاسِمِ اللْعُلْمُ اللْعُلِيقِ اللْعُلْمِ السَّامِ السَاسِمِ السَاسِمِ الْمِنْ الْمُعْمَلِيقِ الْمُعْمَلِيقِ السَّامِ السَاسِمِ الْمِنْ الْمُعْمِلُ السُلْمِ السَاسِمِ الْمُعْمِلِيقِ الْمُعْمِلِيقِ الْمُعْمُ لِلْمُعْمِلِيقِ الْمُعْمَالِيقِ الْمُعْمَلِيقِ الْمُعْمِلُ لِلْمُعْمِلِيقِ الْمُعْمِلُ السَاسِمِ السَاسِمِ الْمُعْمِلُولِيقِ الْمُعْمِلُ الْمُعْمِلُولُ الْمُعْمِلُولُ الْعَلَيْمِ السَاسِمِ الْمُعْمِلُ الْمُعْمِلُولُ الْمُعْمِلُ لَلْمُلْمُ الْمُعْمِلُولِ الْمُعْمِلِي الْمُعْمِلُولُ الْمُعْمِلُ اللْم

# ٥ ضع علامة (√) أمام العبارة الصحيحة:

[ أ ] يَتَطَابَقُ الْهُثَلَّثَانِ إِذَا سَاوَتُ أَطُوالُ الأَضْلَاعِ الثَّلاَثَةِ فِي أَحَدِهِهَا نَظَائِرَهَا فِي الْآخَرِ.

[ ب ] بَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ إِذَا سَاوَتُ قِبَّاسَاتُ الزُّواتِا الثَّلَاثِ فِي أَحَدِهِمَا نَظَائرَهَا فِي الْآخَرِ.

[جــ يَتَطَابَقُ الْمُثَلِّثَانِ الْمَائِمَا الزَّاوِيَةِ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولا ضِلْعَيْنِ نَظِيْرَهُمَا فِي الْآخَرِ.

[ د ] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الزَّاوِيَةِ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولُ الْوَتِّرِ وَقِيَاسُ زَاوِيَةِ أَخْرَى غَبُرَ القَائِمَة نَظَائِرَهُمَا في الْآخر.

[ هـ ] يَنْظَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الزَّاوِيَةِ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولُ الوَتَروَطُولُ ضِلُعٍ نِظيرَيُهِمَا في الآخَرِ.

#### ٦

1 أُ ارْسُمِ الْمُثَلَّثَ الَّذِي فيهِ قِيَاسَاتُ زَوَايَاهُ ٥٠° ، ٩٠٠ °، ٩٠٠

[ب] هَلُ نَسْ نَطِيعُ رَسُ مَ مُثَلَّثٍ آخَرَ فِيَاسَ اتُ زَوَاياهُ هِي ٥٠°، ٥٠°، ٥٠° لَكِنُ لا يُطَابِقُ الْمثلَّتَ الْمَرُسُومَ فِي (أ).

# الدَّرُسُ الرابع

# التوازي

# نَمْرِينُ (٤-٤)

# ١ أَكْمِلُ مَا يَلِي:

[ أ ] الْمُسْتَقِيمُ الْعَمُودِيُّ عَلَى أَحَدِ مُسْتَقِيْمَيْنِ مُتَوَانِيَيْنِ يَكُونُ .... عَلَى الآخَرِ.

[ ب ] إِذَا وَازَي مُسْتَقِيمَانِ مُسْتَقِيمًا ثَالِثَا كَانَ هَذَانِ الْمُسْتَقِيمَانِ ....

[ج] إِذَا قَطَعَ مُسْتَقِبِمٌ مُسْتَقِبِمَئِنِ مُتَوَازِيَئِنَ فَإِنَّ:

1) كُلِّ زَاوِيَتَيْنِ مُنَبَادِلَتَيْنِ .... فِي الْقِيَاسِ.

أ) كُلُّ زَاوِيَتَئِن مُنَنَاظِرَتَئِن .... فِي الْفِيَاسِ.

٣) كُلُّ زَاوِبَتَيْن دَاخِلَتَيْنِ وَفِي حِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ القَاطِع .....

[ د ] يَتَوَازَي الْمُسْتَقِيمَانِ إِنَا قَطَعَهُمَا مُسْتَقِيمٌ ثَالِثٌ وَحَدَثَتُ إِحْدَى الْحَالَاتِ الآتِيَةِ:

() زَاوِيَنَانِ ..... مُنَعَساوِيَنَانِ فِي الْقِيَاسِ

أَوْرِيَتَانِ ..... مُتَسَاوِيَتَانِ فِي الْقِبَاسِ

٣) زَاوِيَتَانِ ..... وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْفَاطِعِ مُنَكَامِلَنَانِ

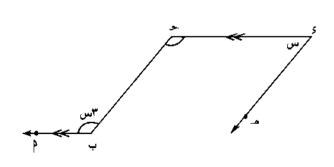
[ هـ إِذَا تَقَاطَعَ مُسْتَقِيمَانِ فَإِنَّ كُلَّ زَاوِيَتَيْنِ مُتَفَابِلَتَيْنِ بِالرَّأْسِ تَكُونَانِ .... فِي الْقِيَاسِ.

# [ و ] فِي الشَّكُلِ الْمُقَابِلِ:

إِذَا كَانَ:

قاطع لهما .

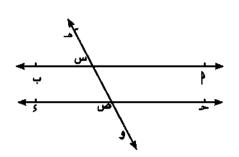
فَإِنَّ: س = ٠٠٠٠٠٠



# إِن الشَّكُلِ الْمُقَابِلِ:

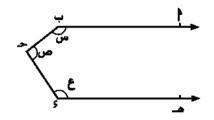
[ أ ] أَوْجِدِ الْزَّوَابَا الَّتِي تُسَاوِي فِي الْفِيَاسِ \ هـ س ب

[ ب ] أَوْجِدِ الْزَّوَايَا الَّتِي تُسَاوِي فِي الْفِيَاسِ ﴿ س ص ح



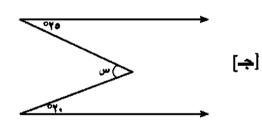
# ٣ فِي الشَّكُلِ الْمُفَابِل:

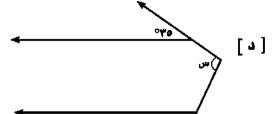
إِرْشَادُ ارْسُمْ خَطًّا مُسْتَقِيمَا يَمُرَّبِالنَّفُطَةِ ح مُوَازِنَا ۖ ا

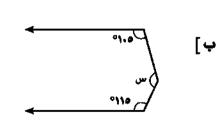


# أَوْجِدُ قِيْمِةَ س فِي كُلِّ مِنَ الْأَشْكَالِ الآتِيَةِ:

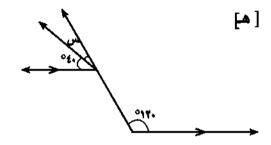
[1]

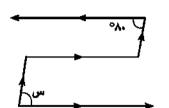




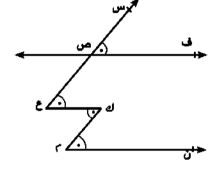








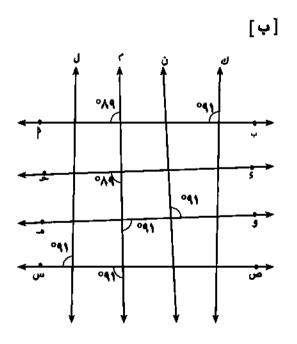
# ٥ فِي الشَّكُلِ الْمُقَابِلِ:

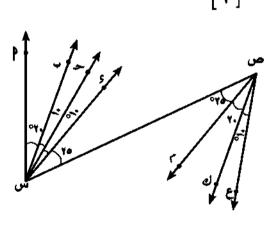


٠( \( \omega \text{ m m m \( \omega \) = \( \omega \) = \( \omega \) = \( \omega \) = \( \omega \) \( \omega \) = \( \omega \) \( \ome

# آفِي كُلِّ شَكْلٍ مِنَ الأَشْكَالِ الأَتِبَةِ: أَوْجِدُ أَزْوَاجَ الْمُسْتَقِيمَاتِ الْمُتَوَازِيَةِ

[1]





# إِنْشَاءَاتٌ هَنْدَسِيَّةٌ

الدَّرُسُ الخامس

# تَمُرينُ (٤-٥)

١ اسْتَخْدِمِ الْفِرجَارَ وَالْمسْطَرَةَ فِي رَسْمِ كُلًّا مِمَّا بَانِي: [ب]مُنْصِّفِ \ إبج

[أ]عَمُودٍ مِنْ جعَلَى مِن



[ د ] مِحُوَر نَمَاثُلِ للقطعة الْمُسْتَقِيمَةِ أَب

- [جـ] مُنْصِّفِ \ س صع
- [ أ ] ارْسُمُ مُثَلَّنًا حَادًّ الزُّوَاتِا ، نَصْفُ كُلَّ زَاوِيَةٍ مِنْ زَوَاتِاهُ. [ ب ] ارْسُمُ مُثَلَّثًا مُنْفَرِجَ الزَّاوِيَةِ . نَصَّفْ كُلَّ زَاوِيَةٍ مِنْ زَوَايَاهُ. [ج] مَاذَا تُلاَحِظُ عَلَى مُنَصِّفَاتِ الزُّوْلِيَا فِي ( ﴿) ، ( بٍ ﴾؟
- إِنْ أَنْ فَعَلَّانًا حَادٌ الزُّواتِا. ارْسُمْ مِحْوَرَ نَمَاثُلِ لِكُلِّ ضِلْع مِنْ أَضْلاَعِهِ. [ ب ] هَلُ مَحَاورُ النَّمَائُلِ نَتَقَاطَعُ فِي نُفطَةٍ؟ [ج] كُرَّد الْعَمَل السَّابِقَ فِي ( أ ) ، ( ب ) عَلَى مُثَلَّثٍ مُنْفَرِج الزَّاوِيَةِ.
- إِن أَا ارْسُعُم مُنَلِّفًا حَادٌ الزُّواتِا. ارْسُعِ ارْتِفاَعَاتِ الْمُثلِّثِ. [ ب ] هَلِ الْمُسْتَقِيمَاتُ الَّتِي تَحْتَوِي ارْيَهَاعَاتِ الْمُثلِّثِ نَتَمَاطَعُ فِي نُفُطَةٍ؟ [ج] كَرِّر الْعَمَلَ السَّابِقَ فِي ( أ ) ، ( ب ) عَلَى مُثَلَّتٍ مُنْفَرِجِ الزَّاوِبَةِ.

استخدم الفرجار والمسطرة في رسم المثلث أب حالذي فيه أب = ۵ سم ، ب حال سم ،
 استخدم الفرجار والمسطرة في رسم المثلث أب حالفي فيه أب = ۵ سم ، ب حال المثلث أب حال

1 با أكمل: ٠٠ (١٠٠) و ١٠٠) = ١٠٠) ابا أكمل: ١٠٠٠)

# في المسائلِ التالية ارسم باستخدام الأدوات الهندسيَّة و لا تمح الأقواس:

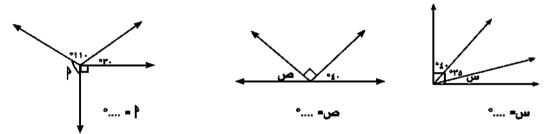
- ارسم ب ج بطولِ مناسب، باستخدام الفرجار والمسطرة غير المدرجة نصف ب ج، في ك ومن ك أقم العمود ك أعلى ب ج ثم ارسم أب ، أج قارن مستخدمًا الفرجار بين طول اب ، أج ماذا تلاحظ؟
  - ارسم المثلث ا ب جـ المتساوى الساقين والذى فيه ا ب = ا جـ، باستخدام الفرجار نصف  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  في كـ، ارسم  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  هـل  $\frac{1}{\sqrt{2}}$   $\frac{1}{\sqrt{2}}$

# اخْتِبَارُ الوَحْدَةِ

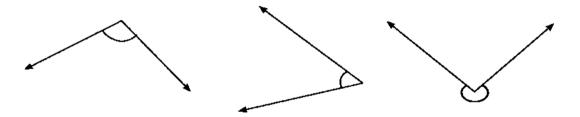
أَجِبُ عَنِ الْأَسْئِلَةِ الْآثِيَةِ:

# ١ أكمل:

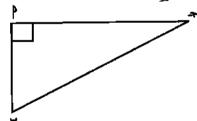
أَوْجِدُ فِيَاسَ الزَّاوِيَةِ الْمَجُهُولَةِ فِي كُلُّ مِمَّا يَأْتِي:



[ ب ] اكْتُبُ عَلَى كُلِّ زَاوِيَةٍ مِنُ الزَّوَايَا التَّالِيَةِ أَقَرَبَ فِيَاسٍ لَهَا مِنُ الْفِيَاسَاتِ التَّالِيَةِ: ٨٠ ° ٢٤٠ ° ° ٢٤٠ °

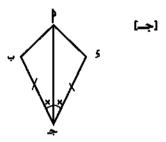


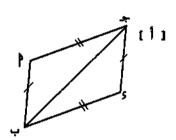
[جــا اكْتُبِ الْقِطْعَةَ الْمُسْتَقِبِهَةَ الَّتِي تُعَبِّرُ عَنِ الْوَتَرِ فِي الْمُثَلِّثِ الْمُقَابِلِ .....

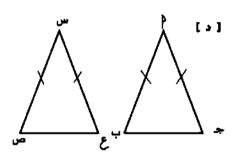


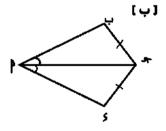
- إِاسٌ تِخْدَامِ الْمِسْ طَرَةِ وَالْفِرْجَ إِرْاسُ مِ الْمُثلَّثَ أَب جِ الَّذِي فِيهِ ١ ب = ١ ج = ٧ سـم.
   ب ج = ١ سم. نَصَّفُ كُلًّا مِنَ الزَّاوِبَتَيْنِ ١ ب ١ ج يَمُنَصَّفَيْنِ يَتَمَاطَعَانِ فِي ٢ (لا تَمُحُ الأَقْوَاس)
   هل ٢ ب = ٢ ج؟
- [ب] ارْسُومِ الْمُثَلِّثَ ﴿ بِ حِ الَّـذِي فِيهِ ﴿ بِ = ﴿ جِ = ٥ سَمِ ، بِ جِ = ١ سَمِ. ثُمَّ ارْسُتُمُ ﴿ 5 لَ بِجِ اللهِ يُأْسِ مُ الْأَقَوَاسَ ﴾ أَوْجِدُ بِالْقِيِّاسِ طُولَ ﴿ 5.

- ارسم المثلث أب ج، وباستخدام المسطرة غير المدرجة والفرجار نصف كل من الب ، اج في ك، هـ على الترتيب ارسم كه.
  - 1 أ 1 باستخدام الفرجار قس طول كرهـ وتحقق أن ب جـ = ٢ كر هـ.
    - ابا هل \ ابج = \ اكه، هل كه // بجر
  - ارسم المثلث أب جالذى فيه أب = ٤سم، ب ج = ٥سم، أج = ٦سم أنشىء الأعمدة المنصفة لأضلاع المثلث - ماذا تلاحظ؟.
- وْ فِي الْأَشْكَالِ الأَتِيَةِ اذْكُرِ الْمُثَلَّثَاتِ الْمُتَطَابِقَةَ مَعَ ذِكْرِ الشَّبَبِ ثُمَّ اكْتُبُ نَاتِجَ التَّطَابُقِ.

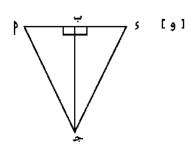


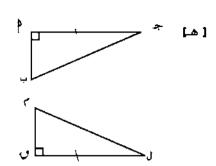




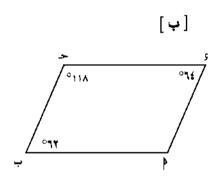


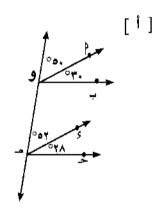
# تدريبات وأنشطة الوحدة الرابعة

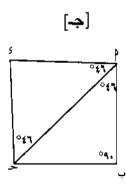


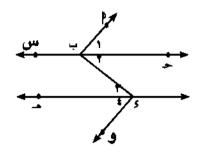


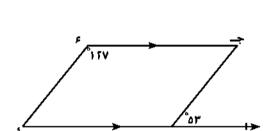
# أَوْجِدُ أَزْوَاجَ الْمُسْتَقِيمَاتِ الْمُتَوَازِيَةِ فِي كُلٍّ مِمَّا يَأْتِي:

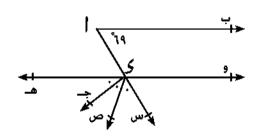












# ٧ فِي الشَّكُلِ الْمُفَابِلِ:

$$v(2) = v(2)$$
,
$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

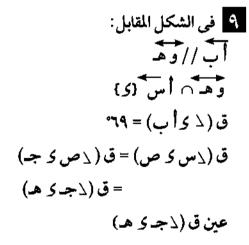
$$v = 1 / \sqrt{2}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$



# نماذج اختبارات الفصل الدراسي الأول

# النموذج الأول

أجب عن الأسئلة الآتية:

(يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

# السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

$$1 = \dots \times r \frac{1}{2}$$

اً إذا كان ترتيب الوسيط لعدد من القيم هو الرابع عشر فإن عدد القيم = ........

#### السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس:

۱ العدد النسبي الذي يقع عند ثلث المسافة بين ۸ ، ۱۱ من جهة العدد الأصغر هو.........

$$(\frac{1}{7}\Lambda_1 \cdot t, \frac{1}{7}P, \frac{7}{7} \cdot t)$$

(V. D. E. 1)

 $(1 \cdot , \Delta, \Gamma \cdot , 1\Delta)$ 

$$(\Lambda, 1, \Delta, \Gamma\Delta)$$

$$(1, \sqrt{7}, \sqrt{7}, \sqrt{7}, \sqrt{1})$$

#### السؤال الثالث:

أ) اطرح:

۵سراً + ص ا – ۳ س ص + ۱ من ۱ س ا – ۲ س ص +۳صراً

ب) باستخدام خاصية التوزيع وبدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد ناتج:

$$\frac{v}{r} \times \frac{v}{v} + \frac{v}{r} + \frac{v}{r} \times \frac{v}{v} + \frac{v}{r} \times \frac{v}{r}$$

السؤال الرابع:

أ) اختصر لأبسط صورة: (١س ٣- ٣) (١س ٣٠) +٧

ثم أوجد القيمة العددية للناتج عند س = - ١

ب) أوجد ثلاثة أعداد نسبية تقع بين: 🐈 ، 🤟

السؤال الخامس:

أ) أوجد خارج قسمة: ٢ س + ٣ س - ٤س – ١ على ١ س +٣

(ب) الجدول التالي يبين درجات جهاد في امتحان الرياضة ٦ أشهر دراسية

أبريل	مارس	فبراير	ديسمبر	نوفمبر	أكتوبر	الشهر
<b>5</b> +	ŧŧ	**	٤٣	40	٣٠	الدرجة

أوجد الوسط الحسابي للدرجات

# النموذج الثاني

<u> </u>
جب عن الأسئلة الآتية:
لسؤال الأول أكمل:
۱) ۲۶ س ٔ ص ٔ = ۱س ٔ
۲) باقی طرح – ۳ س م
٣) ١, ١, ٦, ٣, ٥, ٨,
٤) إذا كان المنوال لم
ــأن أ =
۵) ۵ س ً + ۱۵ س ص =
لسؤال الثاني: اختر الإجابا
<ul> <li>الحد الجبرى ١ س "</li> </ul>
(أ) الثالثة
٢) العدد الذي يقع في
$\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}}$ (i)
٣) المعكوس الضريب
r(i)
٤) إذا كـان <del></del> عـد

- ص ً × .....
- ـن ۲ س هـو .....
- .... (بنفس التسلسل)
- حموعة القيم ٧. ٥. أ + ٢. ٥. ٧ هو ٧

  - ۵ س ( ..... + ..... )

# ة من بين الإجابات المعطاة:

- صأمن الدرجة .....
- (ب) الرابعة (ج) الخامسة (د) السادسة
  - منتصف المسافة بين 💃 . 🖧 هو ......
  - $\frac{3}{4} (c) \frac{7}{4} (c)$ 
    - ى للعدد (<del>١٠</del>)<sup>صفر</sup> هو ...... ')
  - (ب) –۱ (ج) ۱ 1 - (2)
    - دا نسبيا فإن س \pm ..... )
  - رِّةً) = ٢ (ب) صفر (ج) ۲ ۵ (۵)
    - (٥) الوسيط للقيم ٥. ٤. ٧ هو .......
    - (ب) ۵ (ج) ۷ (أ) ٤ 17(3)
- (١) إذا كان الوسط الحسابي لجموعة القيم ٣ . ٥ . س + ١ هو ٤ فإن الوسط الحسابي للقيمتين
  - ٥ س . ٥ + ٢س هو ......
  - ۲ (ب) ٤ (ب) ۱ (أ) f(z)

#### السؤال الثالث:

(أ) باستخدام خاصية التوزيع أوجد قيمة 
$$\frac{7}{V}$$
 × ۲ +  $\frac{7}{V}$  × ۱ -  $\frac{7}{V}$ 

#### السؤال الرابع:

على ٧ س ص حيث س ≠ صفر . ص ≠ صفر

#### السؤال الخامس:

(أ) اختصر لأبسط صورة: (س – 
$$\pi$$
) (س +  $\pi$ ) +  $\pi$  ثم أوجد قيمة الناتج عندما  $\pi$ 

فأوجد قيمة ك

# نموذج امتحان لطلاب الدمج

# السؤال الأول:

#### أكمل العبارات التالية

- (١) الحد الجبرى (٥ س ص) من الدرجة .......
  - $A {}^{\dagger}$ س = ( ..... + ..... ) ( $T {}^{\dagger}$  ( $T {}^{\dagger}$  ( $T {}^{\dagger}$  ) ( $T {}^{\dagger}$  )
- (٣) العدد النسبي الذي ليس له معكوس ضربي هو .......
  - (٤) الوسيط للقيم ٣، ٤، ٥ هو ........
  - (۵) العدد ئ يكون نسبيا إذا كانت س = ......... السؤال الثاني:

# اختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة

- ..... =  $\frac{3}{v} \times vu = \frac{3}{v}$  فإن  $vu = \frac{1}{v}$
- اً) ۱ ب) صفر ج) ٤ د) ٧
  - (١) الوسط الحسابي للقيم ٢. ٣. ٨ ، ٢. ٥ يساوي ........
- ) ۳ ب) ۲ ج) ٤ د) ۸ د) ۸ د) ۲ م
  - (٣) المكوس الجمعي للعدد ٣ هو .........
- $\frac{1}{r} (2 \qquad \qquad \frac{1}{r} \qquad \qquad c) \frac{1}{r}$ 
  - (٤) باقی طرح ۷ س من ۹ س یساوی ........
- أ) اس ب) ۱۱ س جـ) اس د) صفر
  - (٥) المنوال للقيم ٣, ٣. ٤. ٤. ٥, ٣
  - أ)٤ ب) ۲۲ جـ) ۵ د) ۳

#### السؤال الثالث:

$$\frac{\circ}{0}$$
 +  $0 \times \frac{\circ}{0} \times 0$  +  $\frac{\circ}{0} \times 0$  +  $\frac{\circ}{0} \times 0$  +  $\frac{\circ}{0} \times 0$ 

(..... + ...... + ......) 
$$\frac{0}{Y}$$

اکمل ما یلی: 
$$\frac{1}{2}$$
 ب = -1  $\frac{1}{2}$  انکمل ما یلی:

# السؤال الرابع:

# ضع علامة $(\checkmark)$ أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة

(\*) العدد النسبى الذي يقع بين 
$$\frac{1}{2}$$
 ،  $\frac{7}{2}$  هو  $\frac{7}{2}$ 

### السؤال الخامس:

# صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب)

(i)

a)

(۱) إذا كان 
$$\frac{w-y}{0}$$
 = صفر فإن  $w$  = ........

٥) إذا كان 
$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v}$$
 فإن  $\frac{1}{v} = \frac{1}{v}$ 

(ب)

# نماذج اختبارات الهندسة للفصل الدراسي الأول

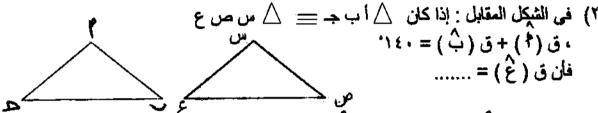
# النموذج الأول

(يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

أجب عن الأسئلة الآتية؛

السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

المستقيم العمودى على القطعة المستقيمة من منتصفها يسمى .......



 $G_{\dots}$  إذا كان ق ( $\overset{\triangle}{\Gamma}$ ) = ۱۰۰ فان ق ( $\overset{\triangle}{\Gamma}$ ) المنعكسة =

ه) يتطابق المثلثان القائما الزاوية إذا تطابق .....و

السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس:

السؤال الثاني: اختر الأجابة الصحيحة من بين الأجابات المعطاه بين الاقواس:

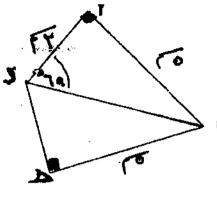
(۱) اذا کان کس = کص، حس، حس زاویتین متکاملتین فان ق (  $\hat{w}$ ) =.... (۱) اذا کان کس = کص، حس، حس، حس زاویتین متکاملتین فان ق (  $\hat{w}$ ) =....

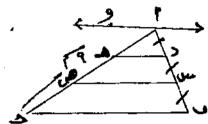
٢) المستقيمان العموديان على ثالث يكونان ......
 ٢) المستقيمان العموديان على ثالث يكونان ......

(متعامدان ، متقاطعان ، متوازيان ، منطابقان )

) إذا تقاطع مستقيمان فأن كل كل زاوتيين .......... متساويتين في القياس
 ) متناظرتين ، متبادلتين ، متقابلتين بالرأس ، متجاورتين )

# السؤال الثالث

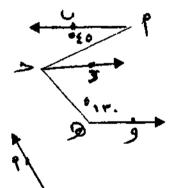




 أ) فى الشكل المقابل : ق ( أ دُب) = ٥٠ " ق ( باأُد) =ق (بُجُد) = ۹۰ مُ ا بُ = جـب = ه سُم ،ا د = ۳ سم انکر شروط تِطلبق △ ا ب د ، △ جـب د اوجد طول جد ، ق (حدبج) ب) في الشكل المقابل:

أو الده السمس البجر، †د = دس = سب ، اج = ۹ سم أوجد طول أص مع نكر السبب

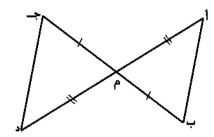
# السؤال الرابع:



 ا في الشكل المقابل ني
 أب // جَدْد // هَـ رَ ، قَ ( أ ) = ٥٤ قَ ( أ ) = ٥٤ قَ ( 
 ق ( < هـ ) = ١٣٠ قَ ( < هـ ) = ١٣٠ قَ ( < هـ ) = ١٣٠ قَ ( </li> اُوجَدُ قُ ( أُ جُدُ هـ )

ب) في الشكل المقابل: ق (أمب) = ١١٠°، ق (أمد) = ٩٠

# السؤال الخامس:



- ب) باستخدام الادوات الهندسية ارسم ذاً ب ج قياسها ١١٠ أرسم الشعاع بَ الله المناس المناس المناس الزاوية الى زاويتين متساويتين في القياس

#### النموذج الثاني

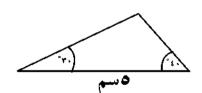
أجب عن الأسئلة الاثبة:

السؤال الأول: أكمل:

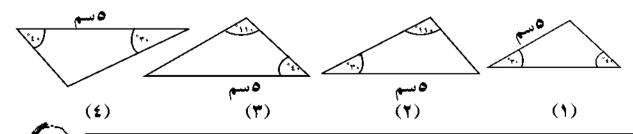
- مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة = .....°
- (۲) إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازبين فإن كل زاريتين منتاظرتين .....
  - (٣) إذا كان ق (أً) ~ ١١٠ ° فإن ق (أً) المنعكسة ~ ...... °
    - (٤) وتطابق المثلثان القائما الزاوية إذا تطابق ......
  - الزاويتان المتجاورتان الحادثتان من نقطاع شعاع ومستقيم .......

السؤال الثاني، اختر الإجابة من بين الإجابات المعطاة،

- (١) إذا كان ش تتمم ص وكان ش = ص فإن ق (ش) = ...... (i) ده د (ب) ۹۰ (ج) ۱۸۰ (د) ۲۲۰ ۵ (۱)
- إذا كانت النسبة بين قياسا زاويتان متكاملنان ٥ : ١٣ فإن قُياس الزاوية
  - الصغرى ....... (أ) ۵۰ (ب) ۱۳۰ (ج) ۱۵۰ (ع) ۱۵۰ (أ) ۱۸۰ (م) داره فارد
  - (3)  $\Delta$  أب حــ  $\Xi$   $\Delta$  س ص ع وكان ق (i) + ق  $(\hat{\mathcal{C}})$  = ١٠٠  $^{\circ}$  فإن  $\Delta$  $0 \cdot 1 \cdot \cdot (1) \cdot 0 \cdot (2) = 0 \cdot (2) \cdot 0 \cdot (3) \cdot 0 \cdot (4) \cdot (4) \cdot 0 \cdot (4) \cdot (5) \cdot (5) \cdot (5) \cdot (6) \cdot (6)$ 
    - - المستيمان المتعامدان على ثالث في نفس المستوى بكونا
      - (أ ) متقاطعان (ب) متعامدان (ج) متوازیان (د) غیر ذلك



- (٦) الشكل الذى لا يتطابق مع الشكل المقابل
  - هو الشكل رقم .....
- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (ي) ٤



# السؤال الثالث

- (أ) أذكر حالتين من حالات تطابق مثلثين؟
- (ب) في الشكل المجاور أ ب = ب جـ، أ د = حـد ، ق (جـ) = ٨٠، ق (جـ) = ٠٤٠ ق (ب دُ جـ) = ٠٤٠ :

 $\triangle \triangle = \triangle = \triangle$  أ ب د ثم لماذا؟ أوجد ق (أ ب د)

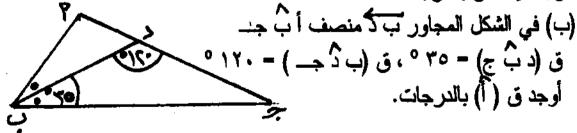
# السؤال الرابع

(أ) في الشكل المجاور ته هك // أجه، ق (أ) = ١١٠ ٥ ق (د) = ٧٠ ٥ أوجد ق (ج) وهل أب // جهد مع نكر السبب.

(ب) باستخدام الأموات الهندسية ارسم زاوية أب حــ حيث ق (ب) - ٥٠ ° ثم أرسم ب ك منصفا لها (لا تمحو الأقواس)

السؤال الخامس:

(أ) في الشكل المقابل أجـ n ب د = {ب} ، ق (أبُ د ) - ٥٠ °، ق (د بُ جـ ) = ٢س ° ﴿ ﴿ وَهُ يَعِنْ عَبِيْ أوجد قيمة س بالدرجات.



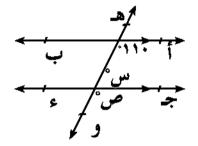
# نموذج امتحان الهندسة للطلاب المدمجين

				السؤال الأول:
			سبح صحيحة	أكمل العبارات التالية لتد
	نمكسة =	u( ( Z 1 ) lu	) = ۱۰۰ فإن ق	(۱)إذاكان ق ( ﴿ أَ
	•	۱۸۰۰	٥٠ تتمم زاوية قياس	( ٢ ) الزاوية التي قياسها ٠
		•	لثالثل	( ٣ ) المستقيمان الموازيان
			لابق ضلعان و	(٤) يتطابق المثلثان إذا تم
	( × )v = (	نإن ق(﴿ يُ	≡ ∆سص,ځ ه	(٥) إذا كان ٥ أبج
				السؤال الثاني:
		34	من الإجابات المعم	إختر الإجابة الصحيحة
	******	لة يساوي	المتجمعة حول نقط	(١) مجموع قياسات الزوايا
ن ۲۲۰	٩٠ ﴿	)	٠١٧٠ ج	*r*· (f
		******	متقيمة يكون	( ٢ ) محور بقائل القطعة الهم
د) مطابق لها	ج مساوي لها	موازي لها	س منصفها کی	۴) عمودي عليها ه
			سها ۳۰ هي	(٣) مكملة الزاوية التي قيا
٩٠ (٤	10+ (	€	٠١٨٠ ڪ	٦٠ (١
	زاوية	من ۱۸۰ هي	کبر من ۹۰ و أقل	(٤) الزاوية التي قياسها أ
و) مستقيمة				۴) منفرجة
				(٥)إذا كان △ أبج =
د) ٻج	صع	€	بے س 😓	۴) س ص

# السؤال الثالث:

ضع علامة ( 🗸 ) أمام العبارة الصحيحة وعلامة ( X ) آمام العبارة الخاطئة :

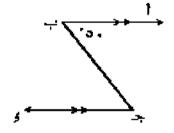
- (١) يتطابق المثلث القائم الزاوية مع المثلث المتساوى الأضلاع ( )
- ( Y ) الزاويتان اللتان قياسيهما ١٠٠، ٥٨٠ هما زاويتان متكاملتان ( )



- (i) أب //ه و ( )
- (ب) س = ۲۰ ° ( )
- (ج) ص = ۱۸۰ ° ( )

# السؤال الرابع:

من الشكل المقابل



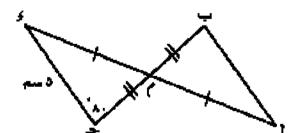
أهلان في المكل التابل: ١٥ ﴿ لَمُ أَبِ حَ ﴾ = ١٥ أُ

، بأ // جو أكمل العل لإيجاد ن ( لا ب حو)

لان بأ // ......

غإن ك ( ﴿ أَ بِ جَ ) = ق ( ﴿ سَنَنَا اللَّهُ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ ال

ن ( ≼ ب ج ا ) =......



# نُاثِها: بالاستعانة بالشكل المقابل أكمل ما يلى

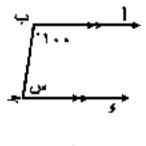
..... Δ = ( ψ · Δ ( ) )

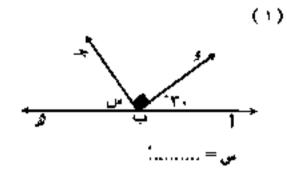
(٢) أد= ....مم

(۲) ت ( ﴿ بَ ﴾ - ......

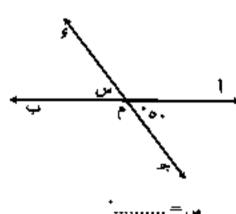
# السؤال الخامس:

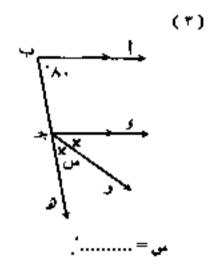
# هِي كُلُّ مِنْ الْأَشْكَالُ التَّالِيَّةَ أُوجِدِ قِيمَةً سَ





(1)



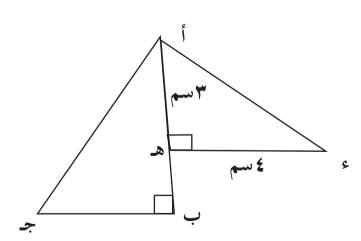


(٥) في الشكل المقابل

إذا كان △ أب ج = △ ء هـ أ

، أهـ = ٣سم ، ءهـ = ٤سم

فإن ب هـ = ..... سم





http://elearing.moe.gov.eg

مطابع الدار الهندسية - زهراء المعادي